

بچه‌ی نوتروفیلی من ، سلام 🍷

به رسم همیشه که توی این مسیر کنارت بودیم ، این بار هم یک مجموعه سوال برای شب امتحانات آماده کردیم که با کار کردنشون تسلط رو افزایش بدی و به امید خدا بری واسه نمره‌ی ۲۰ 🍷 جان دلم نترسی از سختی امتحانات اگه به کتاب درسی کاملا مسلط باشی و این مجموعه سوال رو هم به عنوان مکمل حل کنی مطمئن باش نمره‌ت بهتر از چیزی که فکرش رو کنی میشه 🍷 یادت باشه امتحانات نهایی رو جدی رو بگیری چون با نمره‌ی خوب این امتحانات کار کنکور رو خیلی آسون میکنی

یه حرف دلی هم دارم با بچه‌هایی که کمی دیرتر شروع کردن ... مبادا خودت رو ببازی بچه‌ی من امید دارم بهت و میدونم اگه خوب بخونی قطعا میتونی نمره‌ی عالی بگیری پس پرقدرت بریم واسه ترکوندن اولین امتحان 🍷 یادت نره این فایل رو برای اون دوستت که بهش احتیاج داره بفرستی و جزئی از این زنجیره‌ی عشق و مهربونی باشی 🍷

پ:ن: مرسی که با وجود درگیری‌های ذهنی و عدم تمرکزی که ماجرای کارت ورود به جلسه براتون به همراه داشت ، همچنان قوی موندی و ادامه میدی 🍷 به امید روزی که اینجا به عنوان همکار کنار خانواده‌ی بزرگ نوتروفیل باشی



دوست همیشگی تو ، نوتروفیل

روش مطالعه :

بهترین روش برای خواندن درس فیزیک اینه اول بری سراغ یه درسنامه ی خلاصه و در عین حال کامل . بعد متن و تمام تمارین کتاب درسی رو مسلط بشی .

حالا وقتشه بری سراغ یه مجموعه نمونه سوال خفن که همه ی تیپ سوالات رو پوشش بده و با حل کردن نمونه سوال کاملا به مطلب مسلط بشی .

مرور فرمول ها و نکات مهم هم یادت نره

سوالات مربوط به هر فصل از این شماره ها شروع میشه

فصل ۱: ۱

فصل ۲: ۵۶

فصل ۳: ۱۱۹



بارم بندی فیزیک یازدهم

شهریور، دی ماه و امتحان نهایی		نوبت دوم		نوبت اول		فصل
فعالیت و آزمایش	محتوای نظری	فعالیت و آزمایش	محتوای نظری	فعالیت و آزمایش	محتوای نظری	
۱/۲۵	۶	۰/۵	۴/۵	۲/۵	۱۱/۵	اول
۱	۴	۰/۵	۱/۵	۱	۵	دوم تا ص ۵۳
		۰/۵	۲			دوم از ص ۵۳ (از ابتدای ۲-۵ توان در مدارهای الکتریکی تا آخر فصل)
۱/۷۵	۶	۲	۸/۵			سوم
۴	۱۶	۳/۵	۱۶/۵	۳/۵	۱۶/۵	جمع
۲۰		۲۰		۲۰		

ردیف	انتظارات عملکردی	مستمر	پایانی
۱	طراحی آزمایش	۲ تا ۴ نمره	۱ تا ۳ نمره
۲	اجرای آزمایش ، ثبت داده ها و نتیجه گیری و ارائه گزارش	۲ تا ۴ نمره	
۳	تجزیه و تحلیل داده ها ، رسم نمودار ، نتیجه گیری و پیش بینی	۲ تا ۴ نمره	۲ تا ۳ نمره
۴	انجام تحقیق و جمع آوری اطلاعات	۲ تا ۳ نمره	
۵	مشارکت در فرایند آموزش	۴ تا ۶ نمره	
۶	(پاسخ به پرسش های مفهومی (کاربرد، استدلال و قضاوت	۱ تا ۳ نمره	۴ تا ۷ نمره
۷	توانایی حل پرسش های محاسباتی	۲ تا ۳ نمره	۷ تا ۱۰ نمره
۸	(حل مسائل در شرایط جدی (کاربرد و استدلال		۱ تا ۳ نمره



فیزیک یازدهم

۱ در شکل داده شده، پتانسیل الکتریکی نقاط A و B در میدان الکتریکی یکنواخت، برابر $V_A = 30\text{ V}$ و $V_B = -20\text{ V}$ است. بار الکتریکی $q = -20\text{ }\mu\text{C}$ با تندی ثابت، از نقطه A به نقطه B منتقل می‌شود.

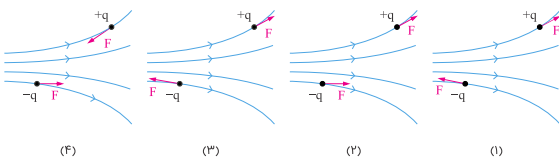
E



الف جهت خطوط میدان الکتریکی از A به B است یا از B به A؟

ب انرژی پتانسیل الکتریکی بار، چند ژول تغییر می‌کند؟

۲ کدام شکل، نیروی الکتریکی وارد بر دو ذره باردار هم‌اندازه و ناهمنام را در میدان الکتریکی به درستی نشان می‌دهد؟ چرا؟



۳ مطابق شکل، دو لوله کاغذی را در کنار هم قرار داده‌ایم. یکی را با پارچه ابریشمی و دیگری را با پارچه کتان مالش می‌دهیم. نیروی الکتریکی بین این دو لوله پس از مالش آن‌ها به پارچه‌ها، ربایشی است یا رانشی؟ چرا؟



انتهای مثبت سری
ابریشم
کاغذ
پارچه کتان
انتهای منفی سری

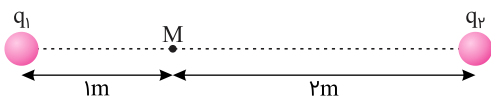
۴ عدد اتمی اورانیوم $Z = 92$ است.

الف بار الکتریکی هسته اتم اورانیوم چقدر است؟

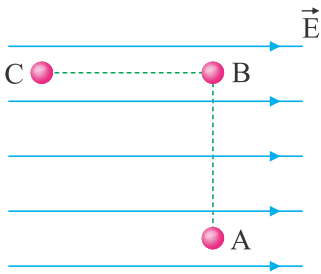
ب مجموع بار الکتریکی الکترون‌های اتم اورانیوم (خنثی) چه مقدار است؟

پ بار الکتریکی اتم اورانیوم (خنثی) چقدر است؟

۵ در شکل داده شده $q_1 = q_2 = 4\text{ }\mu\text{C}$ می‌باشد. میدان الکتریکی حاصل از آن‌ها در نقطه M چند واحد SI است؟
($k = 9 \times 10^9\text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2$)



۶ مطابق شکل زیر بار $q = +10\text{ }\mu\text{C}$ را در میدان الکتریکی یکنواخت N/C نخست از نقطه A تا نقطه B و سپس تا نقطه C جابه‌جا می‌کنیم. اگر $AB = 1\text{ m}$ و $BC = 2\text{ m}$ باشد، مطلوب است محاسبه:

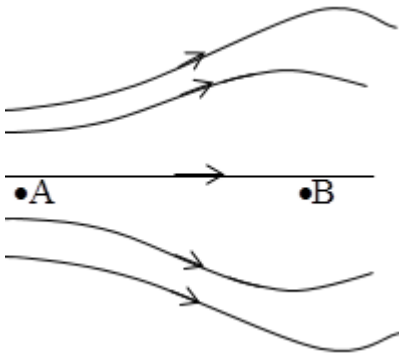


الف نیروی الکتریکی وارد بر بار q .

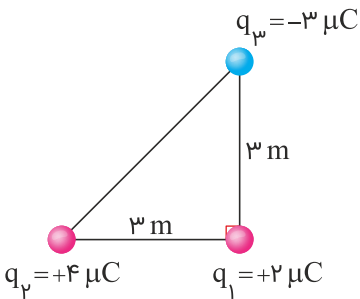
ب کاری که نیروی الکتریکی در این جابه‌جایی انجام می‌دهد.

پ تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار q در این جابه‌جایی.

۷ میدان الکتریکی در ناحیه‌ای از فضا مطابق شکل زیر است. بزرگی نیروی وارد بر ذره‌ای با بار الکتریکی $+q$ در کدام نقطه بزرگ‌تر است و چرا؟



۸ سه ذره باردار مطابق شکل زیر در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند.



الف بردار نیروی الکتریکی خالص (برآیند) وارد بر ذره واقع در رأس قائمه را به دست آورید. (برحسب بردار یکه \hat{i} و \hat{j})

ب اندازه این نیرو را محاسبه کنید.

۹ یک خازن تخت به یک باتری بسته شده است تا باردار شود. پس از مدتی در حالی که باتری همچنان به خازن متصل است، فاصله بین صفحه‌های خازن را دو برابر می‌کنیم. هر یک از موارد زیر چگونه تغییر می‌کنند؟

الف اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها

ب بار روی صفحه‌ها

پ ظرفیت خازن

ت انرژی ذخیره‌شده در خازن

۱۰ مساحت هریک از صفحه‌های خازن تختی 2 m^2 و فاصله دو صفحه از هم 5 mm است. عایقی با ثابت دی‌الکتریک $k = 5$ بین دو صفحه قرار داده شده است. ظرفیت خازن چند نانوفاراد است؟ ($\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \text{ F/m}$)

۱۱ دی الکتریک خازنی که به مولدی با اختلاف پتانسیل 60 V متصل است ابتدا هوا می باشد و بار الکتریکی خازن $720\text{ }\mu\text{C}$ شده است.

الف ظرفیت این خازن چقدر است؟

ب اگر بین صفحات خازن را با ماده ای با ثابت دی الکتریک ۳ پُر می کنیم، ظرفیت خازن چقدر می شود؟

پ اگر بین صفحات خازن را با ماده ای با ثابت دی الکتریک ۳ پُر می کنیم، بار الکتریکی خازن چقدر خواهد شد؟

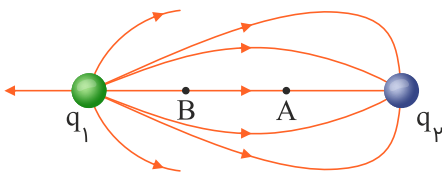
۱۲ ظرفیت خازن تختی 20 nF و بار الکتریکی آن 100 nC است.

الف انرژی ذخیره شده در این خازن چقدر است؟

ب بین صفحات خازن هوا قرار دارد. خازن را از باتری جدا می کنیم و فاصله بین صفحات آن را سه برابر می کنیم. انرژی ذخیره شده

در خازن چقدر افزایش می یابد؟

۱۳ شکل زیر میدان الکتریکی را اطراف دو ذره باردار q_1 و q_2 نشان می دهد.



