



گروه آموزشی مشاوره‌های نوتروفیل



درس

فیزیک دوازدهم - فصل ۳

نوتروپیست





نوטר و فیل خونه رتبه برترها



قبولی های کنکور ۱۴۰۴

تک رقیمی نوטר و فیل

رتبه ۸



ایمان نیکانام جهرمی

دور رقیمی های نوטר و فیل

رتبه ۳۲



امیرمحمد رضائی

رتبه ۲۰



سینا راضی

رتبه ۱۶



آریا قهرمانی

رتبه ۱۴



امیرمحمد کیانی

رتبه ۸۰



محمد مهدی شریفی

رتبه ۷۵



محمد صالح عارفی

رتبه ۶۱



بهار هلالی

رتبه ۵۹



ایمان انفرادی

رتبه ۵۵



مهسا سیاوشی

رتبه ۲۲۲



امیرمحمد شکوهی

رتبه ۱۶۹



هانیه خواجه

رتبه ۱۶۰



اشکان کوثری

رتبه ۱۴۷



محدثه حیدری

سه رقیمی و چهار رقیمی های نوטר و فیل

رتبه ۴۳۲



سید محمدصادق حسینی

رتبه ۳۴۱



حمیدرضا بشیری

رتبه ۳۰۸



سید علی اکرمی

رتبه ۲۷۱



فاطمه سادات موسوی

رتبه ۲۵۹



ابوالفضل ناصریان

رتبه ۵۳۹



نجمه کیخا

رتبه ۵۳۷



ریحانه حیدری

رتبه ۵۲۲



فاطمه شاهسوند

رتبه ۵۱۴



محمدپارسا عبدالله آبادی

رتبه ۴۷۳



زهرا بابائی

رتبه ۶۶۱



فاطمه اصغری

رتبه ۶۰۶



سجاد محمودی زاده

رتبه ۵۷۰



زهرا ولی نژاد

رتبه ۵۵۷



محمد صالح زارعی

رتبه ۵۴۶



حسین تفضلی نژاد

رتبه ۷۸۱



احسان قنبری

رتبه ۷۱۴



محمد یزدیان

رتبه ۶۹۱



بهار ضرغامی

رتبه ۶۷۲



محمدماهان عنبرستانی

رتبه ۶۶۷



سیاوش مصطفایی

رتبه ۹۰۹



کیمیا فدائی

رتبه ۸۹۳



فاطمه مشاوری نجف آبادی

رتبه ۸۰۴



آرمین رضایی

رتبه ۸۰۳



مانده رنجبر

رتبه ۷۸۶



نیما غفاری

رتبه ۱۱۲۷



زهرا بابائی

رتبه ۱۱۲۲



علی طاهر زاده

رتبه ۱۰۵۸



الینا جلالی فر

رتبه ۱۰۵۲



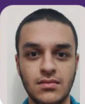
پویان فریور افشار

رتبه ۹۴۷



صفورا بقائی

رتبه ۱۳۵۰



علی زینلی

رتبه ۱۲۸۴



فاطمه معین زاده

رتبه ۱۲۸۴



بهار امیری

رتبه ۱۲۳۶



مبینا ایزدی

رتبه ۱۲۳۴



مطهره توحیدی

رتبه ۱۵۰۳



فاطمه رحیم زاده

رتبه ۱۴۹۳



محمد مهدی خرم زاده

رتبه ۱۴۸۳



سینا خاوری خراسانی

رتبه ۱۴۲۴



سید امیرحسین حسینی

رتبه ۱۳۷۲



پارسا رضایی

رتبه ۱۶۹۶



ندا ملکشاهی

رتبه ۱۶۷۸



سجاد ینکی

رتبه ۱۶۳۹



ابوالفضل نیرومند

رتبه ۱۶۲۸



امیرمحمد فکور حقیقی

رتبه ۱۵۳۴



فاطمه عبیری

رتبه ۲۵۵۹



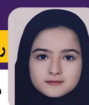
سارا حمزه

رتبه ۲۰۱۵



علی شیرزاد

رتبه ۱۹۶۶



مهسا رضایی مقدم

رتبه ۱۷۵۴



هلیا حاجیلوئی

سه رقیمی های نوטר و فیل

رتبه ۱۷۳۱



محمد رضا محسنی

رتبه ۲۷۹۴



مریم بادلی

رتبه ۲۷۸۱



سعید شبانی

رتبه ۲۷۵۱



فهمیه سیدآبادی

رتبه ۲۷۱۱



محمد غلامی

رتبه ۲۶۲۵



زهرة جمعی

رتبه ۳۳۴۳



سینا ارزمانی

رتبه ۳۲۴۴



هلیا سجادی

رتبه ۳۱۳۳



صبا شایع ثانی

رتبه ۲۸۸۱



پارسا جمال امیدی

رتبه ۲۸۱۰

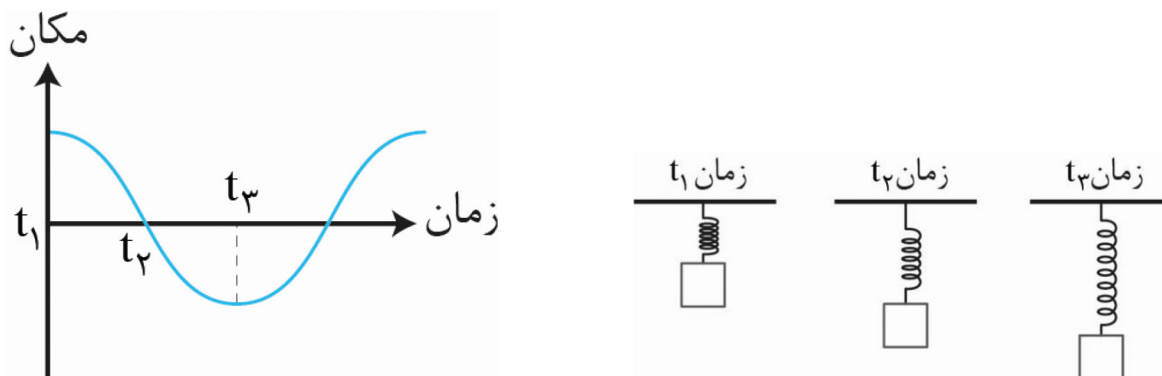


هدیه رحیمی

فصل ۳: نوسان و موج

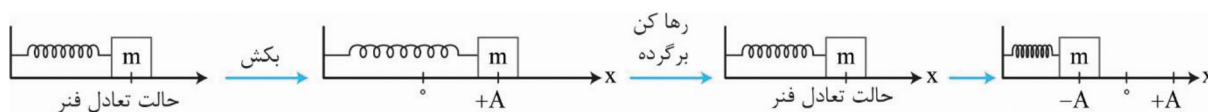
نوسان دوره‌ای: اگر یک فنر را از جایی آویزان کنید و یک وزنه به آن ببندید و وزنه را پایین کشیده و رها کنید، حرکتی منظم و دائماً در حال تکرار دیده میشود به اسم نوسان های دوره ای!

نکته: دوره به واحد زمانی که هر دوره رفت و برگشت فنر طول میکشد گفته میشود و بسامد تعداد نوسانات در مدت یک ثانیه است.



حرکت هماهنگ ساده نوسانی: وزنه m بین دو نقطه $A+$ و $A-$ روی محور X رفت و برگشت انجام میدهد.

- چند نکته خفن در مورد نقطه‌های $A+$ و $A-$ و مبدا صفر که با O هم نشان میدهند



O { جسم اینجا بیشترین سرعت را دارد چون فنر در حال تعادل است و هیچ نیرویی به جسم وارد نمیکند.

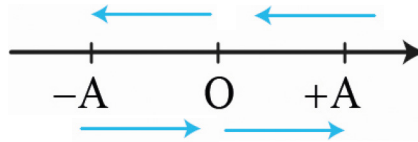
$$F = k\Delta x \xrightarrow{\Delta x = 0} F = 0$$

$-A$ { جسم به سمت مثبت‌ها برمیگردد و کمترین طول را در فنر مشاهده میکنیم و بیشترین فشردگی وجود دارد. سرعت بازم صفر و بیشترین نیرو دیده میشود. چرا؟ چون $F = k\Delta x$

$+A$ { جسم به عقب برمیگردد و جهت حرکت به سمت منفی است! سرعتش صفر میشود و فنر هم بیشترین کشیدگی و نیرو را دارد. چرا؟ چون $F = k\Delta x$

یادآوری: انرژی پتانسیل فقط گرانش نیست. فنر کشیده و یا فشرده شده هم انرژی پتانسیل دارد پس نقاط $A+$ و $A-$ بیشترین انرژی پتانسیل را دارند و نقطه O هم که حالت تعادل است که اصلاً انرژی پتانسیل ندارد!

• رابطه بین x و t در حرکت نوسانی: $x = A \cos \omega t$



نوسان بالا یک نوسان کامل (رفت و برگشتی) است چون رفت و برگشت دارد. فاصله OA با O(-A) برابر است که دامنه نامیده میشود و با A نشون داده میشود!

در هر نوسان کامل چند بار مسافت به اندازه A طی میشود؟ ۴!

در یک نوسان کامل جابجایی چقدر است؟ صفر چون مبدأ و مقصد یکی است!

نکته: طی کردن هر کدام از Aها به اندازه $\frac{T}{4}$ طول میکشه

مثال: نوسانگری ۵ نوسان کامل انجام داده اگر مسافت طی شده آن طی نوسان ۶۰ cm باشد طول دامنه این نوسانگر چند cm است؟ (تالیفی)

$$\frac{60}{5} = 12 \text{ cm} \quad \xrightarrow{\text{هر نوسان کامل 4A طی میکنه}} \frac{12}{4} = 3 \text{ cm}$$

بسامد زاویه‌ای چیست؟ فرض کنید با ماشین دور فلکه با تندی ثابت می‌چرخید هر دوری که می‌زنید یک حرکت متناوب و تکراری است.

در این مثال سرعت زاویه ای شما سرعت چرخش شما به دور یک دایره است.

$$\omega = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$$

* هر دایره 2π رادیان است پس:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f \quad \omega \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right)$$

مثال: مدت گردش متحرکی دور یک دایره (S) ۴ است چه مدت طول میکشه این متحرک رادیان بچرخد؟ (تالیفی)

$$\omega = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right), \quad \Delta\theta = \frac{2\pi}{4} \Rightarrow \omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{\Delta\theta}{\omega} = \frac{\frac{2\pi}{4}}{\frac{\pi}{2}} = \frac{3}{2} = 1.5 \text{ (s)}$$

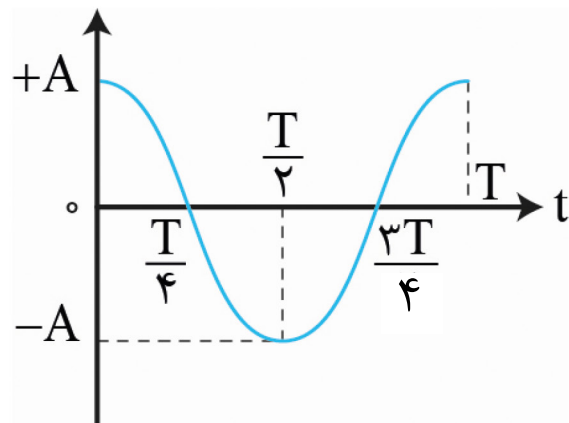
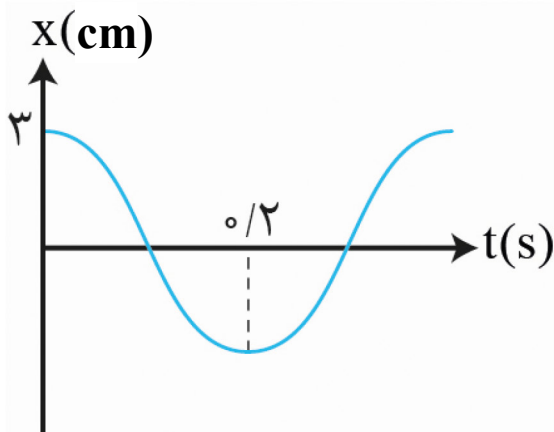
مثال: با توجه به نمودار مقابل: (دی ۱۴۰۰)

الف) دوره حرکت این متحرک $\frac{3\pi}{4}$ چقدر است؟ (نمودار سمت راست میتواند یک الگو باشد).

ب) معادله حرکت را بنویسید.

$$\frac{T}{2} = 0.2 \rightarrow T = 0.4 \text{ (s)} \Rightarrow x = 0.2 \cos \omega t \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} x = 0.2 \cos \Delta\pi t$$

$A = 0.2 \text{ (x)} \quad \omega = \frac{2\pi}{0.4} = \Delta\pi$

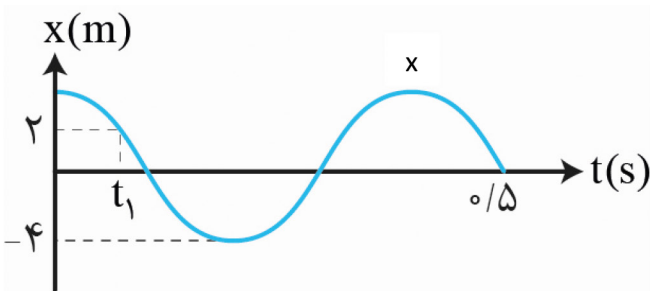


مثال: نمودار مکان- زمان نوسانگری به شکل روبرو است؟ (تمرین کتاب)

الف) معادله حرکت آن را بنویسید: نا نقطه x روی محور t یک نوسان کامل است از نقطه x تا 0.5 هم به اندازه A جابجایی داریم

پس در مجموع داریم: $4A + A = 5A$

هر A به اندازه $\frac{T}{4}$ زمان می‌خواهد پس:



$$\frac{\Delta T}{4} = 0.5 \rightarrow T = 0.4$$

$$A = 0.4 \text{ m}$$

$$w = \frac{2\pi}{0.4} = 5\pi \quad x = 0.4 \cdot \cos 5\pi t$$

$$5\pi \cdot t = \frac{+\pi}{2} \rightarrow t = \frac{1}{15} \text{ (s)}$$

همه فنرها مثل هم نیستند و ضریب سختی خودشان را دارند و همین باعث تفاوت در دوره تناوب نوسان‌های مشابه می‌شود:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad T = \frac{2\pi}{\omega} \rightarrow \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

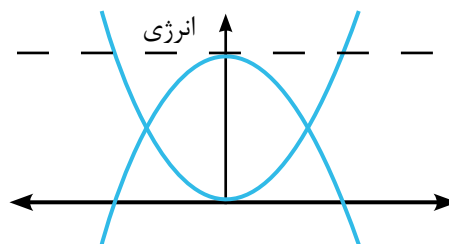
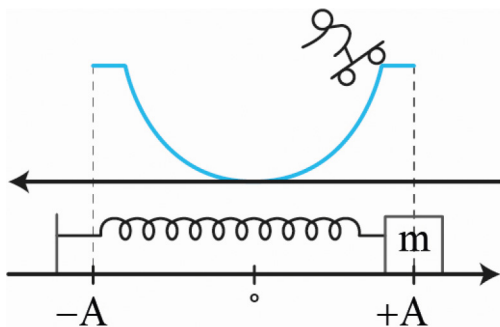
مثال: خودروی با سرنشین 1600 kg است و 4 فنر دارد. با سختی $2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ دوره تناوب و بسامد زاویه‌ای این فنرها وقتی در

چاله می‌افتد حساب کنید. (توزیع وزن روی چرخ‌ها یکسان است) (تمرین کتاب)

$$= \frac{1600}{4} = 400 \text{ kg} \quad , k = 2 \times 10^4 \quad T = 2\pi \times \sqrt{\frac{400}{2 \times 10^4}} = 2\pi \times \sqrt{2 \times 10^{-2}} \text{ (s)}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2 \times 10^4}{400}} = \sqrt{\frac{1}{2} \times 10^2} = \sqrt{50} \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right)$$

انرژی در حرکت هماهنگ ساده: شکل مقابل یک اسکیت سوار در مسیر U شکل نشان می‌دهد و زیر آن یک فنر در حال نوسان است.



انرژی جنبشی کجاها حداکثر و کجا صفر میشود؟ از طرفی $E = k + U$ این یعنی K به U و U به K تبدیل میشود اما همچنان E ثابت است.

در هر نقطه $E = K + U$ است و E ثابت می‌باشد.

• **حواست باشه**

انرژی فنر در نقاط A و $-A$ بیشترین مقدار خود است پس: $E = U_{\max} \leftarrow E = K + U$ و برای فنر داریم:

$$U_{\max} = \frac{1}{2} k A^2 = E$$

$$E = K_{\max} \leftarrow E = K + U$$

• در نقطه O انرژی جنبشی حداکثر میزان خود است، پس:

• پس خواهیم داشت: $\frac{1}{2}KA^2 = \frac{1}{2}mV_{max}^2 \Rightarrow \frac{K.A^2}{m} = V_{max}^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{K.A^2}{m}} = V_{max} \Rightarrow A\sqrt{\frac{k}{m}} = V_{max}$

• حداکثر سرعت نوسانگر که در نقطه O خواهد بود. $V_{max} = A.\omega$

• در ادامه خواهیم داشت:

$$\Rightarrow E = \frac{1}{2}KA^2 = \frac{1}{2}mV_{max}^2 = \frac{1}{2}xA^2.\omega^2 \xrightarrow{\omega=2\pi f} E = 2\pi^2mA^2f^2 = K_{max}$$

مثال: تندی نوسانگر هماهنگ ساده‌ای که با دامنه 10 cm و دوره $(s) 0.5$ نوسان می‌کند هنگام عبور از نقطه تعادل چند m/s است؟ (مثال کتاب)

$$2\pi^2MA^2f^2 = \frac{1}{2}m.V_{max}^2 \rightarrow V_{max} = 2\pi AF = A.\omega \quad ; \quad V_{max} = A.\omega \text{ اثبات فرمول}$$

یادآوری: $F = kx \Rightarrow$ تنها نیروی تاثیر گذار در سامانه وزنه و فنر میباشد:

$$F_{net} = F \Rightarrow kx = m.a \rightarrow a = \frac{k}{m}x \Rightarrow a = \omega^2.x$$

مثال: معادله حرکت هماهنگ ساده نوسانگری $x = 0.02 \cos 20\pi t$ می‌باشد: (خرداد 1402 تجربی)

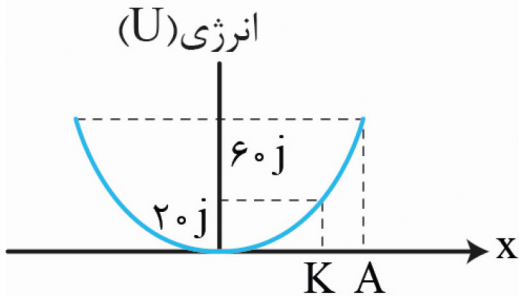
الف) اندازه شتاب نوسانگر را در مکان محاسبه کنید.

$$a = \omega^2.x \begin{cases} \omega = 20\pi \\ x = 0.01 \end{cases} \Rightarrow a = (20\pi)^2 \times 0.01 = 4\pi^2 \frac{m}{s^2}$$

ب) در چه لحظه ای برای اولین بار تندی بیشینه می‌شود؟

برای اولین بار یعنی از O می‌گذرد اگر به نوسانگر $t = 0$ بدهیم می‌بینیم که مکان شروع حرکت $A+$ است. پس برای رسیدن به O به $\frac{T}{4}$ زمان نیاز دارد:

مثال: نمودار مقابل انرژی بر حسب مکان سامانه جرم- فنری است که جرم متصل به فنر 200 gr می‌باشد تندی وزنه رادیکال x بدست بیاورید. (خرداد 1402 تجربی)



$$U_{max} = E = 60\text{ J} \Rightarrow Y = 20\text{ J} \Rightarrow E = U + K \Rightarrow K = E - U$$

$$\Rightarrow K = 60 - 20 = 40\text{ J} \xrightarrow{t = \frac{1}{2}mr^2} \frac{1}{2}(\frac{1}{2})V^2 = 40 \Rightarrow V = 20 \frac{m}{s}$$

ب) تندی نوسانگر چقدر باشد تا انرژی کشسان با جنبشی برابر شود؟ (مشابه تمرین کتاب)

$$\text{if } t = U \Rightarrow k + U = E \Rightarrow E = 2k$$

$$\Rightarrow 60 = 2 \times \frac{1}{2}(\frac{1}{2})V^2 \Rightarrow 300 = V^2 \rightarrow V = 10\sqrt{3} \frac{m}{s} \approx 17 \frac{m}{s}$$

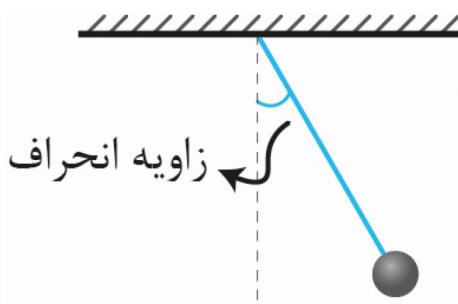
آیا نوسان مختص وزنه- فنر است؟ خیر. آونگ نیز میتواند نوسان داشته باشد.

هرچه بند آونگ بلند تر باشد زمان رفت و برگشت و در نتیجه دوره تناوب بیشتر میشود.