الف نوع بار الکتریکی q_1 و q_2 را تعیین کنید.

ب اندازه کدام بار بیشتر است؟

پ پتانسیل نقاط A و B را باهم مقایسه کنید.

ت اندازه میدان الکتریکی در دو نقطه A و B را باهم مقایسه کنید.

درستی یا نادرستی جمله های زیر را مشخص کنید.

۱۴ بار الکتریکی هر جسم باردار، ضرب درستی از بار بنیادی e است.

جاهای خالی را با کلمه های مناسب کامل کنید.

۱۵ در یک میدان الکتریکی هر گاه بار الکتریکی $+q$ خلاف جهت میدان جابه جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن می یابد.

۱۶ خازنی به یک مولد متصل است و دی الکتریک آن هوا است. اگر فاصله صفحات خازن را 60% و مساحت صفحات را 20% کاهش

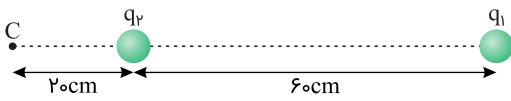
دهیم و دی الکتریک با ثابت ۱۶ بین صفحات وارد نماییم؛

الف ظرفیت خازن چه تغییری می کند؟

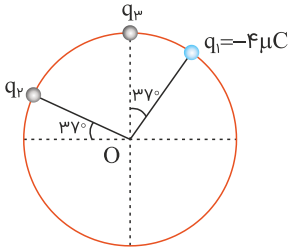
ب بار الکتریکی خازن چند برابر می شود؟

پ انرژی خازن چه تغییری خواهد نمود؟

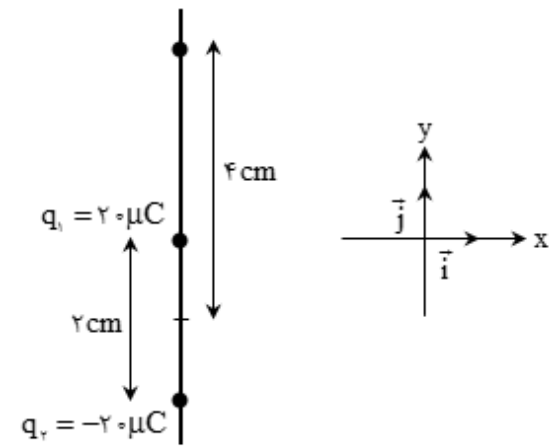
۱۷ در شکل زیر نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ چقدر باشد تا میدان الکتریکی حاصل از دو بار نقطه ای q_1 و q_2 در نقطه C، صفر شود؟



۱۸ مطابق شکل، سه بار الکتریکی روی محیط دایره‌ای به شعاع R قرار گرفته‌اند. اگر $q_1 = -4 \mu\text{C}$ باشد و میدان الکتریکی در مرکز دایره صفر باشد، بارهای q_2 و q_3 چقدر خواهند بود؟ $(\sin 37^\circ = \cos 53^\circ = 0.6 \text{ k} = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2)$



۱۹ دوقطبی الکتریکی از دو ذره با بارهای هم‌اندازه؛ ولی ناهمنام درست شده است که در فاصله معینی از هم قرار دارند. شکل زیر یک دوقطبی الکتریکی را نشان داده است. برآیند میدان‌های حاصل از دوقطبی روی محور دوقطبی و در فاصله 4 cm از مرکز دوقطبی برحسب بردارهای یکه \vec{i} و \vec{j} چگونه است؟ $(k = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2)$



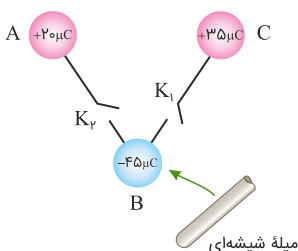
۲۰ مساحت هریک از صفحات خازنی 800 cm^2 و فاصله صفحات از یکدیگر 0.2 میکرون است و فاصله صفحات با کاغذی با ثابت دی‌الکتریک 4 پر شده است. اگر بیشینه میدانی که این کاغذ تحمل می‌کند 18 kV/mm باشد؛

الف ظرفیت خازن چقدر است؟

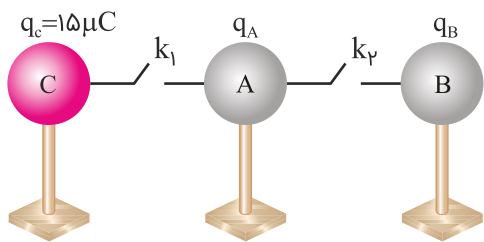
ب پتانسیل فروریزش را به دست آورید. $(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m})$

۲۱ ظرفیت خازنی 12 میکروفاراد و بار الکتریکی آن q است. اگر $3 \text{ mc} +$ بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن به اندازه 8 J زیاد می‌شود، q را محاسبه کنید.

۲۲ مطابق شکل، سه کره رسانای مشابه دارای بارهای مشخص هستند. ابتدا کلید K_1 را می‌بندیم، سپس یک میله شیشه‌ای مالش داده شده را در نزدیکی کره B قرار می‌دهیم. بعد از لحظاتی کلید K_1 را باز می‌کنیم و میله شیشه‌ای را نیز دور می‌کنیم. اینک کلید K_2 را می‌بندیم. باتوجه به مراحل آزمایش، نشان دهید $7/5 \mu\text{C} < q_B \text{ نهایی} = q_A$.



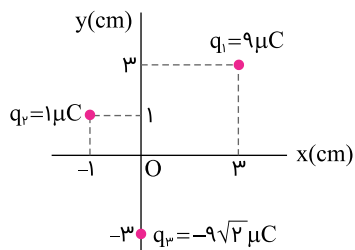
در شکل زیر، سه کره هم‌اندازهٔ رسانا دارای بارهای الکتریکی q_A ، q_B و $q_C = 15 \mu C$ هستند. اگر کلید k_1 را ببندیم بار کرهٔ A، قرینه می‌شود و اگر کلید k_2 را ببندیم بار کرهٔ A، ۳ برابر می‌شود. q_A و q_B را به دست آورید.



تمام فاصلهٔ بین صفحات یک خازن تخت با میکا پر شده است. اگر فاصلهٔ بین صفحات خازن را ۲۰ درصد افزایش داده و دی‌الکتریک را از بین صفحات آن برداریم، اندازهٔ تغییرات ظرفیت خازن برابر با ۳۷ میکروفاراد می‌شود. ظرفیت اولیهٔ خازن چند میکروفاراد بوده است؟ ($\kappa_{\text{میکا}} = 7$)

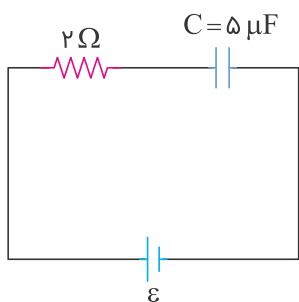
- (۱) ۴۲
- (۲) ۲۹
- (۳) ۳۵
- (۴) ۳۷

در شکل زیر، میدان الکتریکی خالص در نقطه O چند $\frac{N}{C}$ است؟ ($k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$)



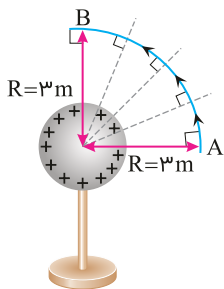
- (۱) 27×10^7
- (۲) 18×10^7
- (۳) $13/5\sqrt{2} \times 10^7$
- (۴) $9\sqrt{2} \times 10^7$

در مدار شکل زیر دی‌الکتریک خازن $\kappa = 1$ است. اگر برای وارد کردن دی‌الکتریک $\kappa = 2$ میان صفحات خازن و نصف کردن فاصلهٔ صفحات کار $0.003 J$ انجام شود، نیروی محرکهٔ مولد چند ولت است؟



- (۱) ۶
- (۲) ۱۲
- (۳) ۲۰
- (۴) ۳۰

مطابق شکل، کره ای با بار مثبت روی پایه عایقی قرار گرفته، شخصی یکبار بار $+2 \mu\text{C}$ را در مجاورت بار پرتاب می‌کند و این بار از A تا B مسیری مطابق شکل را طی می‌کند. در مورد تغییر انرژی پتانسیل ذره، کار میدان در این مسیر و اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B کدام گزینه صحیح است؟



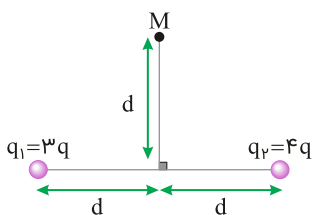
(۱) $\Delta V > 0, \Delta U > 0, W > 0$

(۲) $\Delta V > 0, \Delta U > 0, W < 0$

(۳) $\Delta V > 0, \Delta U > 0, W = 0$

(۴) $\Delta V = 0, \Delta U = 0, W = 0$

اندازه میدان الکتریکی در فاصله d از بار q برابر E می‌باشد. اندازه برآیند میدان حاصل از بار q_1 و q_2 در نقطه M کدام است؟



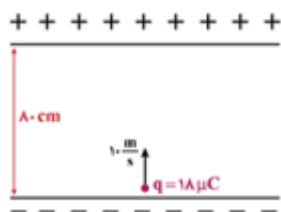
(۱) $\frac{\sqrt{13}}{2} E$

(۲) $\frac{5}{2} E$

(۳) E

(۴) $\frac{3}{2} E$

مطابق شکل زیر، بین دو صفحه رسانا که به صورت موازی و افقی با سطح زمین قرار دارند، اختلاف پتانسیل 8000 V برقرار کرده‌ایم. از مجاورت صفحه منفی ذره‌ای به جرم ۲ گرم و بار $q = 18 \mu\text{C}$ را با سرعت اولیه 10 m/s به صورت قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. بعد از گذشت چند ثانیه جهت حرکت ذره تغییر می‌کند؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$)



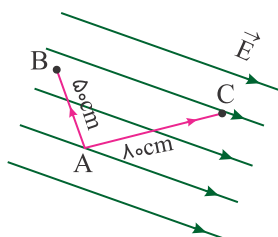
(۱) ۰/۰۱

(۲) ۰/۱

(۳) ۰/۰۲

(۴) ۰/۲

بار $q = -2 \text{ mC}$ را یک بار از A تا B و بار دیگر از A تا C جابه‌جا می‌کنیم. اگر اندازه تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار در مسیر AB برابر با ۳ J و در مسیر AC برابر با ۲ J باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه B و C ($V_B - V_C$) چند کیلوولت است؟