□ فرمول میگه:

L طول طناب

g شتاب گرانشی در محل



$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \quad \omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

مثال: دوره تناوب آونگ ساده‌ای (S) $1/2$ است. طول آونگ را حساب کنید. ($\pi = 3$, $y = 10$) (خرداد ۱۴۰۲ ریاضی)

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \rightarrow \frac{1}{2} = 2 \times 3 \sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow L = 0.4 \text{ (m)}$$

مثال: ساعت آونگ داری در تهران تنظیم شده، ساعت را به استوا می‌بریم، ساعت جلو می‌رود یا عقب؟ در یک شبانه روز جقدر تغییر خواهیم داشت؟ در تابستان ساعت چه تغییری میکند؟ (تمرین کتاب)

$$g_{\text{تهران}} = 9.8 \text{ m/s}^2$$

$$g_{\text{استوا}} = 9.78 \text{ m/s}^2$$

زمان تناوب در استوا بیشتر میشود. پس چون رفت و برگشت بیشتر طول میکشد عقربه‌ها دیر به دیر تکان می‌خورند و ساعت عقب

$$T_1 \text{ استوا} \sqrt{\frac{g}{g}} = \sqrt{\frac{9.8}{9.78}} = 1.001 \text{ می‌افتد}$$

$$T \text{ استوا}$$

$$T \text{ تهران}$$

$$\Rightarrow \Delta t = T - T = 1.001 - 1 = 0.001 \text{ (s)}$$

$$\text{میزان عقب افتادن} (s) = 0.001 \times (24 \times 60 \times 60) = 86.4$$

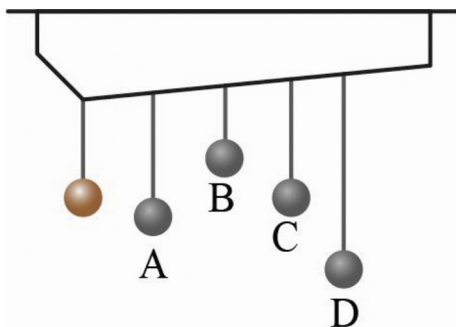
افزایش دما یعنی افزایش طول آهنگ در اثر انبساط:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} > 1$$

باز هم آونگ ساعت را عقب می‌اندازد!

عجب سوالی بود •

تشدید: تشدید زمانی اتفاق می‌افتد که T ها برای دو نوسانگر برابر باشد و در آونگ همیشه طول برابر! چون g برابر است. طبق مطلب بالا فقط آونگ C که طول برابری با آونگ اصلی دارد دچار تشدید میشود.



یک مثال بارز از پدیده تشدید در رژه سربازها دیده میشود! سربازها وقتی به یک پل برسند دیگر رژه نمی‌روند زیرا حرکت منظم

پاها باعث لرزش پل و تشدید این لرزه میشوند. در نتیجه پل فرو میریزد.

موج و انواع آن:

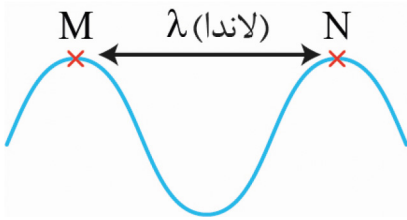
مکانیکی: برای انتشار نیاز به محیط مادی دارد مانند موج روی سطح آب

الکترومغناطیسی: برای انتشار نیاز به محیط مادی نیاز ندارد مثل امواج رادیویی، نور و...

موج عرضی: موجی که راستای نوسان ذرات عمودی و جهت انتشار موج افقی است.

موج طولی: موجی که جهت حرکت موج‌ها با ذرات نوسان کننده همسو است.

نکته این موج است که حرکت میکند و ذرات طناب یا فنر فقط سر جای خود نوسان می‌کنند مثل موج مکزیکی!



تندی انتشار موج $\Rightarrow v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f$

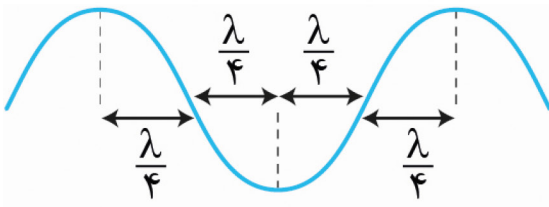
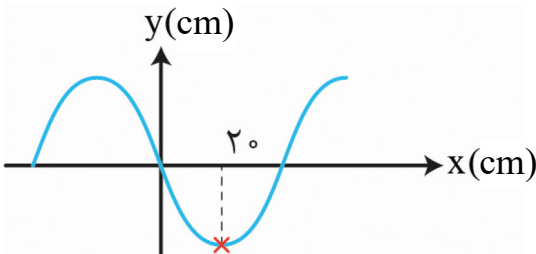
مشخصه های موج:

- موج عرضی

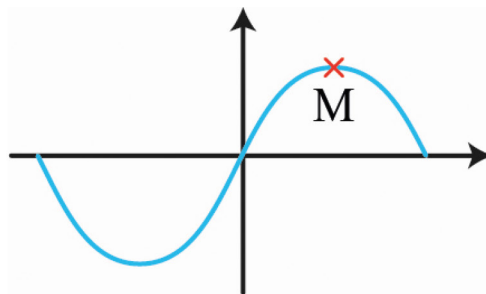
نقطه **M** سر جایش بالا پایین میرود پس حرکت نوسانی در حال انجام است!

به هر کدام از این قله ها جبهه موج می گویند و فاصله بین دو قله را طول موج می گویند.

شکل مقابل نمودار موج عرضی را در لحظه $t = 0$ نشان میدهد اگر تندی انتشار موج 4 m/s باشد نمودار را در لحظه $t = \frac{1}{10}$ رسم کنید. (نهایی ۱۴۰۲ ریاضی)



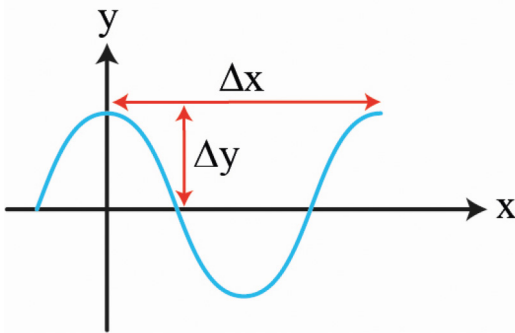
$\lambda = vT \Rightarrow T = \frac{\lambda}{v} = \frac{2}{10} \text{ s}$ $t = \frac{1}{10} = \frac{T}{2}$



فاصله دو قله میشود λ پس:

مثال: در نمودار جابجایی مکان موج عرض شکل زیر $\Delta x = 40 \text{ cm}$, $\Delta y = 15 \text{ cm}$ است اگر بسامد نوسان 8 Hz باشد طول موج،

دامنه تندی و دوره تناوب موج چقدر است؟ (تمرین کتاب)



$\lambda = \Delta H = 40 \text{ cm}$ $\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow v = 3/2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{8} \text{ (s)}$
 $A = \Delta y = 15 \text{ cm}$

یه سوال اون طناب که توش موج ایجاد کردی اگر ضخیم باشه موج چجوریا

میشه؟ اگر دو طرف طناب رو شل بگیری چی؟

این نشون میده که ضخامت طناب و نیروی دو سر طناب که محکم کردی اثر

تو گیتار هرچی تار گیتار محکم تر باشه با یه اشاره با سرعت بالا به لرزش

درمیا و هرچی ضخیم تر سرعت لرزش کمتر پس:

سرعت m/s

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ نیروی کشش تار یا فنر \rightarrow
 چگالی خط \rightarrow

$\mu = \frac{m}{L}$ جرم (تار) \rightarrow kg
 طول (تار) \rightarrow

مثال: فنری به جرم 5 kg و طول 2 m با نیروی 9 N میکشیم تندی انتشار موج عرضی چند m/s است؟ (خرداد ۱۴۰۱ ریاضی)

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{9}{\frac{5}{2}}} = \sqrt{\frac{36}{5}} = \frac{6}{\sqrt{5}} \text{ m/s}$

نکته: موج حاصل انرژی است.

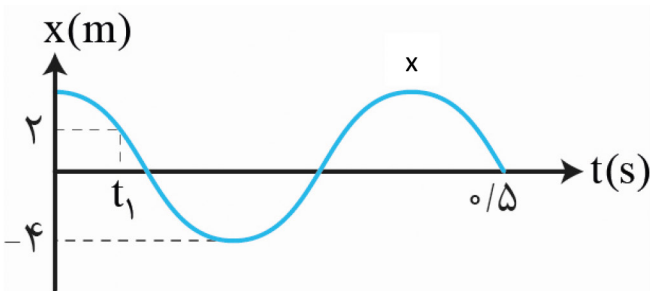
امواج الکترومغناطیسی: امواج الکترومغناطیسی لزوماً ناشی از تغییرات هم زمان میدان الکتریکی و مغناطیسی است تازه عمود به هم هستند.

مثال: نمودار مکان- زمان نوسانگری به شکل روبرو است؟ (تمرین کتاب)

الف) معادله حرکت آن را بنویسید: نا نقطه x روی محور t یک نوسان کامل است از نقطه x تا 0.5 هم به اندازه A جابجایی داریم

پس در مجموع داریم: $4A + A = 5A$

هر A به اندازه $\frac{T}{4}$ زمان می‌خواهد پس:



$$\frac{\Delta T}{4} = 0.5 \rightarrow T = 0.4$$

$$A = 0.4 \text{ m}$$

$$w = \frac{2\pi}{0.4} = 5\pi \quad x = 0.4 \cdot \cos 5\pi t$$

$$5\pi \cdot t = \frac{+\pi}{2} \rightarrow t = \frac{1}{15} \text{ (s)}$$

همه فنرها مثل هم نیستند و ضریب سختی خودشان را دارند و همین باعث تفاوت در دوره تناوب نوسان‌های مشابه می‌شود:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad T = \frac{2\pi}{\omega} \rightarrow \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

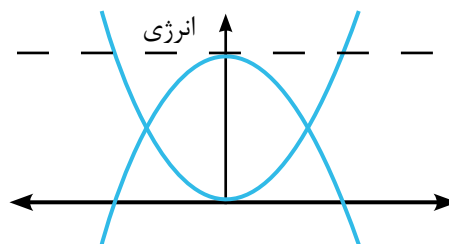
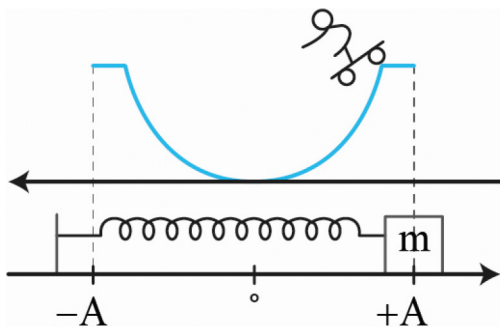
مثال: خودروی با سرنشین 1600 kg است و 4 فنر دارد. با سختی $2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ دوره تناوب و بسامد زاویه‌ای این فنرها وقتی در

چاله می‌افتد حساب کنید. (توزیع وزن روی چرخ‌ها یکسان است) (تمرین کتاب)

$$T = 2\pi \times \sqrt{\frac{400}{2 \times 10^4}} = 2\pi \times \sqrt{2 \times 10^{-2}} \text{ (s)}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2 \times 10^4}{400}} = \sqrt{\frac{1}{2} \times 10^2} = \sqrt{50} \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right)$$

انرژی در حرکت هماهنگ ساده: شکل مقابل یک اسکیت‌سوار در مسیر U شکل نشان می‌دهد و زیر آن یک فنر در حال نوسان است.