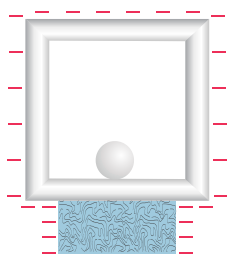
(۱) $-2/5$

(۲) $+2/5$

(۳) -5

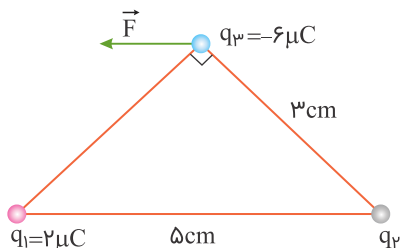
(۴) $+5$

در شکل زیر، اگر بار الکتریکی سطح خارجی جعبه فلزی منفی باشد، بار الکتریکی سطح داخلی جعبه و سطح کره فلزی واقع در آن به ترتیب کدام است؟



- (۱) هر دو مثبت
- (۲) هر دو منفی
- (۳) منفی - مثبت
- (۴) هر دو خنثی

سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر در جای خود ثابت‌اند. برآیند نیروهایی که بارهای q_1 و q_2 بر q_3 وارد می‌کنند (نیروی \vec{F}) موازی با قاعده مثلث است. بار q_2 چند میکروکولن است؟



- (۱) $-\frac{27}{32} \mu C$
- (۲) $\frac{9}{8} \mu C$
- (۳) $\frac{27}{32} \mu C$
- (۴) $-\frac{9}{8} \mu C$

بار ۶ میکروکولنی از فاصله ۸ سانتی‌متری نیروی F را بر بار q وارد می‌کند. بار ۴ میکروکولنی از چه فاصله‌ای نیروی $3F$ را بر بار $2q$ وارد می‌کند؟

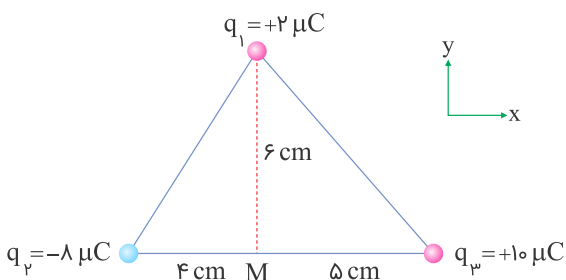
- (۱) $\frac{3}{4} \text{ cm}$
- (۲) $\frac{16}{3} \text{ cm}$
- (۳) $\frac{4}{3} \text{ cm}$
- (۴) $\frac{3}{16} \text{ cm}$

میدان الکتریکی بین صفحات خازن تختی که به یک باتری متصل است E_1 است. همچنان که خازن به باتری متصل است فاصله بین صفحات خازن را ۲ برابر می‌کنیم، سپس خازن را از باتری جدا می‌کنیم و باز هم فاصله صفحات را ۲ برابر می‌کنیم. بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات چندبرابر E_1 می‌شود؟

- (۱) ۱
- (۲) ۴
- (۳) $\frac{1}{4}$
- (۴) $\frac{1}{2}$

مطابق شکل زیر، سه بار الکتریکی در نقاط مشخص شده قرار دارند. بردار میدان الکتریکی در نقطه M در SI کدام است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \left(\frac{N \cdot m^2}{C^2} \right))$$



- (۱) $(0/9\vec{i} - 0/5\vec{j}) \times 10^7$
- (۲) $(0/9\vec{i} + 0/5\vec{j}) \times 10^7$
- (۳) $(-8/1\vec{i} - 0/5\vec{j}) \times 10^7$
- (۴) $(-8/1\vec{i} + 0/5\vec{j}) \times 10^7$

۳۶

ظرفیت خازنی $22 \mu F$ است. اگر بار الکتریکی آن 20 درصد افزایش یابد، انرژی آن 16 میکروژول افزایش می‌یابد. بار اولیه آن چند میکروکولن است؟

- (۱) 20
 (۲) 40
 (۳) 2×10^{-2}
 (۴) 4×10^{-2}

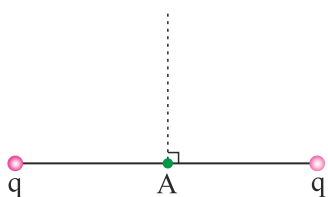
۳۷

دو بار نقطه‌ای q و $-q$ در دو سر یک پاره‌خط واقع‌اند. اگر کار میدان در جابه‌جایی یک‌بار نقطه‌ای منفی از M تا N روی محور عمودمنصف این پاره‌خط را W بنامیم، کدام رابطه زیر صحیح است؟

- (۱) $W > 0$
 (۲) $W < 0$
 (۳) $W = 0$
 (۴) بسته به شرایط هر سه گزینه صحیح است.

۳۸

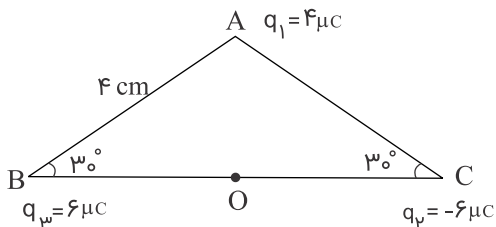
در شکل زیر، بارهای الکتریکی همنام و هم‌اندازه هستند. تغییرات میدان برآیند روی عمودمنصف خط واصل دو بار از فواصل بسیار دور تا مرکز فاصله دو بار چگونه است؟



- (۱) پیوسته افزایش می‌یابد.
 (۲) پیوسته کاهش می‌یابد.
 (۳) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.
 (۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

۳۹

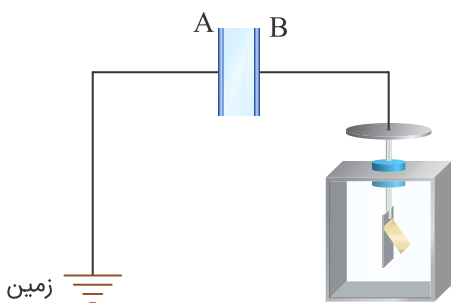
سه بار نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس مثلث ثابت شده‌اند. نیروی وارد بر بار $q_4 = 1 \mu C$ واقع در نقطه O در وسط خط واصل دو بار q_3 و q_2 چند نیوتن است؟



- (۱) 45
 (۲) 90
 (۳) $45\sqrt{3}$
 (۴) $90\sqrt{2}$

۴۰

در شکل زیر دو صفحه A و B فلزی و باهم موازی‌اند. صفحه A به زمین و صفحه B به یک الکتروسکوپ که صفحات آن باز هستند وصل شده است. اگر یک صفحه شیشه‌ای بدون بار را بین صفحات خازن وارد کنیم، انحراف ورقه‌های الکتروسکوپ



- (۱) کم می‌شود.
 (۲) زیاد می‌شود.
 (۳) تغییر نمی‌کند.
 (۴) ابتدا زیاد و سپس کم می‌شود.

۴۱

سه ذره باردار یکسان در رأس‌های یک مربع قرار دارند. q_1 و q_2 در دو سر یک ضلع قرار دارند و q_3 در دو سر یک قطر قرار دارند. بزرگی نیرویی که q_1 به q_2 وارد می‌کند، چند برابر بزرگی نیرویی است که q_2 به q_3 وارد می‌کند؟

- (۱) $\sqrt{2}$
- (۲) ۲
- (۳) $\frac{1}{2}$
- (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

۴۲

بین دو صفحه یک خازن تخت اختلاف پتانسیل ثابتی برقرار است. اگر ابعاد صفحات خازن را نصف و فاصله بین آن‌ها را دو برابر و همچنین فاصله بین صفحات را با دی‌الکتریک با ضریب ۲ پر کنیم، بار الکتریکی ذخیره شده در خازن چند درصد تغییر می‌کند؟

- (۱) -۲۵
- (۲) -۵۰
- (۳) -۷۵
- (۴) -۱۰۰

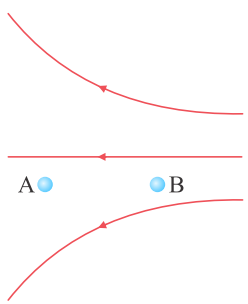
۴۳

دو ذره باردار با بارهای همنام و هم اندازه در جای خود ثابت شده اند. برای آنکه نیروی رانشی بین آن‌ها را ۴ درصد کاهش دهیم، باید چند درصد از بار یک ذره را برداشته و به ذره دیگر منتقل کنیم؟

- (۱) ۴
- (۲) ۱۶
- (۳) ۲۰
- (۴) ۴۰

۴۴

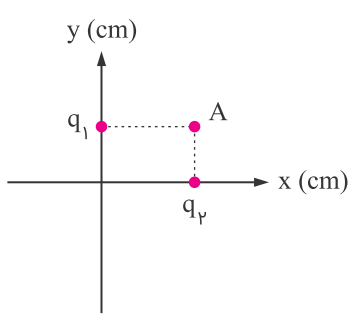
باتوجه به میدان الکتریکی نشان داده شده در شکل، اگر بار $-q$ از نقطه A تا نقطه B جابه جا شود، کدام گزینه در مورد میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی و انرژی جنبشی این بار الکتریکی در نقاط A و B درست است؟ (E میدان الکتریکی، V پتانسیل الکتریکی و K انرژی جنبشی بار است)



- (۱) $K_B < K_A, V_B < V_A, E_B < E_A$
- (۲) $K_B > K_A, V_B > V_A, E_B < E_A$
- (۳) $K_B < K_A, V_B < V_A, E_B > E_A$
- (۴) $K_B > K_A, V_B > V_A, E_B > E_A$

۴۵

دو بار الکتریکی $q_1 = q_2 = 5 \mu C$ یکی در مکان $x = 3 \text{ cm}$ و دیگری در مکان $y = 3 \text{ cm}$ روی محورهای مختصات در دستگاه xoy قرار دارند. میدان الکتریکی خالص را در نقطه A به مختصات $(3 \text{ cm}, 3 \text{ cm})$ برحسب بردارهای یکه بنویسید. ($k = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$)



۴۶

اگر اختلاف پتانسیل یک خازن $4 \mu F$ را به $10 V$ برسانیم $32 \mu C$ به بار آن افزوده می‌شود انرژی خازن در حالت اولیه چند میکروژول بوده است؟

(۲) ۴۰

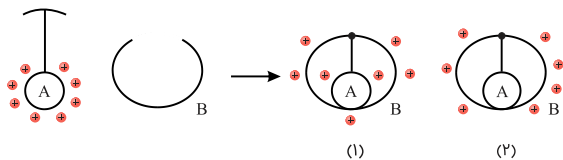
(۱) ۸۰

(۴) ۴

(۳) ۸

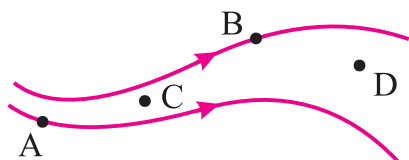
۴۷

در شکل زیر، آونگ الکتریکی A را که توسط واندوگراف باردار شده است، به درپوش فلزی متصل نموده‌ایم. اگر آونگ را در تماس با سطح داخلی ظرف کروی و فلزی B قرار داده و درپوش را ببندیم، کدام یک از شکل‌های (۱) یا (۲) چگونگی توزیع بار را در مجموعه آونگ و ظرف درست نشان می‌دهد؟ با ذکر (دلیل)



۴۸

در شکل زیر، خطوط میدان الکتریکی رسم شده‌اند.