انرژی جنبشی کجاها حداکثر و کجا صفر می‌شود؟ از طرفی $E = k + U$ این یعنی K به U و U به K تبدیل می‌شود اما همچنان E ثابت است.

در هر نقطه $E = K + U$ است و E ثابت می‌باشد.

• **حواست باشه**

انرژی فنر در نقاط A و $-A$ بیشترین مقدار خود است پس: $E = U_{\max} \leftarrow E = K + U$ و برای فنر داریم:

$$U_{\max} = \frac{1}{2} k A^2 = E$$

$$E = K_{\max} \leftarrow E = K + U$$

• در نقطه O انرژی جنبشی حداکثر میزان خود است، پس:

• پس خواهیم داشت: $\frac{1}{2}KA^2 = \frac{1}{2}mV_{max}^2 \Rightarrow \frac{K.A^2}{m} = V_{max}^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{K.A^2}{m}} = V_{max} \Rightarrow A\sqrt{\frac{k}{m}} = V_{max}$

• حداکثر سرعت نوسانگر که در نقطه **O** خواهد بود. $V_{max} = A.\omega$

• در ادامه خواهیم داشت:

$$\Rightarrow E = \frac{1}{2}KA^2 = \frac{1}{2}mV_{max}^2 = \frac{1}{2}xA^2.\omega^2 \xrightarrow{\omega=2\pi f} E = 2\pi^2mA^2f^2 = K_{max}$$

مثال: تندی نوسانگر هماهنگ ساده‌ای که با دامنه 10 cm و دوره $(s) 0.5$ نوسان می‌کند هنگام عبور از نقطه تعادل چند m/s است؟ (مثال کتاب)

$$2\pi^2MA^2f^2 = \frac{1}{2}m.V_{max}^2 \rightarrow V_{max} = 2\pi AF = A.\omega \quad ; \quad V_{max} = A.\omega \text{ اثبات فرمول}$$

یادآوری: $F = kx \Rightarrow$ تنها نیروی تاثیر گذار در سامانه وزنه و فنر میباشد:

$$F_{net} = F \Rightarrow kx = m.a \rightarrow a = \frac{k}{m}x \Rightarrow a = \omega^2.x$$

مثال: معادله حرکت هماهنگ ساده نوسانگری $x = 0.02 \cos 20\pi t$ می‌باشد: (خرداد 1402 تجربی)

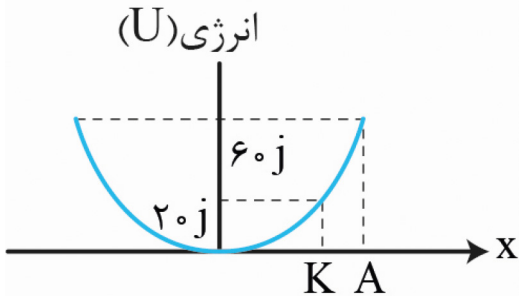
الف) اندازه شتاب نوسانگر را در مکان محاسبه کنید.

$$a = \omega^2.x \begin{cases} \omega = 20\pi \\ x = 0.01 \end{cases} \Rightarrow a = (20\pi)^2 \times 0.01 = 4\pi^2 \frac{m}{s^2}$$

ب) در چه لحظه ای برای اولین بار تندی بیشینه می‌شود؟

برای اولین بار یعنی از **O** می‌گذرد اگر به نوسانگر $t = 0$ بدهیم می‌بینیم که مکان شروع حرکت **A+** است. پس برای رسیدن به **O** به $\frac{T}{4}$ زمان نیاز دارد:

مثال: نمودار مقابل انرژی بر حسب مکان سامانه جرم- فنری است که جرم متصل به فنر 200 gr می‌باشد تندی وزنه رادیکال **x** بدست بیاورید. (خرداد 1402 تجربی)



$$U_{max} = E = 60\text{ J} \Rightarrow Y = 20\text{ J} \Rightarrow E = U + K \Rightarrow K = E - U$$

$$\Rightarrow K = 60 - 20 = 40\text{ J} \xrightarrow{t = \frac{1}{2}mr^2} \frac{1}{2}(\frac{1}{2})V^2 = 40 \Rightarrow V = 20 \frac{m}{s}$$

ب) تندی نوسانگر چقدر باشد تا انرژی کشسان با جنبشی برابر شود؟ (مشابه تمرین کتاب)

$$\text{if } t = U \Rightarrow k + U = E \Rightarrow E = 2k$$

$$\Rightarrow 60 = 2 \times \frac{1}{2}(\frac{1}{2})V^2 \Rightarrow 300 = V^2 \rightarrow V = 10\sqrt{3} \frac{m}{s} \approx 17 \frac{m}{s}$$

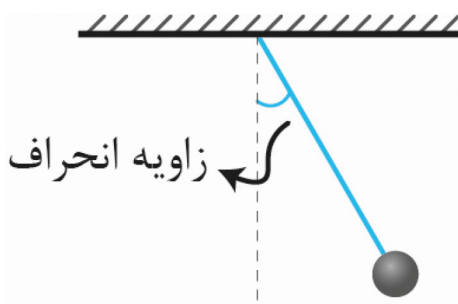
آیا نوسان مختص وزنه-فنر است؟ خیر. آونگ نیز میتواند نوسان داشته باشد.

هرچه بند آونگ بلند تر باشد زمان رفت و برگشت و در نتیجه دوره تناوب بیشتر میشود.

□ فرمول میگه:

L طول طناب

g شتاب گرانشی در محل



$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \quad \omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

مثال: دوره تناوب آونگ ساده‌ای (S) $1/2$ است. طول آونگ را حساب کنید. ($\pi=3$, $y=10$) (خرداد ۱۴۰۲ ریاضی)

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \rightarrow \frac{1}{2} = 2 \times 3 \sqrt{\frac{L}{10}} \Rightarrow L = 0.4 \text{ (m)}$$

مثال: ساعت آونگ داری در تهران تنظیم شده، ساعت را به استوا می‌بریم، ساعت جلو می‌رود یا عقب؟ در یک شبانه روز جقدر تغییر خواهیم داشت؟ در تابستان ساعت چه تغییری میکند؟ (تمرین کتاب)

تهران $g=9.8 \text{ m/s}^2$

استوا $g=9.78 \text{ m/s}^2$

زمان تناوب در استوا بیشتر میشود. پس چون رفت و برگشت بیشتر طول میکشد عقربه‌ها دیر به دیر تکان می‌خورند و ساعت عقب

می‌افتد $T_1 \text{ استوا } \sqrt{\frac{g}{g}} = \sqrt{\frac{9.8}{9.78}} = 1.001$

T استوا
 T تهران

در هر نوسان $\Delta t = T - T = 1.001 - 1 = 0.001 \text{ (s)}$

میزان عقب افتادن $0.001 \times (24 \times 60 \times 60) = 86.4 \text{ (s)}$ در ۲۴ ساعت

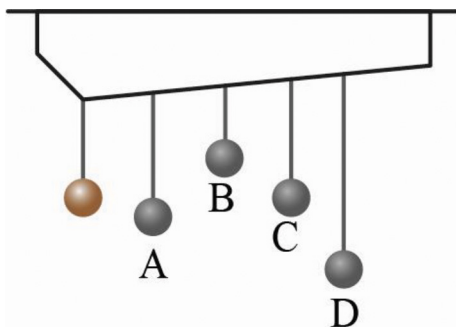
افزایش دما یعنی افزایش طول آهنگ در اثر انبساط:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} > 1$$

باز هم آونگ ساعت را عقب می‌اندازد!

عجب سوالی بود •

تشدید: تشدید زمانی اتفاق می‌افتد که T ها برای دو نوسانگر برابر باشد و در آونگ همیشه طول برابر! چون g برابر است. طبق مطلب بالا فقط آونگ C که طول برابری با آونگ اصلی دارد دچار تشدید میشود.



یک مثال بارز از پدیده تشدید در رژه سربازها دیده میشود! سربازها وقتی به یک پل برسند دیگر رژه نمی‌روند زیرا حرکت منظم پها باعث لرزش پل و تشدید این لرزه میشوند. در نتیجه پل فرو میریزد.

موج و انواع آن:

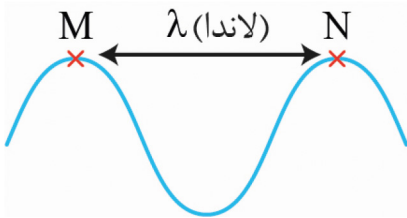
مکانیکی: برای انتشار نیاز به محیط مادی دارد مانند موج روی سطح آب

الکترومغناطیسی: برای انتشار نیاز به محیط مادی نیاز ندارد مثل امواج رادیویی، نور و...

موج عرضی: موجی که راستای نوسان ذرات عمودی و جهت انتشار موج افقی است.

موج طولی: موجی که جهت حرکت موج‌ها با ذرات نوسان کننده همسو است.

نکته این موج است که حرکت میکند و ذرات طناب یا فنر فقط سر جای خود نوسان می‌کنند مثل موج مکزیکی!



تندی انتشار موج $\Rightarrow v = \frac{\lambda}{T} = \lambda f$

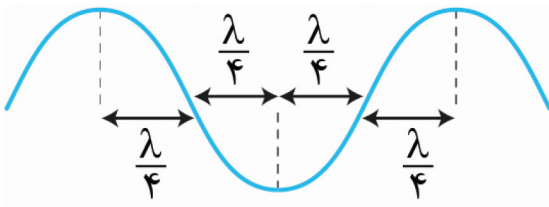
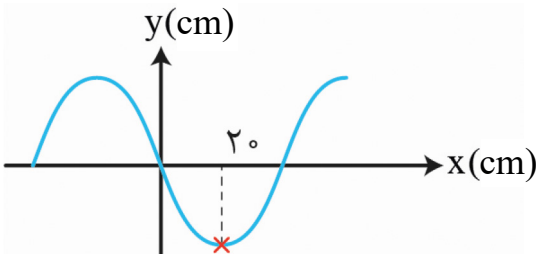
مشخصه های موج:

- موج عرضی

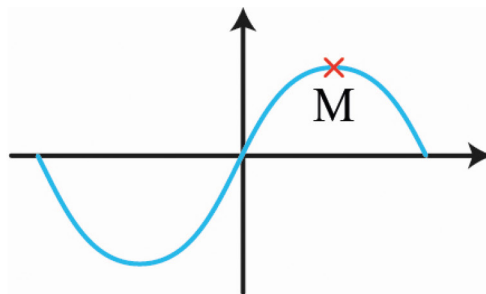
نقطه **M** سر جایش بالا پایین میرود پس حرکت نوسانی در حال انجام است!