الف

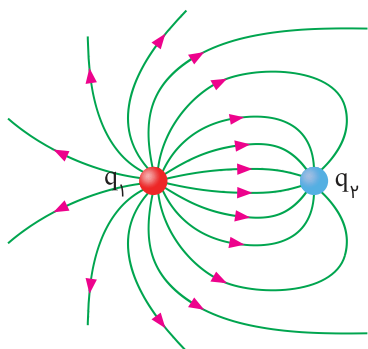
بردارهای میدان الکتریکی را در نقاط A و B رسم کنید.

ب

در مورد اندازه میدان الکتریکی در نقاط C و D چه می‌توان گفت؟

پ

خطوط میدان الکتریکی برای دو بار الکتریکی، در شکل زیر نشان داده شده است نوع بار هر کدام را تعیین کرده و اندازه آن‌ها را مقایسه کنید.

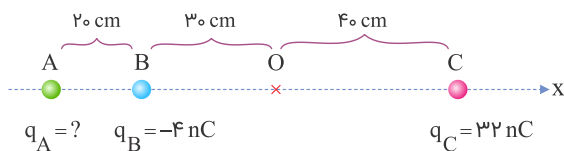


۴۹

خازنی با ظرفیت، $5/0 \mu F$ دارای بار الکتریکی آن، $60 \mu C$ است. چند میلی‌ژول انرژی باید مصرف کنیم تا بتوان $20 \mu C$ بار الکتریکی مثبت را از مجاورت صفحه منفی به مجاورت صفحه مثبت منتقل کرد؟

۵۰

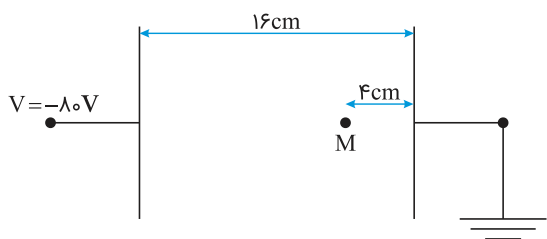
سه بار الکتریکی نقطه ای مطابق شکل در نقاط A، B و C ثابت است. اگر بردار میدان الکتریکی خالص ناشی از این سه بار الکتریکی در نقطه O برابر با $\vec{E} = -1300\hat{i} \text{ (N/C)}$ باشد، بار الکتریکی q_A چند نانوکولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)



- (۱) $+\frac{25}{9}$
- (۲) $-\frac{25}{9}$
- (۳) $+25$
- (۴) -25

۵۱

در شکل زیر بر ذره‌ای به جرم 20 g بار الکتریکی $q = 6 \text{ C}$ می‌دهیم و آن را از حالت سکون از نقطه M رها می‌کنیم. اگر از نیروهای گرانش و مقاوم صرف‌نظر کنیم، ذره با چه تندی بر حسب m/s به صفحه مقابلش برخورد می‌کند؟



- (۱) ۲۰
- (۲) ۲۵
- (۳) ۴۰
- (۴) ۶۰

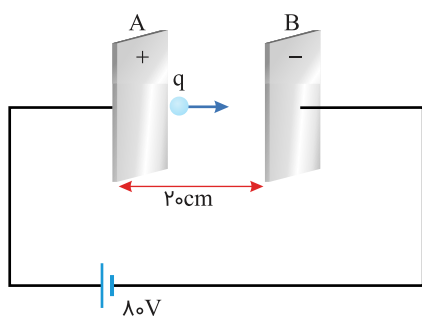
۵۲

بارهای نقطه‌ای $5 \mu\text{C}$ و $-8 \mu\text{C}$ روی محور x، به ترتیب در نقطه‌های $x_1 = 12 \text{ cm}$ و $x_2 = 24 \text{ cm}$ قرار دارند. اگر بارهای نقطه‌ای q_3 و q_4 به ترتیب در نقطه‌های $x_3 = 36 \text{ cm}$ و $x_4 = 0$ قرار گیرند، نیروی الکتریکی خالص وارد بار q_4 برابر صفر می‌شود. q_3 چند میکروکولن است؟

- (۱) $+27$
- (۲) -27
- (۳) $+17$
- (۴) -17

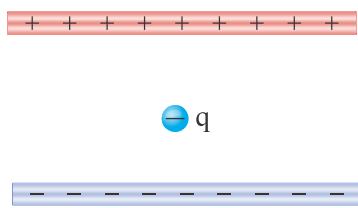
۵۳

دو صفحه رسانای موازی با ابعاد بزرگ را مطابق شکل زیر به یک باتری وصل کرده‌ایم. اگر ذره‌ای با بار $-3 \mu\text{C}$ و به جرم 200 gr را از مجاورت صفحه A در راستای افقی با سرعت v_0 پرتاب کنیم و در صفحه B متوقف شود، سرعت اولیه ذره (v_0) را محاسبه کنید؟



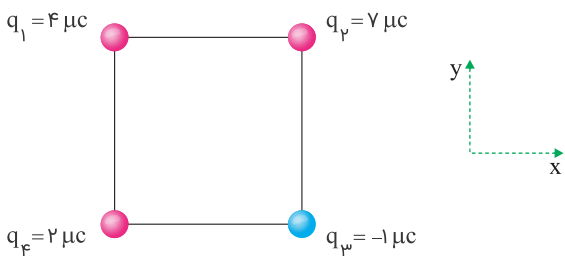
- (۱) $2\sqrt{3}$
- (۲) $\sqrt{3}$
- (۳) $2\sqrt{3} \times 10^{-2}$
- (۴) ۲

ذره‌ای با بار $-q$ میان صفحات خازن شارژشده‌ای که از مولد جدا شده است، در حال تعادل و ساکن است. اگر فاصله صفحات اندکی افزایش یابد، کدام گزینه درست است؟



- (۱) ذره باردار به سمت بالا شروع به حرکت می‌کند.
- (۲) ذره باردار به سمت پایین شروع به حرکت می‌کند.
- (۳) ذره باردار همچنان در حال تعادل باقی می‌ماند.
- (۴) بسته به شرایط می‌تواند به سمت بالا یا پایین حرکت کند.

مطابق شکل، در چهار رأس مربعی به ضلع 6 cm ، بارهای نقطه‌ای ثابت شده‌اند. اگر بار $q_5 = -4\text{ }\mu\text{C}$ را در مرکز این مربع قرار دهیم، نیروی خالص الکتریکی وارد بر آن، در SI کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9\text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2$)



- (۱) $+50\sqrt{2}\vec{j}$
- (۲) $-50\sqrt{2}\vec{j}$
- (۳) $+100\sqrt{2}\vec{j}$
- (۴) $-100\sqrt{2}\vec{j}$

در جمله‌های زیر، عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید.

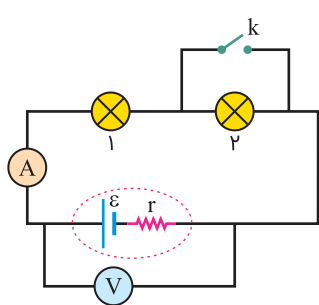
آمپرساعت، یکای (جریان الکتریکی - بار الکتریکی) است.

در سیم حامل جریان، حرکت کاتوره‌ای الکترون‌ها با سرعت متوسطی به نام سرعت سوق، در (جهت - خلاف جهت) میدان الکتریکی انجام می‌شود.

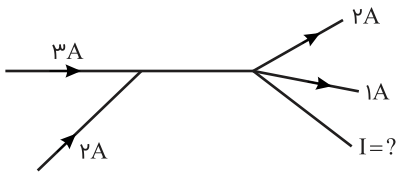
به هریک از سوالات زیر پاسخ دهید.

دو مقاومت مساوی R را یک بار به طور متوالی و یک بار به طور موازی به یکدیگر می‌بندیم و آنها را به ولتاژ V وصل می‌کنیم. نسبت توان مصرف شده در حالت موازی (P_1) به توان مصرف شده در حالت متوالی (P_2) را به دست آورید.

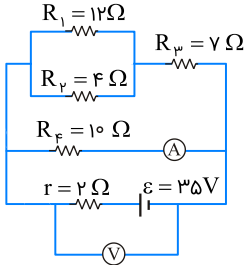
در مدار زیر لامپ‌ها مشابه هستند با استدلال کافی توضیح دهید پس از بستن کلید نورلامپ ۱ و ۲ چه تغییری می‌کند؟ در این مدار با فرض ایده‌آل بودن آمپرسنج و ولتسنج اگر جای این دو وسیله را با یکدیگر عوض کنیم، کدام یک از این وسیله‌ها ممکن است آسیب ببیند؟



شکل زیر، بخشی از یک مدار را نشان می‌دهد، بزرگی و جهت جریان I را تعیین کنید.



۶۱ در مدار شکل زیر



الف مقاومت معادل مدار چقدر است؟

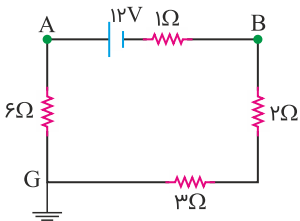
ب عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد را محاسبه نمایید.

پ ولت‌سنج چه عددی را نشان می‌دهد؟

ت توان تولیدشده در باتری و توان خروجی آن را حساب کنید.

۶۲ اختلاف پتانسیل دو سر تنها باتری مدار، بعد از برقراری جریان ۴ A برابر با ۶۰ V است. اگر توان تلف‌شده در درون باتری ۲۰ W باشد، نیروی محرکه باتری چند ولت بوده است؟

۶۳ در مدار رسم‌شده زیر، پتانسیل نقطه‌های A و B چند ولت است؟



مفاهیم زیر را تعریف کنید.

۶۴ قانون اهم:

۶۵ نیروی محرکه الکتریکی:

۶۶ در یک آذرخش نوعی 1×10^9 J انرژی تحت اختلاف پتانسیل 5×10^7 ولت در بازه زمانی ۰/۲ ثانیه آزاد می‌شود.

الف جریان متوسط در یک یورش آذرخش چقدر است؟

ب توان الکتریکی آزاد شده در ۰/۲ ثانیه را بیابید.

به سؤالات زیر پاسخ دهید.

۶۷ مقاومت الکتریکی یک سیم در دمای 473 K برابر $22\ \Omega$ است اگر طول سیم $1/1\text{ m}$ و سطح مقطع آن $3/4 \times 10^{-6}$ مترمربع باشد مقاومت ویژه سیم در این دما را حساب کنید.

۶۸ در چه دمایی مقاومت سیم دو برابر می‌شود؟ ($\alpha = 2 \times 10^{-3}\ 1/\text{K}$)

درستی یا نادرستی گزاره‌های زیر را مشخص کنید.