به هر کدام از این قله ها جبهه موج می گویند و فاصله بین دو قله را طول موج می گویند.

شکل مقابل نمودار موج عرضی را در لحظه $t = 0$ نشان میدهد اگر تندی انتشار موج 4 m/s باشد نمودار را در لحظه $t = \frac{1}{10}$ رسم کنید. (نهایی ۱۴۰۲ ریاضی)

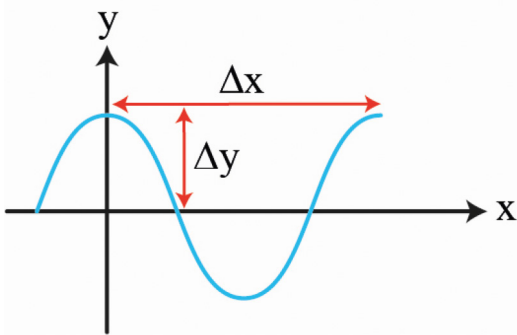


$\lambda = vT \Rightarrow T = \frac{\lambda}{v} = \frac{2}{10} \text{ s}$ $t = \frac{1}{10} = \frac{T}{2}$



فاصله دو قله میشود λ پس:

مثال: در نمودار جابجایی مکان موج عرض شکل زیر $\Delta x = 40 \text{ cm}$, $\Delta y = 15 \text{ cm}$ است اگر بسامد نوسان 8 Hz باشد طول موج، دامنه تندی و دوره تناوب موج چقدر است؟ (تمرین کتاب)



$\lambda = \Delta H = 40 \text{ cm}$ $\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow v = 3/2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{8} \text{ (s)}$
 $A = \Delta y = 15 \text{ cm}$

یه سوال اون طناب که توش موج ایجاد کردی اگر ضخیم باشه موج چجوریا

میشه؟ اگر دو طرف طناب رو شل بگیری چی؟

این نشون میده که ضخامت طناب و نیروی دو سر طناب که محکم کردی اثر

تو گیتار هرچی تار گیتار محکم تر باشه با یه اشاره با سرعت بالا به لرزش

درمیا و هرچی ضخیم تر سرعت لرزش کمتر پس:

سرعت m/s

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ نیروی کشش تار یا فنر \rightarrow
 چگالی خط \rightarrow

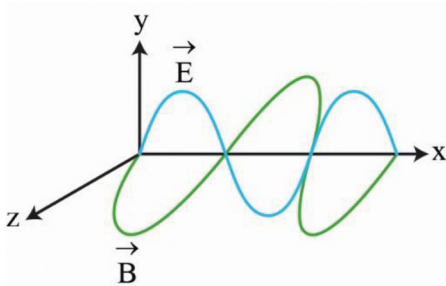
$\mu = \frac{m}{L}$ جرم (تار) \rightarrow kg
 طول (تار) \rightarrow

مثال: فنری به جرم 5 kg و طول 2 m با نیروی 9 N میکشیم تندی انتشار موج عرضی چند m/s است؟ (خرداد ۱۴۰۱ ریاضی)

$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{9}{\frac{5}{2}}} = \sqrt{\frac{36}{5}} = \sqrt{7.2} = 2.68 \text{ m/s}$

نکته: موج حاصل انرژی است.

امواج الکترومغناطیسی: امواج الکترومغناطیسی لزوماً ناشی از تغییرات هم زمان میدان الکتریکی و مغناطیسی است تازه عمود به هم هستند.



قاعده دست راست محور y موج الکتریکی (چهار انگشت)

محور z موج مغناطیسی (از کف دست خارج)

محور x جهت انتشار موج (انگشت شست)

جالب: اگه یه گوشی بزاری تو یه ظرف شیشه ای با تلمبه هوای داخل ظرف رو خالی کنی میتونی با تلفن دیگه با گوشی تماس بگیری اما صدای گوشی داخل طرف نمیداد.

مثال: گستره طول موج نور مرئی در خلا 400 nm تا 700 nm است. گستره بسامد مربوط به این نور را حساب کنید. (مثال کتاب)

$$C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ در خلا مثل نور}$$

$$f = \frac{C}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{400 \times 10^{-9}} = 7.5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

بنفش

$$f : \frac{C}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{700 \times 10^{-9}} = 4.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

قرمز

چند نکته:

✓ برای امواج مکانیکی، تندی انتشار امواج طولی مثل صوت در محیط جامد بیشتر از تندی انتشار امواج عرضی در همان محیط است.

✓ امواج صوتی در واقع تپ‌هایی هستند که در آن به طور متوالی مولکول‌ها متراکم یا منبسط میشوند.

✓ زمین لرزه شامل دو موج است. عرضی امواج S و طولی امواج P نام دارند و موج طولی سریعتر است.

$$\Delta x = \frac{V_s \cdot V_p}{V_p - V_s} \quad \checkmark$$

مثال: تندی موج P برابر $8 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ و موج S برابر $4.5 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ است اگر دو زمین لرزه‌ای موج P حدود 3 min زودتر برسد کانون زمین لرزه در چه فاصله‌ای از سطح زمین است؟ (مثال کتاب)

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{V_s} - \frac{\Delta x}{V_p} \rightarrow \Delta x = \frac{V_s V_p}{V_p - V_s} \Delta t \Rightarrow \frac{4.5 \times 8}{8 - 4.5} (3 \times 60) = 1.9 \times 10^3 \text{ km}$$

صوت: صورت در تمام جهات بصورت کره منتشر میشود.

پس با فاصله گرفتن از چشمه صوت کره بزرگتر میشه و شدت صوت کمتر آهنگ متوسط انرژی که بخواد مسطح میرسه $I = \frac{P_{\text{or}}}{A}$ شدت صوت

$$B = (10 \text{ dB}) \log \frac{I}{I_0}$$

دسی بل

• برای سادگی و راحتی از تراز شدت صوت استفاده می‌کنیم:

نکته: $I_0 = 10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$ است و به این دلیل مرجه انتخاب کردیم چون به پایین‌ترین حد شنوایی انسان نزدیکتر است و بقیه را هم بر مبنای همین با این فرمول می‌سنجیم.

مثال: تراز شدت صوتی 80 dB است. شدت این صوت چقدر است؟ (مثال کتاب)

$$B = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0} = 80 \rightarrow \log \frac{I}{I_0} = 8 \Rightarrow \frac{I}{I_0} = 10^8 \times 10^{-12} = 10^{-4} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

در فاصله ۱۰ متری در مدت (S) ۲ چه انرژی به گوش یک فرد می‌رسد؟ (تالیفی) شرمنده سختش کردم فحش نده (مساحت کره)

$$P = IA \Rightarrow P = 10^{-4} \times 4 \times \pi \times 10^2 = 12 \times 10^{-2} (W) \Rightarrow E = P.t = 12 \times 10^{-2} \times 2 = 24 \times 10^{-2} J$$

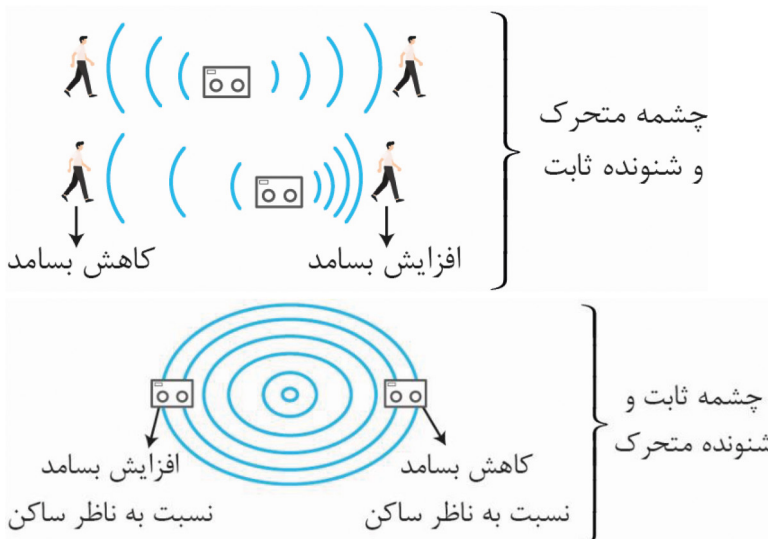
مثال: با زیاد کردن صدای تلویزیون شدت صوت ۲ برابر میشود، تراز شدت صوتی که می‌شنویم چقدر تغییر میکند؟ (خرداد)

$$\text{Log } 2 = 0.3$$

$$\Delta B = 10 \cdot \text{Log} \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \Delta B = 10 \times \text{Log } 2 \Rightarrow \Delta B = 3 \text{ db}$$

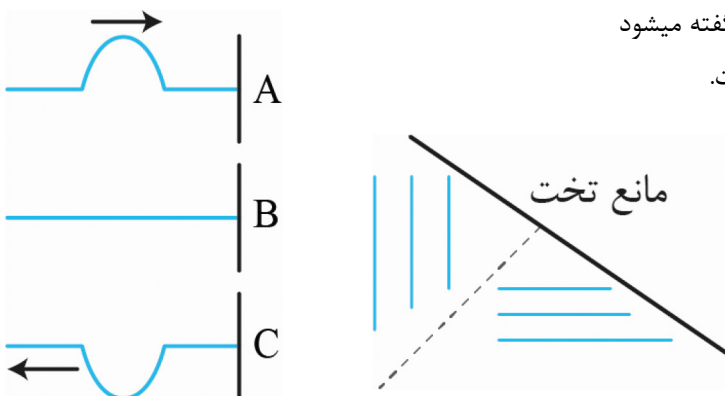
چند نکته: ارتفاع صوت، بسامدی است که گوش انسان درک می‌کند و بلندی صوت، شدتی است که گوش انسان حس می‌کند گوش انسان قادر به شنیدن ۲۰ Hz تا ۲۰۰۰۰ Hz می‌باشد.

اثر دوپلر: وقتی چشمه صوت یا شنونده متحرک باشد بسامد دریافتی تغییر میکند. کاربرد خفن: دوربین پلیس



نکته: در امواج الکترومغناطیسی مثل نور اثر دوپلر شاهد کاهش طول موج خواهیم شد مثلاً طول موج نوری که ۷۰۰ nm است. وقتی به سمتش می‌رویم مثلاً ۵۰۰ nm می‌بینیم مثل اینکه نور قرمز رو به رنگ آبی ببینیم.