۶۹ همه بارهای متحرک جریان ایجاد می‌کنند.

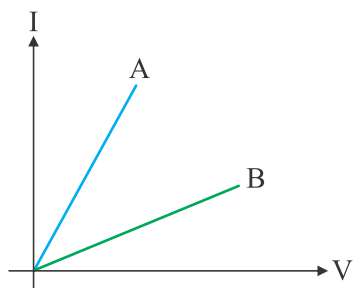
۷۰ همه مقاومت‌ها، رساناهای اهمی هستند.

۷۱ سرعت سوق در یک رسانای فلزی بسیار کم است.

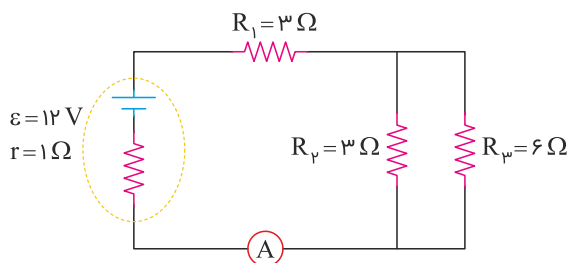
۷۲ مقاومت الکتریکی در رساناهای فلزی با افزایش دما افزایش می‌یابد.

۷۳ باتری با افزایش انرژی جنبشی بارهای الکتریکی هنگام عبور از منبع نیروی محرکه (باتری) جریان ثابتی در مدار برقرار می‌کند.

۷۴ با توجه به نمودار زیر، با ذکر دلیل مشخص کنید مقاومت الکتریکی کدامیک از رساناهای A و B کمتر است؟



۷۵ در مدار شکل زیر:



الف مقاومت معادل را حساب کنید.

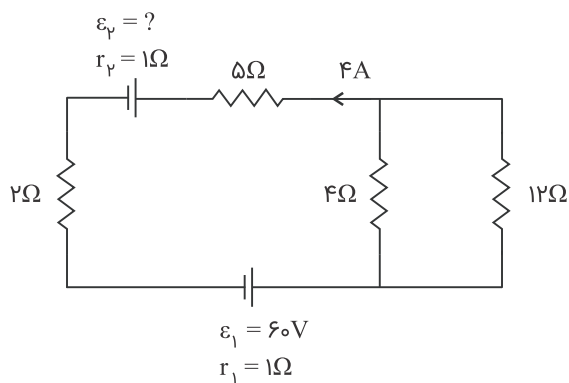
ب جریانی که آمپرسنج نشان می‌دهد چند آمپر است؟

پ توان خروجی مولد را بیابید.

جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.

۷۶ آمپر - ساعت یکای (جریان الکتریکی - بار الکتریکی) است.

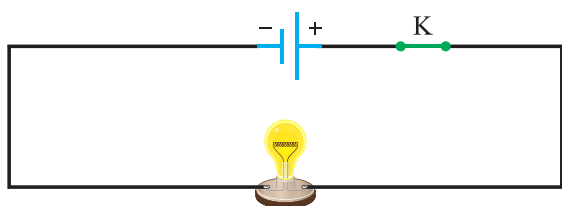
۷۷ در مدار شکل زیر، جریان الکتریکی در مقاومت ۵ اهمی، برابر ۴ آمپر است.



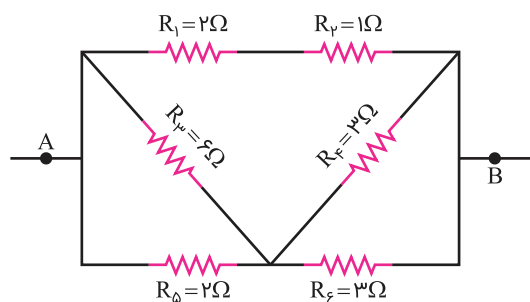
الف جریان الکتریکی در مقاومت ۱۲ اهمی چند آمپر است؟

ب مقدار نیروی محرکه \mathcal{E}_2 را محاسبه کنید.

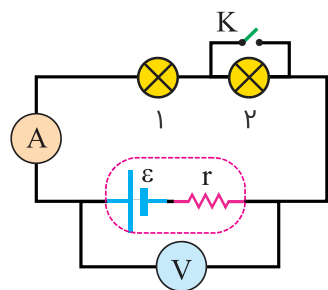
۷۸ در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر لامپ ۴ V و مقاومت الکتریکی آن 5Ω است. در مدت ۳۰۰ ثانیه چه تعداد الکترون از لامپ می‌گذرد؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} C$)



۷۹ در شکل زیر مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم است.



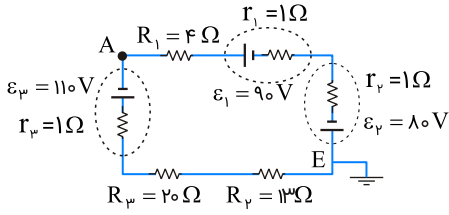
۸۰ در مدار شکل زیر، دو لامپ مشابه به دو سر یک مولد وصل شده‌اند. آمپرسنج و ولتسنج ایده‌آل هستند. با بستن کلید k پیش‌بینی کنید:



الف روشنایی لامپ (۱) چگونه تغییر می‌کند؟

ب اعدادی که ولتسنج و آمپرسنج در این حالت نشان می‌دهند، نسبت به حالت اول کاهش می‌یابد یا افزایش؟ چرا؟

۸۱ دو مقاومت موازی ۶ اهمی و ۱۲ اهمی به طور متوالی به یک مقاومت ۲ اهمی وصل شده‌اند. مجموعه مقاومت‌ها را به دو سر یک باتری آرمانی ۳۰ ولتی می‌بندیم. توان مصرفی در مقاومت ۲ اهمی را محاسبه کنید.



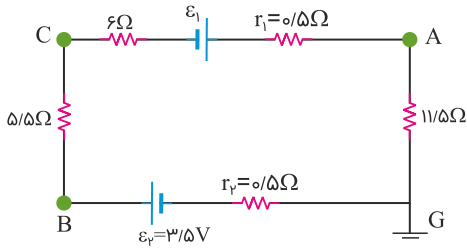
الف شدت جریان را محاسبه نمایید.

ب پتانسیل الکتریکی نقطه A چقدر است؟

پ اگر بار $8 \mu\text{C}$ - از نقطه A به زمین انتقال یابد، چقدر انرژی آزاد یا مصرف می‌شود.

ت توان مصرفی مقاومت R_3 چقدر است؟

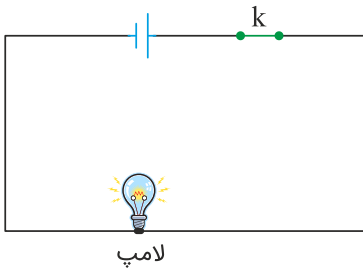
۸۳ در مدار رسم‌شده، $V_A - V_B = 2/5 \text{ V}$ است.



الف پتانسیل نقطه C ($V_C = ?$) چند ولت است؟

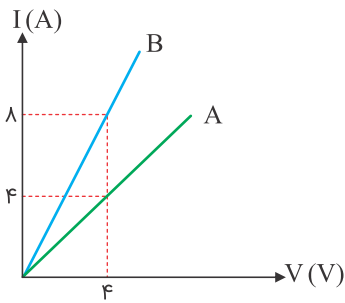
ب توان خروجی باتری ۱ چقدر است؟

۸۴ در مدار شکل زیر اختلاف پتانسیل دو سر لامپ 4 V و مقاومت آن 5Ω است. در مدت 5 دقیقه چه تعداد الکترون از لامپ می‌گذرد؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$)



به سؤالات زیر پاسخ دهید.

۸۵ شکل زیر نمودار $I - V$ را برای دو رسانای A و B نشان می‌دهد. مقاومت رسانای A چند برابر مقاومت رسانای B است؟



یک رسانای فلزی در مداری به یک باتری متصل می‌شود. اگر در مدت 2 s تعداد 8×10^{18} الکترون به صورت خالص از هر مقطع از این رسانا عبور کند، جریان متوسط عبوری از این رسانا چند میلی‌آمپر است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19}\text{ C}$)

۸۶

جاهای خالی را با واژه مناسب پُر کنید.

۸۷ یکای مقاومت ویژه، است.

۸۷

۸۸ مقاومت معادل در اتصال موازی از مقدار هریک از مقاومت‌ها، است.

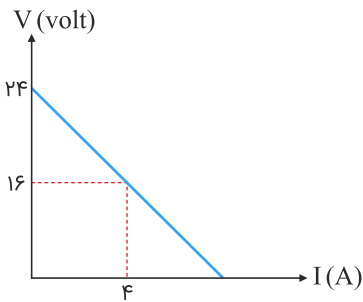
۸۸

۸۹ ترمیستور نوعی مقاومت حساس به است.

۸۹

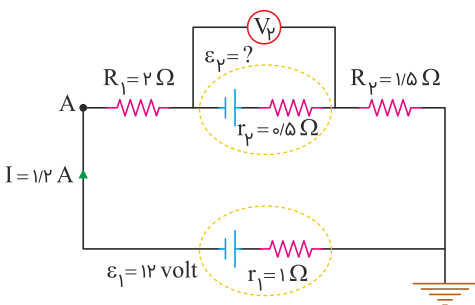
۹۰ نمودار $V - I$ دو سر یک مولد مطابق شکل زیر است. نیروی محرکه مولد و مقاومت درونی آن را به دست آورید:

۹۰



۹۱ مدار الکتریکی مقابل را در نظر بگیرید و سؤالات زیر را پاسخ دهید.

۹۱



الف نیروی محرکه \mathcal{E}_2 را به دست آورید.

الف

ب پتانسیل نقطه A را به دست آورید.

ب

پ افت پتانسیل در باتری \mathcal{E}_2 را بیابید.

پ

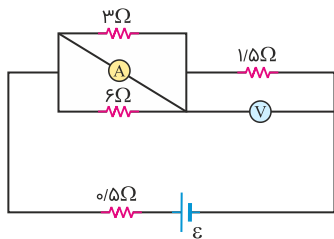
ت ولت‌سنج V_2 چه عددی را نشان می‌دهد.

ت

۹۲ طول و قطر سیم مسی A به ترتیب دو برابر طول و قطر سیم مسی B است. مقاومت سیم A چند برابر مقاومت سیم B است؟

۹۲

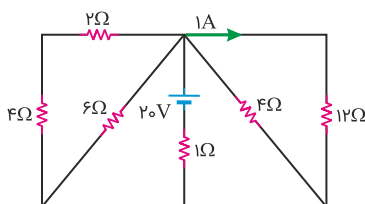
در مدار رسم شده، ولت‌سنج و آمپرسنج آرمانی هستند. اگر ولت‌سنج، 9 V را نشان دهد:



الف آمپرسنج چه عددی را نشان می‌دهد؟

ب توان تولیدی باتری چقدر است؟

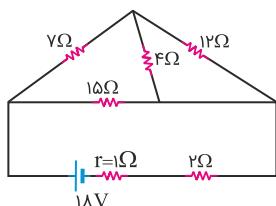
۹۴ مداری مطابق شکل رسم شده است.



الف چه جریانی از مقاومت $6\ \Omega$ اهمی می‌گذرد؟

ب نشان دهید توان تولیدی باتری با مجموع توان‌های مصرفی همه مقاومت‌ها برابر است.

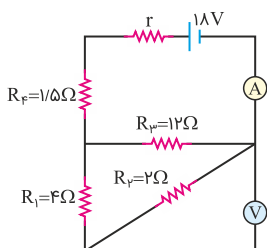
۹۵ مداری مطابق شکل رسم شده است.



الف چه جریانی از مقاومت $12\ \Omega$ اهمی می‌گذرد؟

ب اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت $15\ \Omega$ اهمی چند ولت است؟

۹۶ در مدار رسم شده، آمپرسنج 3 A را نشان می‌دهد.

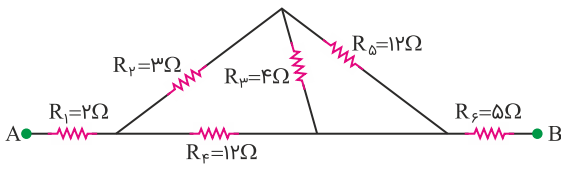


الف مقاومت درونی باتری چقدر است؟

ب اختلاف پتانسیل دو سر باتری چقدر است؟

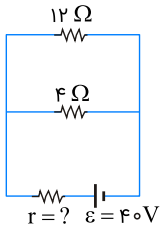
پ ولت‌متر چه عددی را نشان می‌دهد؟

۹۷ مقاومت معادل را بین دو نقطه A و B محاسبه کنید.



در مدار شکل زیر جریانی که از مقاومت ۴ اهمی می‌گذرد ۶ A است. مقاومت درونی باتری را حساب کنید.

۹۸



به رسانای کروی شکلی 5×10^{21} الکترون داده‌ایم. بار الکتریکی کرهٔ رسانا برحسب آمپرساعت چقدر است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

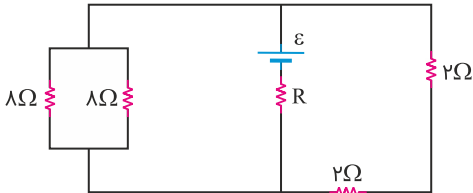
۹۹

از دو رسانا با مقاومت‌های $R_1 = 4 \Omega$ و $R_2 = 20 \Omega$ جریان‌های الکتریکی مساوی عبور می‌کند. اگر توان مصرفی در مقاومت R_1 برابر ۹ W باشد، توان مصرفی در مقاومت R_2 را حساب کنید.

۱۰۰

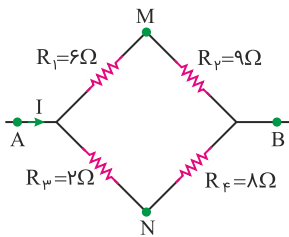
در مدار الکتریکی رسم‌شدهٔ زیر، توان مصرفی هر پنج مقاومت باهم برابر است. مقاومت R چند اهم است؟

۱۰۱



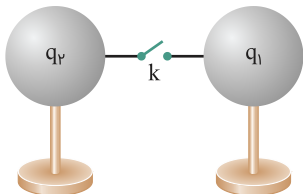
در مدار رسم‌شده، $V_A - V_B = 60 \text{ V}$ است. $V_M - V_N$ چند ولت خواهد بود؟

۱۰۲



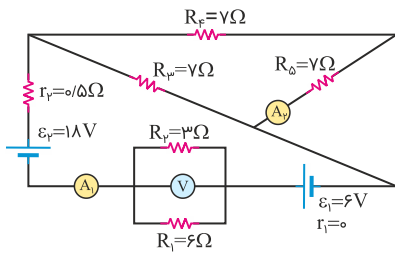
دو کره رسانای مشابه اولی دارای بار $q_1 = +8 \mu\text{C}$ و دومی دارای بار $q_2 = -10 \mu\text{C}$ بر روی پایه‌های عایقی قرار دارند. این دو کره را با بستن کلید توسط سیم فلزی با مقاومت R به یکدیگر وصل می‌کنیم. $0/001 \text{ s}$ طول می‌کشد تا دو کره هم‌پتانسیل شوند. جریان متوسطی که در این مدت از سیم می‌گذرد، چقدر و در چه جهتی است؟

۱۰۳



شکل، یک مدار تک‌حلقه را نشان می‌دهد.

۱۰۴



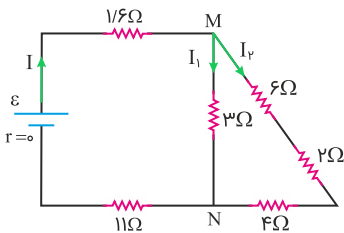
الف آمپرسنج‌های آرمانی ۱ و ۲ چه اعدادی را نشان می‌دهند؟

ب ولت‌سنج آرمانی چه عددی را نشان می‌دهد؟

پ انرژی مصرفی در مقاومت $R_4 = 7\Omega$ طی یک و نیم دقیقه چند ژول است؟

ت توان مصرفی در مقاومت $R_1 = 6\Omega$ چند وات است؟

۱۰۵ در مدار شکل زیر، اختلاف‌پتانسیل دو سر مقاومت ۶ اهمی برابر با $2/4V$ است.



الف $V_M - V_N$ چند ولت است؟

ب جریان گذرنده از باتری چند آمپر است؟

پ نیروی محرکه باتری چند ولت است؟

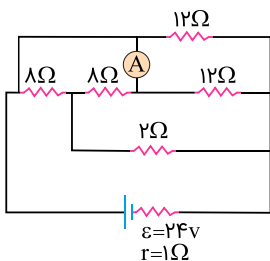
۱۰۶ بار الکتریکی کره رسانای A برابر ۸۰ آمپر دقیقه است و بار الکتریکی کره رسانای B که شعاع آن با شعاع کره A مساوی است برابر

$2/5 -$ آمپرساعت است. دو کره را با سیم رسانایی به هم متصل می‌کنیم. اگر در کره‌ها در مدت 0.4 ثانیه تعادل الکتریکی به وجود

آید، در این مدت چه جریانی از سیم عبور کرده است؟

۱۰۷ اگر سیمی را بکشیم تا به‌طور یکنواخت طول سیم ۴ برابر شود، مقاومت الکتریکی آن چندبرابر خواهد شد؟

۱۰۸ در مدار شکل زیر، جریان گذرنده از آمپرسنج چند آمپر است؟



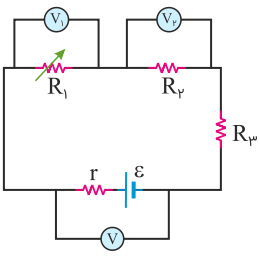
۱) $1/5$

۲) ۲

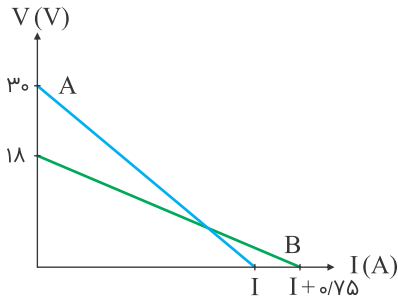
۳) ۳

۴) $4/5$

۱۰۹ در مدار زیر، مقاومت R را به‌تدریج افزایش می‌دهیم. مقادیری که هر سه ولت‌سنج آرمانی نشان می‌دهند، چگونه تغییر می‌کند؟



۱۱۰ نمودار تغییرات ولتاژ دو سر مولد A و B بر حسب شدت جریان عبوری از آنها مطابق شکل است. اگر مقاومت درونی مولد A دو برابر مقاومت درونی مولد B باشد، در چه جریانی بر حسب آمپر، توان مفید دو سر مولد با هم برابر می‌شوند؟



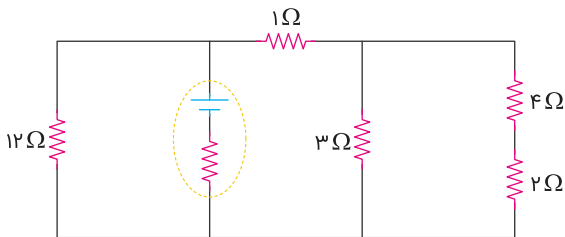
(۱) ۲

(۲) ۳/۷۵

(۳) ۴/۲۵

(۴) ۳

۱۱۱ در مدار شکل زیر اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که بیشترین توان مصرفی را دارد ۱۶ V باشد، اختلاف پتانسیل دو سر باتری چند ولت است؟



(۱) ۱۲ V

(۲) ۲۴ V

(۳) ۳۶ V

(۴) ۴۸ V

۱۱۲ مقاومت الکتریکی لامپ معمولی با رشته تنگستن:

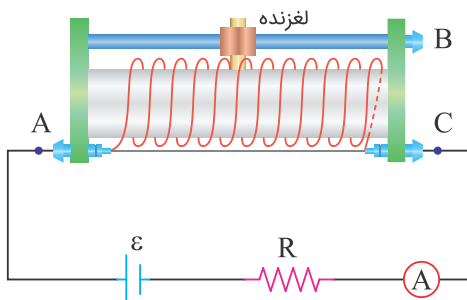
(۱) پس از روشن شدن لامپ، کاهش می‌یابد.

(۲) پس از روشن شدن به صفر می‌رسد.

(۳) هنگامی که لامپ خاموش است، صفر است.

(۴) هنگام روشن بودن بیشتر از هنگام خاموش بودن است.

۱۱۳ اگر در مدار زیر، لغزنده به سمت B حرکت کند، شدت جریانی که آمپرسنج نشان می‌دهد چگونه تغییر می‌کند؟



(۱) ثابت می‌ماند.

(۲) کم می‌شود.

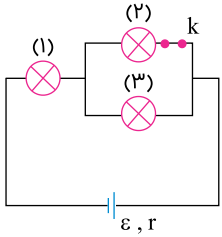
(۳) زیاد می‌شود.

(۴) بسته به مقدار R ممکن است کم و یا زیاد شود.