بازتاب موج: دیدن خودت در آینه، فریاد زدن در کوه و شنیدن صدای خود بعد از مدتی کوتاه مثالهایی از بازتاب موج میباشند.

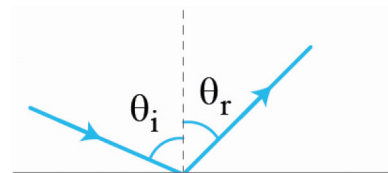


بازتاب موج عرضی: به بازتاب موج مشابه شکل مقابل گفته میشود

بازتاب موج تخت: موجی که در سطح و دو بعدی است.

جهبه‌های موج تخت بازتاب پیدا کرده است.

قانون بازتاب عمومی: نمودار پرتویی



مکان‌یابی پژواکی کاربرد بازتاب موج: خفاش با شنیدن بازتاب صوت می‌بیند. دستگاه سونوگرافی و ناو کشتی نیز همین طور هستند!

تندی شارش خون را هم به کمک اثر دوپلر تعیین میکنند.

مثال: وال از مکان‌یابی پژواکی استفاده میکند اگر بسامد امواج وال 100 kHz باشد و تندی صوت در آب $\frac{1}{52} \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد: (مثال کتاب)

$$\lambda = \frac{V}{f} = \frac{1/52 \times 10^3}{100 \times 10^3} = 1/52 \times 10^{-2} = 1/52 \text{ cm}$$

الف) طول موج صوت چقدر است؟

ب) زمان رفت برگشت صوت از مانع 100 m چقدر است؟

رفته برگشت پس تاایم کلی برابر است با: $2 \times 100 = 200 \text{ m}$

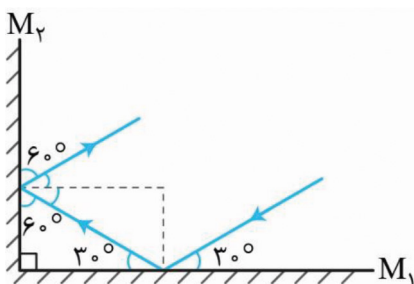
۲

$$t = \frac{200}{152 \times 10} = 0.132 \text{ (s)}$$

مثال: در شکل مقابل پرتو بازتاب از آینه‌های m_1 و m_2 را حساب کنید؟ (تمرین کتاب)

با زاویه 30° برخورد کرده است پس با 30° برگشته و با m_2 برخورد میکند. زاویه برخورد به m_2 میشه 60° که زاویه تابش که

تعریفش زاویه بین پرتو خط عمود است: میشود 30° درجه پس بازتابش هم 30° درجه اس



دو نوع بازتاب داریم:

بازتاب آینه‌ای (منظم): از سطح مساحت صیقلی مثل آینه

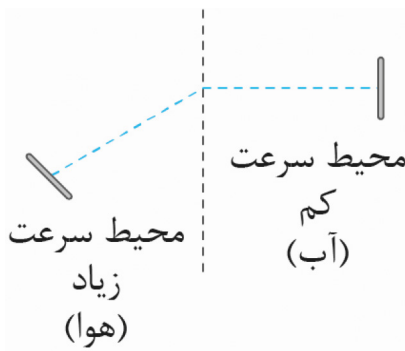
بازتاب پخشنده: از سطح ناهموار که موج را در تمام جهت بخش میکند

شکست موج:

شکست موج به دلیل اختلاف سرعت موج در محیط مجزا از هم رخ میدهد.

مقایسه سرعت نور در محیط‌های مختلف

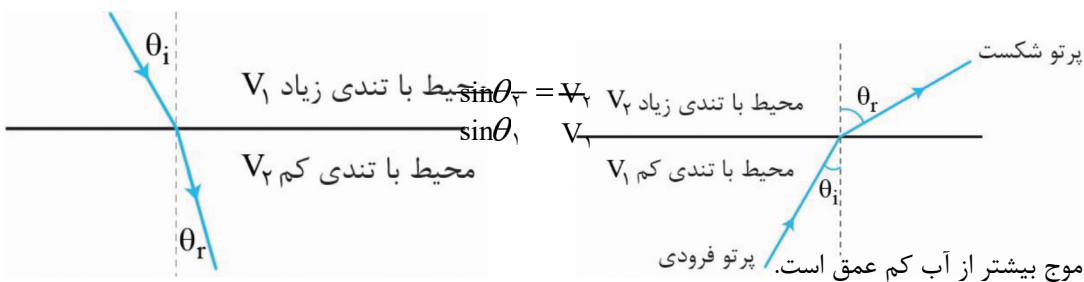
مقایسه سرعت تور در محیط‌های مختلف $V < V_t < V$



$$V_{\text{هو}} < V_{\text{مایع}} < V_{\text{جامد}}$$

قانون شکست عمومی

θ_i زاویه پرتو فرودی و θ_r زاویه پرتو شکست است.



نکته: در آب λ, V موج بیشتر از آب کم عمق است. پرتو فرودی

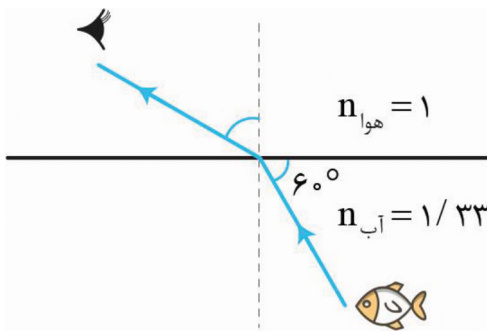
مثال: پرتو نوری مطابق شکل است زاویه شکست آن را حساب کنید. (تمرین کتاب) (آموزشی)

دیدیم که V در شکست نقش داشت بیاید سرعت نور در محیط‌های شفاف رو نسبت به سرعت نور در خلا ببینیم:

• به این $n = \frac{C}{V}$ می‌گن ضریب شکست که برای هر محیطی جایی خود مشه مثلاً هوا $n=1$

حالا این رابطه را در قانون شکست عمومی بذاریم، داریم:

• قانون شکست اسنل $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \rightarrow$



$1 \times \sin 60 = \frac{1}{33} \times \sin \theta \Rightarrow \sin \theta = 33 \times \sin 60 = 33 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 28.18$

$\theta = \sin^{-1}(28.18)$

مثال: طول موج قرمزی 633 nm است ولی چشم آنرا 474 nm می‌بینید (تمرین کتاب)

(الف) بسامد این موج چقدر است؟

$f = \frac{V}{\lambda} = \frac{C}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{633 \times 10^{-9}} = 4.74 \times 10^{14} \text{ Hz}$

(ب) ضریب شکست چشم‌ها چقدر است؟

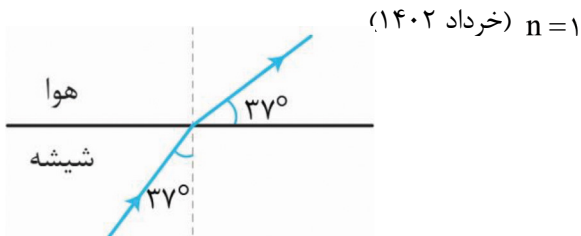
$n = \frac{C}{V} = \frac{\lambda_1 f}{\lambda_2 f} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{633 \times 10^{-9}}{474 \times 10^{-9}} = 1.34$

(ج) نور داخل چشم‌ها چقدر تندی دارد؟

$V = \frac{C}{n} = \frac{3 \times 10^8}{1.34} = 2.24 \times 10^8 \text{ (m/s)}$

مثال: با توجه به شکل پاسخ دهید:

(الف) ضریب شکست شیشه چقدر است؟

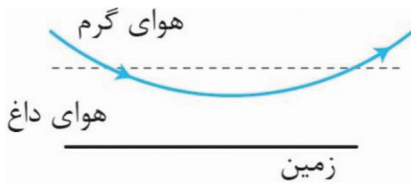


$\frac{\sin 37}{\sin 27} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\sin 37}{\sin 27} = \frac{n_2}{1} \rightarrow n_2 = \frac{\sin 37}{\sin 27} = \frac{0.6}{0.45} = 1.33$

(ب) بسامد نور در شیشه $4 \times 10^{14} \text{ (Hz)}$ است بسامد در هوا چقدر است؟ $4 \times 10^{14} \text{ (Hz)}$ بسامد همواره ثابت است چون فقط به

چشمه وابسته است.

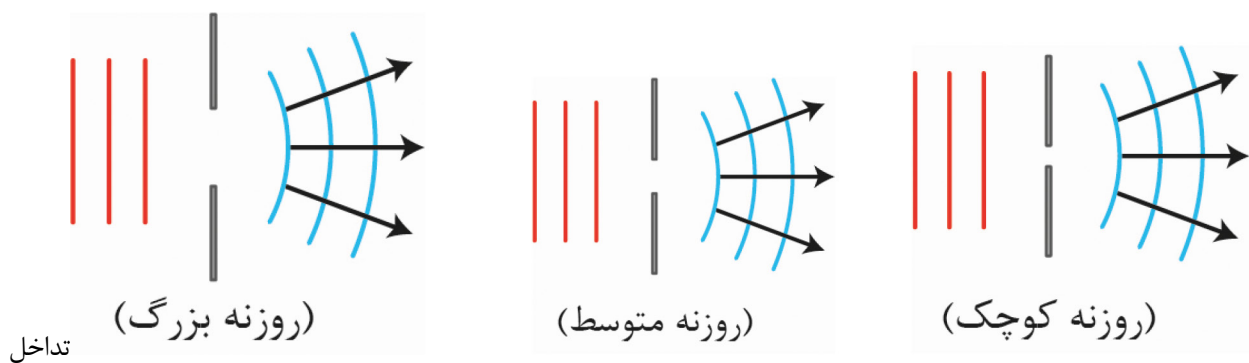
سراب: در روزهای گرم وقتی زمین داغ است هوای نزدیک سطح زمین داغ و چگالی آن کاهش یافته است. همین امر موجب کاهش ضریب شکست نور شده و باعث میشود از دور آب ببینیم درحالی که واقعیت ندارد!



باشندگی نور: وقتی نور سفید که شامل همه طیف‌های مرئی نور است به منشور برخورد میکند نور پخش شده و رنگین کمائی میشود. اما چرا؟ ضریب شکست هر محیطی به جز خلا به طول موج نور وابسته است.

میزان شکست در منشور: بنفش < آبی < سبز < زرد < نارنجی < قرمز

پراش: هرگاه موج در مسیر خود به مانعی برخورد کند دچار تغییر شکل می‌شود و پس از عبور از مانع با شکل جدید ادامه میدهد. **نکته:** اگر موج از روزنه ای که در ابعاد طول موج است عبور کند پراش نمایان تر است. و هر چه روزنه ریزتر شود پراش شدیدتر است!