روی یک لامپ اعداد 100 W و 200 V نوشته شده است و با همان ولتاژ روشن است. اگر به علت افت ولتاژ، توان مصرفی 36% درصد کاهش پیدا کند، افت ولتاژ چند ولت خواهد بود؟

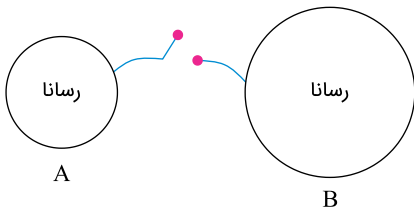
- (۱) ۳۶
- (۲) ۶۴
- (۳) ۴۰
- (۴) ۱۶۰

در مدار شکل زیر، لامپها مشابه‌اند. اگر کلید K را باز کنیم، نور لامپ (۱) و (۲) به ترتیب چگونه تغییر می‌کند؟



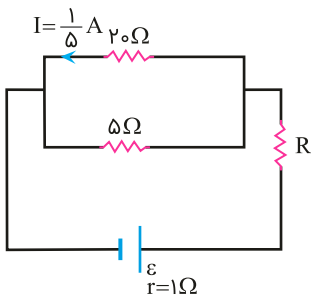
- (۱) افزایش - افزایش
- (۲) افزایش - کاهش
- (۳) کاهش - افزایش
- (۴) کاهش - کاهش

در شکل زیر، دو کره رسانا بار الکتریکی $q_A = 10\ \mu\text{C}$ و $q_B = -40\ \mu\text{C}$ دارند. اگر کلید را ببندیم، در مدت 0.1 ثانیه، 2 mA جریان الکتریکی در سیم برقرار می‌شود. بار کره A چند میکروکولن خواهد شد؟



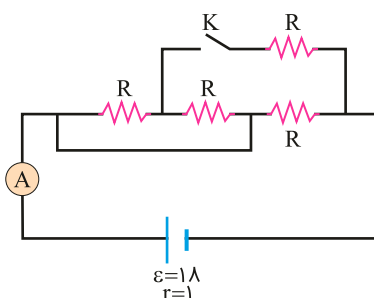
- (۱) -10
- (۲) 10
- (۳) -2
- (۴) 20

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R در مدار زیر، برابر 3 V است. نیروی محرکه باتری، چند ولت است؟



- (۱) ۴
- (۲) ۵
- (۳) ۷
- (۴) ۸

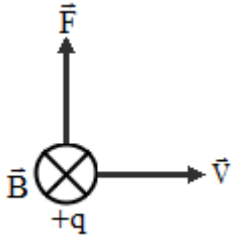
در مدار زیر کلیه مقاومت‌های خارج از باتری مشابه هستند. اگر با بستن کلید K جریان آمپرسنج $1/5\text{ A}$ تغییر کند، مقاومت معادل مدار پس از بستن کلید K ، کدام است؟



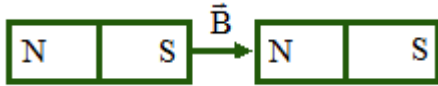
- (۱) ۳
- (۲) ۴
- (۳) ۵
- (۴) ۶

در هریک از شکل‌های زیر تعیین کنید جهت میدان مغناطیسی، درست رسم شده یا نادرست؟

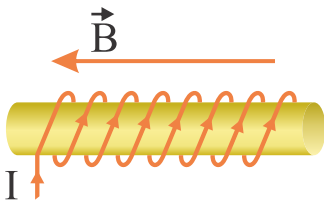
الف ذره $+q$ در میدان مغناطیسی یکنواختی در جهت نشان داده شده در حال حرکت است و بیشینه نیروی الکترومغناطیسی \vec{F} بر آن وارد می شود.



ب میدان مغناطیسی بین دو آهنربای میله ای که قطب های ناهم نام آن ها نزدیک یکدیگر است.



پ میدان مغناطیسی داخل یک سیملوله که حامل جریان الکتریکی است



مفاهیم زیر را تعریف کنید:

۱۲۰ ماده پارامغناطیس

۱۲۱ خودالقایی

۱۲۲ یک ذره باردار با سرعت $4 \times 10^6 \text{ m/s}$ وارد یک میدان مغناطیسی درون سو به شدت 0.05 T می شود و هنگام عبور از میدان مسیری را مطابق شکل زیر می پیماید. اگر نیرویی برابر 0.4 N از طرف میدان به این ذره وارد شود:



الف اندازه بار الکتریکی این ذره را محاسبه کنید.

ب نوع بار ذره را مشخص کنید.

۱۲۳ مطابق شکل زیر، ذره ای با بار $+10^{-5} \text{ C}$ با سرعت $2 \times 10^3 \text{ m/s}$ عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 0.1 T در حرکت است.



الف اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر ذره را حساب کنید.

ب جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره را تعیین کنید.

۱۲۴ میدان مغناطیسی روی محور یک سیملوله $T \times 10^{-4} \times 3$ در راستای افقی و به سمت شرق است. اگر جریان عبوری از سیملوله $2/0$ A و طول آن 8 cm باشد،

الف تعداد حلقه‌های سیملوله چقدر است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \text{ T.m/A})$

ب اگر بار $q = 5 \mu\text{C}$ با سرعت 10^5 m/s درون سیملوله و به طرف بالا حرکت کند، بزرگی و جهت نیروی وارد بر آن را با رسم شکل تعیین کنید.

۱۲۵ جاهای خالی را با استفاده از کلمه‌های داخل مستطیل کامل کنید.

بزرگی - همسو - خط‌های - عمود - مماس - عقربه - جهت

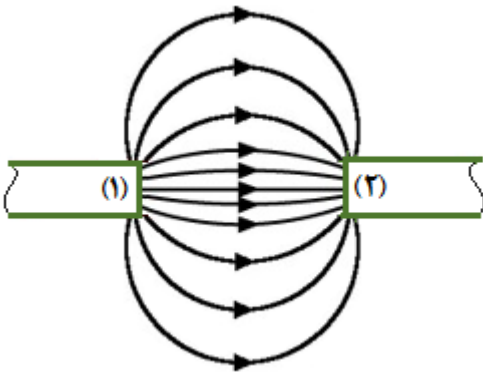
(۱) میدان مغناطیسی را می‌توان توسط میدان مغناطیسی نمایش داد.

(۲) راستای میدان مغناطیسی در هر نقطه بر خط میدان در آن نقطه است.

(۳) خط میدان مغناطیسی در هر نقطه با میدان مغناطیسی در آن نقطه است.

(۴) تراکم خط‌های میدان مغناطیسی در هر ناحیه از فضا نشانگر میدان مغناطیسی در آن ناحیه است.

۱۲۶ در شکل روبه رو، خط‌های میدان مغناطیسی مربوط به دو آهنربای میله ای مشابه که مقابل هم قرار دارند، رسم شده است. قطب‌های هریک از آهنرباها را مشخص کنید.



درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را تعیین کنید:

۱۲۷ اگر یک آهن ربا در نزدیکی عقربه مغناطیسی قرار گیرد، قطب (S) عقربه، سوی میدان را نشان می دهد.

۱۲۸ جهت میدان مغناطیسی در داخل یک سیملوله حامل جریان الکتریکی، خلاف جهت میدان در خارج آن است.

۱۲۹ موادی مانند نیکل، آهن و کبالت در صورتی که خالص باشند، از جمله مواد فرومغناطیس سخت هستند.

۱۳۰ در مواد پارامغناطیس، دوقطبی‌های مغناطیسی درون هر حوزه مغناطیسی به‌طور کامل هم خط هستند.

۱۳۱ فولاد می تواند خاصیت آهنربایی خود را حفظ کند، بنابراین از آن برای ساختن آهنربای دائمی استفاده می شود.

۱۳۲ سیملوله‌ای شامل 500 دور سیم روکش دار است. اگر جریان عبوری از آن 10 آمپر و بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز و وسط آن برابر $2\pi \times 10^{-3}$ تسلا باشد،

$$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$$

الف طول سیملوله را حساب کنید.

ب اگر پروتونی با سرعت $4 \times 10^5 \frac{m}{s}$ تحت زاویه 45° نسبت به محور این سیملوله حرکت کند، نیروی وارد بر آن را به دست آورید. (پروتون $q = 1/6 \times 10^{-19} C$, $\sin 45^\circ \approx 0/7$)

پ در چه صورت نیرویی از طرف میدان مغناطیسی بر این پروتون متحرک وارد نمی‌شود؟

در هر یک از جمله‌های زیر، عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید:

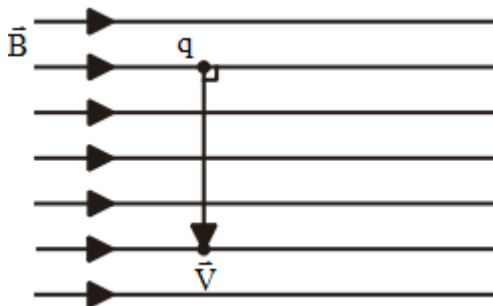
۱۳۳ تک‌قطبی مغناطیسی (داریم - نداریم)

۱۳۴ بار الکتریکی متحرک در فضای اطراف خود ایجاد می‌کند. (فقط میدان الکتریکی - میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی)

۱۳۵ در وسط آهنربای میله‌ای خاصیت مغناطیسی است. (کمینه - بیشینه)

۱۳۶ جهت میدان مغناطیسی طبق قرارداد در داخل آهنربا از قطب به است. (S به N - N به S)

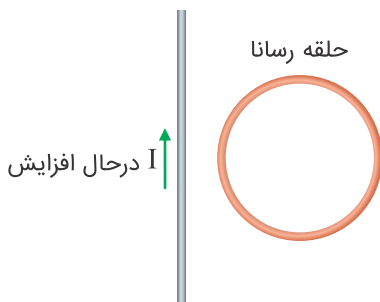
۱۳۷ پروتونی با سرعت $4 \times 10^6 \frac{m}{s}$ مطابق شکل در میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $20 mT$ در حرکت است. (پروتون $q = 1/6 \times 10^{-19} C$)



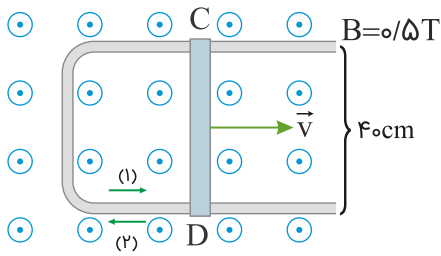
الف بزرگی نیروی الکترومغناطیسی وارد بر این پروتون را محاسبه کنید.

ب جهت این نیرو چگونه است؟

۱۳۸ جهت جریان القایی را در حلقه‌ی رسانای نشان داده‌شده در شکل بیابید؟ (با ذکر دلیل)



۱۳۹ مطابق شکل، سیم CD روی رسانای U شکل با سرعت ثابت $2 m/s$ در حال حرکت به سمت راست است. اندازه‌ی جریان القایی در قاب چند آمپر و در کدام جهت است؟ (مقاومت سیم CD برابر با 4Ω و رسانای U شکل مقاومت ناچیزی دارد)

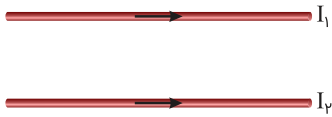


مفاهیم زیر را تعریف کنید.