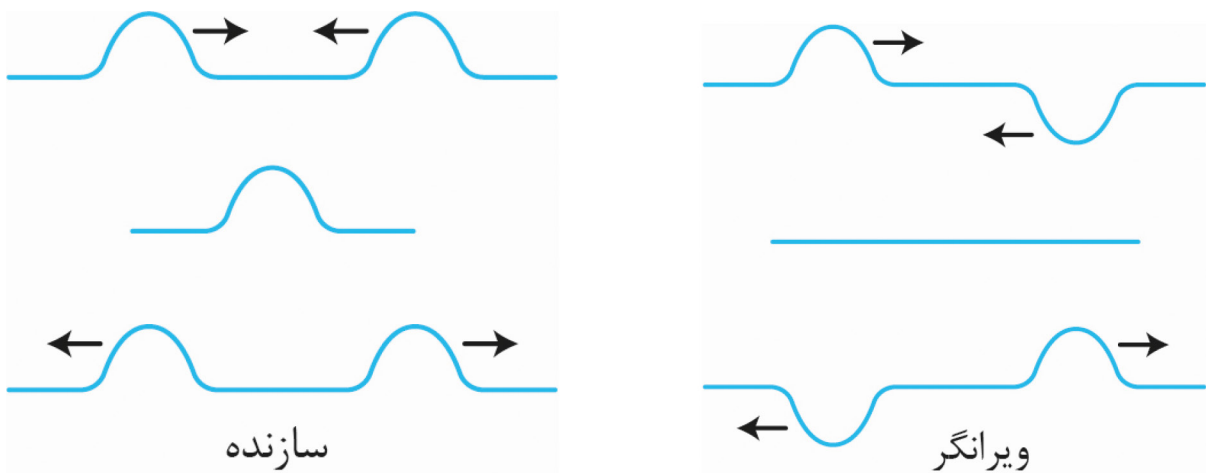


امواج: به ترکیب موج‌ها با هم گفته میشود! طبق اصل برهم تھی:

امواج تداخل میکنند بدون تغییر شکل و با همان سرعت ادامه میدهند.

۲- جابجایی هر ذره از محیط در محل تداخل امواج بر آیند جابجایی‌ها است که هر موج به تنهایی می‌تواند ایجاد کند

تداخل سازنده و ویرانگر: اگر جابجایی‌های حاصل از دو موج از نقطه تداخل هم جهت باشند برآیند آنها برابر مجموع جابجایی‌های حاصل از دو موج است. (تداخل سازنده). حالا اگه جابجایی حاصل از دو موج در نقطه تداخل، خلاف جهت هم باشند، برآیند آنها برابر تفاضل جابجایی حاصل از دو موج است. (تداخل ویرانگر)



تداخل امواج سطحی آب: اگر دو موج آب بهم برخورد کنند برخی نقاط ویرانگر و در برخی نقاط سازنده میشن



تداخل امواج صوتی: در تالارها دیدی بلندگوها روبرو هم هستند. اگر صدا را آورم زیاد کنید در یک حد خاصی volume کم و در حدی دیگر زیاد است.

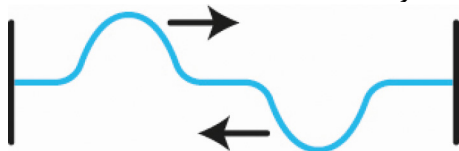
تداخل امواج نوری: آزمایش یانگ • نور از شکاف اول رد میشود بعد به دو روزنه میرسد و رد میشود. روی صفحه خطوط روشن و تیره دیده میشود. روشن‌ها سازنده‌ها و تاریک‌ها وایرانگرها هستند.



موج ایستاده و تشدید در ریسمان کشیده: اگر یک کش را از وسط کشیده و رها کنیم شکل زیر بوجود می‌آید.



هنگامی که موجی به انتها میرود و برمیگردد، در جاهایی که هم فاز هستن سازنده (گره) و در جاهایی که نا هم فاز هستند ویرانگر (شکم) اند. به نقش موج نهایی موج ایستاده میگویند.



$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad n = 1, 2, \dots \quad (L \text{ طول تار (همون کش) (طول موجهای تشدید)})$$

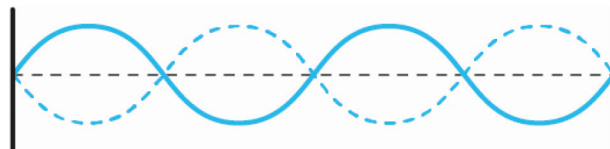
$$f_n = \frac{v}{\lambda_n} = \frac{nv}{2L} \quad n = 1, 2, \dots \quad (N \text{ تعداد شکم (بسامدهای تشدید) تار})$$

میخواهم فرمول رو توضیح بدم •

بین یه وقت هست یدونه شکم داری یه وقت دو تا یا چند تا! خب هر کدوم از اینا یه نوسان خاص خودشونو دارن. حالا بسامدی که باهش یدونه شکم بوجود بیاد بسامد اصلیه! به n که تعداد شکم هستش هم عدد هماهنگ می‌گن!

مثال: در تار پیانو موج ایستاده ایجاد شده است اگر طول تار $m \frac{1}{2}$ باشه و تندی انتشار موج عرضی 24 m/s باشد (خرداد ۱۴۰۱ ریاضی)

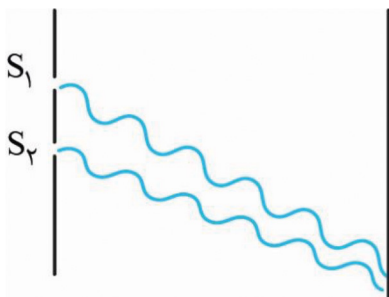
الف) بسامد هماهنگ چهارم چند هرتز است؟



$$f = \frac{nv}{2L} \rightarrow f = \frac{4 \times 24}{2 \times 1/2} = 40 \text{ Hz}$$

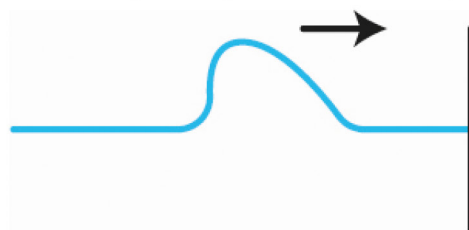
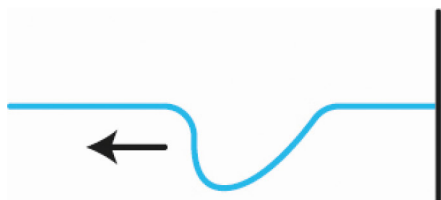
ب) شکلش را رسم کنید.

مثال: در آزمایش یانگ مقابل محل تداخل دو موج چه نواری تشکیل میشود چرا؟ (خرداد ۱۴۰۲ ریاضی)

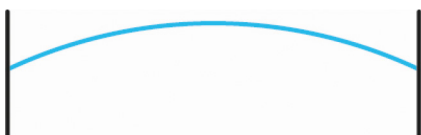


روشن، زیرا دو موج همدیگر را تقویت می‌کنند.

(ب) کدام شکل بازگشت را صحیح نشان می‌دهد؟ شکل سمت چپ



مثال: شکل مقابل جابجایی تار را در لحظه $t=0$ نشان می‌دهد که در بسامد f (خرداد ۱۴۰۲ ریاضی)



الف) فاصله بین تکیه گاه‌ها 30 cm است اگر تندی انتشار موج عرض 24 m/s باشد، بسامد تار چقدر می‌شود؟

$$f = \frac{nv}{tL} \rightarrow f = \frac{1 \times 240}{2 \times 0.3} = 400\text{ Hz}$$

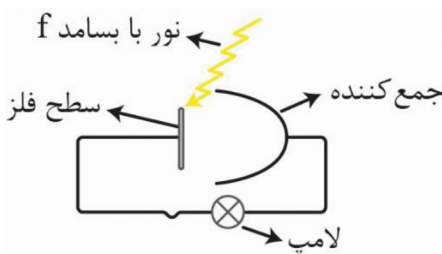
(ب) جابجایی تار در $t = \frac{3}{4}f$ را رسم کنید.



نکته: مایکروفر براساس تداخل امواج الکترومغناطیسی کار می‌کنند.

مثال: چرا وقتی بطری آب پر میکن با کم شدن آب صدای گلوپ تغییر میکند؟ صدا بم میشود یا زیر؟ (تمرین کتاب) با کم شدن آب فضای هوای خالی زیاد میشود و هر چه فضا زیادتر بشود اندازه بسامد تشدید کمی کمتر میشود (صدای بم)

اثر فوتو الکترون: به شکل مقابل توجه کنید:



اگر چنین مداری درست کنید و نور با بسامدهای متفاوت بتابانید، مثلاً قرمز و بنفش، می‌بینید که در نور قرمز لامپ خاموش اما در نور بنفش لامپ روشن میشود. حتی وقتی شدت تابش نور قرمز را زیاد کنید باز هم لامپ خاموش است. این پدیده با فیزیک کلاسیک توجیه نمیشود پس نظریه انیشتین وارد عمل شد: وقتی نور تابیده میشود الکترون‌های سطحی از فلز جدا میشوند چون e برای کنده شدن به حداقل انرژی نیاز دارد و نور نیز موج است و دارای انرژی. طبق قانون انیشتین، نور را بسته‌های انرژی



در نظر گرفته و هر فوتون انرژی خاص خودش را دارد. مثلاً قرمز، فوتون‌هایش هر کدام 2 eV اما بنفش 4 eV انرژی دارند. وقتی شدت بالا میرود یعنی تعداد فوتون زیاد میشود باز e کنده نمیشه چون هر e فقط یک فوتون را قبول می‌کند و همزمان چند فوتون را قبول نمیکند. برای همین شاید شما 20 تا فوتون 2 eV داشته باشید اما نتوانید e بکنید اما هر کدام یک فوتون 4 eV داشته باشد و بتواند.

$$h = 6.67 \times 10^{-34} \text{ J/s} \quad \text{ثابت}$$

F بسامد نور فرودی

$$E = n \cdot h \cdot f \quad \square \quad \text{انرژی } n \text{ فوتون}$$

$$E = h \cdot f \quad \square \quad \text{انرژی هر فوتون}$$

$$h = (6.63 \times 10^{-34}) \left(\frac{10^7}{1/6 \times 10^{-19}} \right) = 4/14 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$$

مثال: چشمه نور با توان 100 W و طول موج نور $\lambda = 550 \text{ nm}$ داریم: (مثال کتاب)

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} \quad f = \frac{c}{\lambda}$$

$$E = \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{550 \times 10^{-9}} \times \left(\frac{1 \text{ eV}}{1/6 \times 10^{-19} \text{ J}} \right) = 2/25 \text{ eV}$$

الف) انرژی هر فوتون چند (eV) است

ب) چه تعداد فوتون در هر ثانیه گسیل شده؟

$$E = p \cdot t \rightarrow E = 100 \times 1 = 100 \text{ J} \Rightarrow E = n \times E \Rightarrow n = \frac{100 \text{ J}}{2/25 \times 1/6 \times 10^{-19}} = 2/77 \times 10^{20}$$

100 برحسب J هست پس E هر فوتون هم باید برحسب J بذاریم یا میتونیم E کل رو برحسب eV بنویسیم و E هر فوتون هم

برحسب eV جاگذاری کنیم:

$$E = 100 \text{ J} \left(\frac{1 \text{ eV}}{1/6 \times 10^{-19} \text{ J}} \right) = 6/25 \times 10^{20} \text{ (eV)} \rightarrow n = \frac{6/25 \times 10^{20}}{2/25 \text{ eV}} = 2/77 \times 10^{20}$$

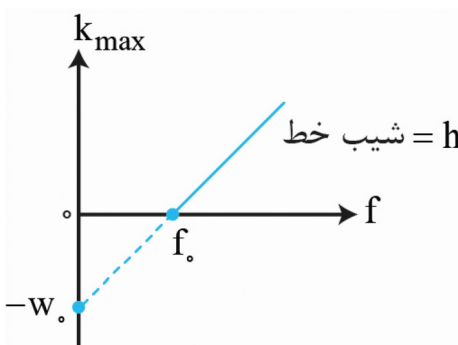
قانون پایستگی انرژی در اثر فوتو الکتریک:

به طور کلی انرژی لازم برای خارج کردن e را تابع کار (w) مینامند.

بیشترین انرژی جنبشی که یک e در تحت تاثیر فوتون قرار گرفته میتواند داشته باشد K_{max} نام دارد.

$$K_{\text{max}} = hf - w \quad \text{معادله فوتو الکتریکی}$$

بچه‌ها پایین‌ترین بسامد که بشه باهاش w_0 را تامین کند، بسامد آستانه میگویند. $f = \frac{w_0}{h}$



$$\begin{array}{c} \xrightarrow{\div 1/6 \times 10^{-19}} \\ \text{J} \\ \xleftarrow{\times 1/6 \times 10^{-19}} \\ \text{eV} \end{array}$$

مثال: در یک آزمایش تابع کار فلز 4 eV است؟ ($hc = 1240 \text{ eV.nm}$) (خرداد ۱۴۰۱ ریاضی)

الف) طول موج آستانه چند نانومتر است؟

$$\lambda_c = \frac{hc}{w_c} \rightarrow \lambda_c = \frac{1240}{4} = 310 \text{ (nm)}$$

ب) اگر طول موج نور فرودی 200 nm باشد، K برای فوتو الکترون‌ها چند eV است؟

$$k_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - w_c \rightarrow k_{\max} = \frac{1240}{200} - 4 = 2/2 \text{ (eV)} \Rightarrow k = \frac{1}{2} \times_e v^2$$

طیف خطی:

پیوسته: مانند رنگین کمان که مرز مشخصی بین رنگها نیست! یا حتی رشته داغ یک لامپ.

گسسته (خطی): اگر گاز هیدروژن د فشار کم داغ شود طیفی نوری از خود منتشر میکند که پس از عبور از منشور میتوان دید که از ۴ خط گسسته تشکیل شده است! عدم توجه طیف خطی گسسته یکی از نقاط ضعف فیزیک کلاسیک است

شعاع مدارهای الکترون هیدروژن:

شعاع لایه اولین مدار $(m) 5/29 \times 10^{-11}$

شعاع n مین مدار هیدروژن: $r_n = a_0 \times n^2$

حالت پایه: e در مدار $n=1$ که $13/6 \text{ eV}$ است!

حالت‌های برانگیخته: به ترازهای بالاتر گفته میشود. (برانگیخته بودنش هم بخاطر انرژی ای است که گرفته که گرفته)

انرژی یونش e : کمترین انرژی لازم برای خارج کردن e حالت پایه و تبدیل H به H^+ است!

0 eV	_____
$-1/5 \text{ eV}$	_____
$-3/4 \text{ eV}$	_____
$-13/6 \text{ eV}$	_____

مثال: اگر e در اتم هیدروژن از دومین حالت برانگیخته به حالت پایه برود

طول موج فوتون گسیلی چقدر است؟ ($hc = 1240 \text{ eV.nm}$) (خرداد ۱۴۰۲ تمرین)

$$E_2 - E_1 = \frac{hc}{\lambda} \rightarrow -1/5 - (-13/6 \text{ eV}) = \frac{1240}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 102/4 \text{ nm}$$

• حواست باشه

اگر نور سفید را از گاز هیدروژن رقیق رد کرده و سپس از منشور عبور دهیم، به نوری رنگین کمتری با چند خط تیره در آن دست پیدا خواهیم کرد. خطوط تیره همان طول موج هایی هستند که گاز هیدروژن برانگیخته از خود گسیل میکند!

ضعف های مدل اتمی بور:

• فقط برای اتم‌های هیدروژن گونه جواب بود چون تاثیر نیروی بین e ها را در نظر گرفت (H و L_1^{2+}).

• نتوانست توضیح دهد که چرا رنگ های گسیل شده متفاوت هستند.

سه ویژگی گسیل القایی:

• یک فوتون وارد و دو فوتون خارج می‌شود.

• فوتون گسیل شده با فوتونی که خودت فستادی هم مسیر هستند.

• فوتون گسیل با فوتون ورودی هم فاز هستند.

ساختار هسته

به مجموع پروتون و نوترون همگی نوکلئون میگویند.

به اتم‌هایی که عدد اتمی یکسان اما عدد جرمی متفاوت دارن ایزوتوپ میگویند پس تفاوت آنها در تعداد نوترون هایشان است.



سوال: پرتون‌ها که همدیگر را دفع می‌کنند چطور کنار هم پایدارند؟
نیروی هسته ای کوتاه برد و نیروی الکترواستاتیکی بلند برد است! در حالت عادی نیروی هسته ای بر نیروی الکترواستاتیکی غالب است. اگر تعداد پروتون بالا رود بایستی به همان نسبت تعداد نوترون زیاد شود تا تعادل بین نیروی هسته ای و الکترواستاتیکی به هم نریزد! پس هر چه هسته بزرگتر شود نسبت Z به N پایین تر میرود.

نکته: ${}_{83}^{209}\text{Bi}$ هسته پایداری است که بیشترین پرتون را دارد بعد از آن دیگه ناپایدار میشوند. مثل: توریم.

ساختار هسته:

شعاع هسته 10^{-5} برابر شعاع کل اتم است!

$${}_Z^A X_N$$

$$A = Z + N$$

• **حواست باشه**

در معادله بالا A عدد جرمی، Z عدد اتمی و N تعداد نوترون است!

انرژی بستگی هسته: انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون‌های یک هسته انرژی بستگی هسته نام دارد. انرژی دریافتی نوکلئون‌ها هم کوانتیده هستند!

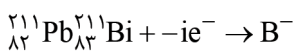
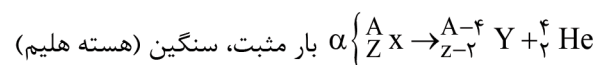
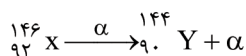
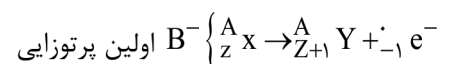
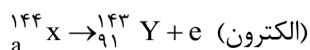
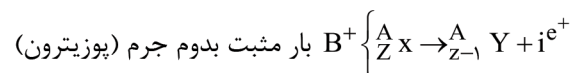
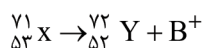
• فرمول $E = mc^2$ را زیاد دیده اید.

فرمول جداسازی اجزای هسته بصورت پایین است:

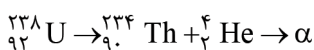
نوکلئون‌ها انرژی + هسته مجموع جرم نوکلئون‌ها $>$ جرم هسته

نکته: با واپاشی هسته ذراتی مانند فوتون و ذرات مثل (β بتا)، (γ گاما)، (α آلفا) آزاد میشوند.

$\alpha < \beta < \gamma$ مقایسه قدرت نفوذ در سرب



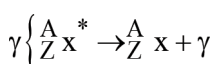
مثال: کامل کنید (دی ۱۴۰۱ تجربی)



هسته بعد از واپاشی α, β در حالت برانگیخته قرار میگیرد و با گسیل پرتویی خیلی پرانرژی به نام گاما به حالت پایه میرود.

• **حواست باشه**

گاما ذره نیست بلکه انرژی است!



نیمه عمر: ایزوتوپ‌ها واپاشی دارند و مقدارشان نصف میشود. به حد فاصل زمانی که جرم ماده نصف میشود نیمه عمر میگویند!

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$n = \frac{t}{T}$$

مثال: نیمه عمر ماده‌ای یک ساعت است اگر مقدار اولیه آن 2 mg باشد مقدار آن پس از ۴ ساعت چقدر خواهد بود؟

$$n = \frac{4}{1} = 4 \Rightarrow N = 20 \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{20}{16} = \frac{5}{4} = 1.25 \text{ gr}$$

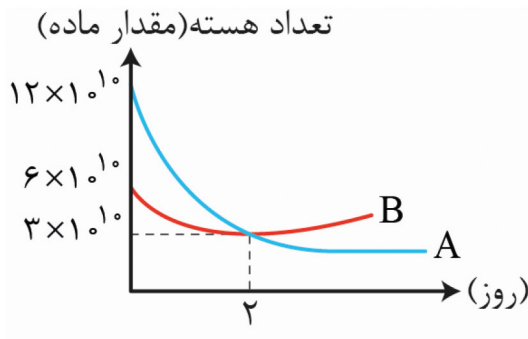
مثال: اگر نیمه عمر ماده‌ای ۳ روز باشد بعد چند روز $\frac{3}{4}$ مقدار آن واپاشیده شده؟ (خرداد ۱۴۰۲ تجربی)

$$\frac{N_0}{4} = \frac{N_0}{2^n} \quad 2^n = 2^2 \quad n = 2$$

$$n = \frac{t}{T} \Rightarrow 2 = \frac{t}{3} \Rightarrow t = 6$$

$$\text{بین } \frac{3}{4} \text{ از بین رفت چقدرش مونده بود؟} \quad 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$$

مثال: در نمودار زیر نیمه عمر ماده **A** چند برابر نیمه عمر ماده **B** است؟ (دی ۱۴۰۱ تجربی)



$$N = \frac{N_0}{2^n}, 3 \times 10^{10} = \frac{6 \times 10^{10}}{2^n} \Rightarrow$$

$$\frac{t}{T_B} = n_B = 1$$

$$3 \times 10^{10} = \frac{12 \times 10^{10}}{2^n} \Rightarrow \frac{t}{T_A} = n_A = 2$$

$$\frac{T_A}{T_B} = \frac{1}{2}$$