۱۴۰ قانون لنز:

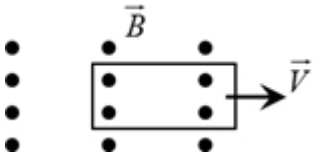
۱۴۱ مداری بسته، به مساحت 40 cm^2 با زاویه 30° نسبت به میدان مغناطیسی قرار دارد اگر شار مغناطیسی عبوری از این حلقه بسته، $20 \times 10^{-6} \text{ Wb}$ باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در این فضا چند گاوس است؟

۱۴۲ اگر دو سیم راست موازی و بلند دارای جریان‌های هم‌سوی $I_1 = 2 \text{ A}$ و $I_2 = 4 \text{ A}$ باشند، در وسط فاصله بین ۲ سیم، میدان مغناطیسی برآیند در کدام جهت است؟



۱۴۳ در هریک از شکل‌های زیر، جهت جریان القایی را روی حلقه و قاب مستطیل شکل مشخص کنید.

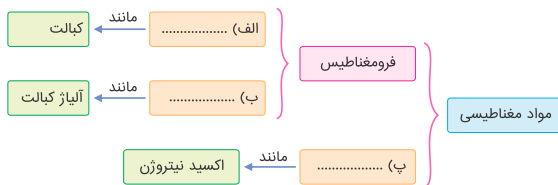
الف



ب

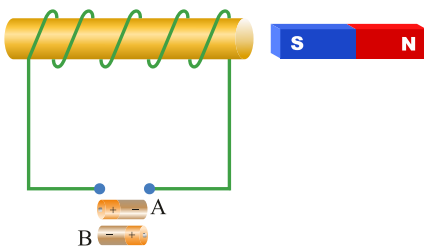


۱۴۴ در جدول مفهومی زیر، جای خالی را با کلمات مناسب کامل کنید.

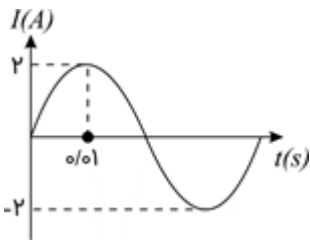


۱۴۵ درون سیملوله‌ای که دارای N حلقه و مساحت مقطع 10 cm^2 است، میدان مغناطیسی با آهنگ متوسط 0.4 T/s کاهش می‌یابد. اگر نیروی محرکه القایی متوسط 0.6 V شده باشد، تعداد حلقه‌های سیملوله چند تا است؟

۱۴۶ سیملوله‌ای مطابق شکل در کنار یک آهنربا قرار دارد. کدام باتری را در مدار قرار دهیم تا سیملوله آهنربا را دفع کند؟



۱۴۷ شکل زیر، نمودار جریان متناوب سینوسی را نشان می‌دهد.



۱۴۸ الف معادلهٔ جریان برحسب زمان را بنویسید.

ب اگر این جریان از سیم‌لوله‌ای به ضریب خودالقایی 200mH بگذرد، بیشینه انرژی ذخیره‌شده در این سیم‌لوله چند ژول است؟

۱۴۹ القاگری به ضریب خودالقایی 0.4 هانری و مقاومت 6 اهم را به اختلاف پتانسیل 12 ولت وصل می‌کنیم. انرژی ذخیره‌شده در القاگر چند ژول است؟

۱۴۹ سیم راست بسیار بلندی که حامل جریان 5 آمپر است، به‌طور عمود در یک میدان مغناطیسی 0.4 گاوس قرار دارد، اگر نیروی وارد بر سیم 10^{-4} نیوتون باشد، چه طولی از سیم در میدان مغناطیسی واقع است؟

۱۵۰ اگر ضریب خودالقایی یک سیم‌لوله 10mH باشد، چه جریانی از سیم‌لوله بگذرد تا در میدان مغناطیسی آن 2J انرژی ذخیره شود؟

۱۵۱ در متن زیر به‌جای الف، ب، پ و ت یکی از عبارت‌های داخل کادر مستطیلی را قرار دهید:

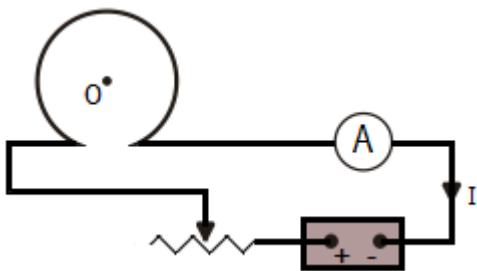
نیروی محرکه، فارادی، لنز، آهنگ، جهت، مستقیم، وارون، بار الکتریکی

بنابر قانون الف..... هرگاه شار مغناطیسی ای که از یک پیچه می‌گذرد تغییر کند، در آن ب.... ای القا می‌شود که بزرگی آن با پ.... تغییر شار مغناطیسی متناسب است و با تعداد حلقه‌های پیچه رابطهٔ ت.... دارد.

۱۵۲ شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه به چه عواملی بستگی دارد؟

۱۵۳ با توجه به هر یک از شکل‌های زیر، پاسخ‌های مناسب را از داخل پرانتز انتخاب و بنویسید.

الف جهت میدان مغناطیسی ناشی از پیچه در نقطهٔ O (درون سو - برون سو) است و با افزایش جریان مدار، بزرگی میدان مغناطیسی در O (کاهش - افزایش) می‌یابد.



۱۵۴

سیم بلندی حامل جریان ۲ آمپر در راستای شرق - غرب، در حال تعادل است. اگر جرم یکای طول سیم ۵۰ گرم بر متر و جهت جریان به سمت غرب باشد، میدان مغناطیسی که سیم را به حال تعادل نگاه داشته است، چند گاوس و در چه جهتی است؟ (میدان مغناطیسی عمود بر راستای سیم و $g = 10 \text{ N/kg}$ است.)

۱۵۵

پروتونی با سرعت $4 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در یک میدان مغناطیسی یکنواخت در حرکت است. نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی بر این ذره وارد می‌شود هنگامی بیشینه است که ذره از شمال در امتداد افق به سمت جنوب حرکت کند. اگر این نیروی بیشینه و بالاسو برابر $6/4 \times 10^{-14} \text{ N}$ باشد.
 $(q_p = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$

الف

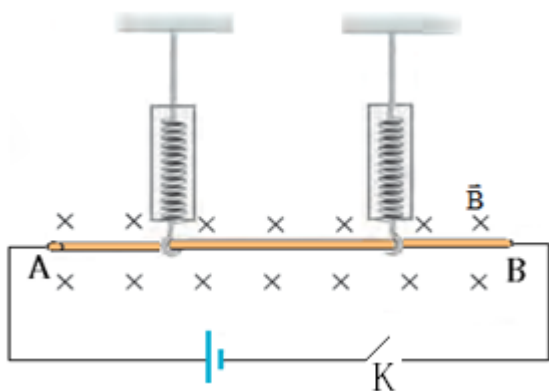
بزرگی و جهت میدان مغناطیسی را تعیین کنید.

ب

چه میدان الکتریکی همین نیرو را ایجاد می‌کند؟

۱۵۶

در شکل روبه‌رو، میله AB در میدان مغناطیسی یکنواخت درون سویی، به حال تعادل قرار دارد.



الف

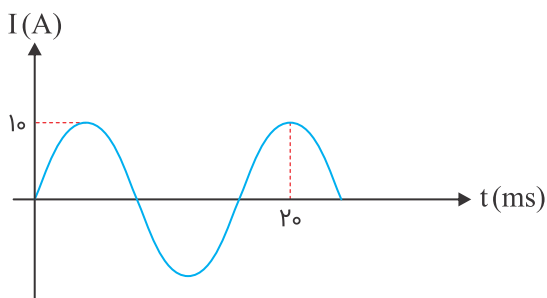
در صورتی که کلید K باز باشد، نیروسنج‌ها چه کمیتی را نشان می‌دهند؟

ب

اگر کلید K را ببندیم عدد نیروسنج‌ها افزایش می‌یابد یا کاهش؟ توضیح دهید.

۱۵۷

شکل زیر نمودار یک جریان متناوب سینوسی را نشان می‌دهد که توسط یک مولد تولید شده است.



الف

دوره تناوب را حساب کنید.

ب

بیشینه جریان الکتریکی چقدر است؟

پ

معادله این جریان بر حسب زمان در SI چیست؟

ت

جریان گذرنده در لحظه $t = \frac{2}{375} \text{ s}$ چقدر است؟

ث

اگر مقاومت این مدار 20Ω باشد، اندازه نیروی محرکه القایی در لحظه $t = \frac{1}{375} \text{ s}$ چقدر است؟

۱۵۸

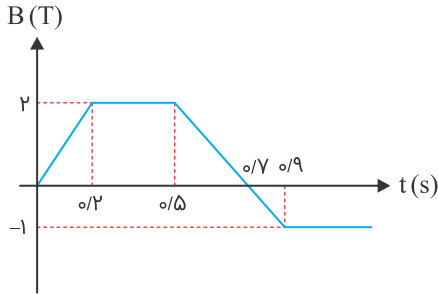
دو سر یک القاگر (سیملوله) به مقاومت 10Ω و ضریب القاوری $0/8 \text{ H}$ را به اختلاف پتانسیل ثابتی وصل می‌کنیم. اگر انرژی ذخیره‌شده در میدان مغناطیسی القاگر $2/5 \text{ J}$ و تعداد حلقه‌های آن در هر متر ۲۰۰۰ باشد:

الف اختلاف پتانسیل دو سر القاگر چقدر است؟

ب میدان مغناطیسی درون سیملوله چند تسلا است؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m}/\text{A}$)

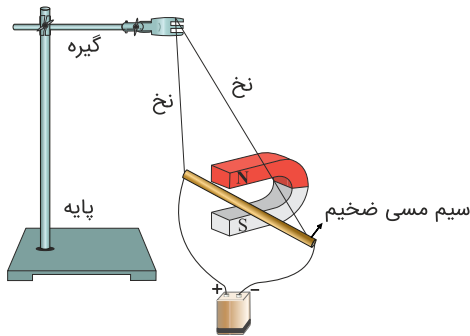
۱۵۹ شار مغناطیسی عبوری از سیملوله‌ای با تعداد دور ۲۰۰۰، در مدت Δt از 0.08 Wb به 0.06 Wb می‌رسد. مقدار بار القایی درون سیملوله چند کولن است؟ مقاومت سیملوله 20Ω است.

۱۶۰ سطح یک حلقه به مساحت 600 cm^2 با 150 دور سیم، عمود بر خطوط میدان مغناطیسی است. میدان مغناطیسی مطابق نمودار زیر تغییر می‌کند. نمودار $\varepsilon - t$ را برای این بازه زمانی رسم کنید.



۱۶۱ از سیملوله‌ای که شامل 400 حلقه است و دو سر آن توسط سیمی به مقاومت 20Ω به هم وصل شده است، شار مغناطیسی به معادله $\Phi = 4 \times 10^{-3} \sin 100\pi t$ عبور می‌کند، شار عبوری از سیملوله در لحظه $t = 5 \text{ ms}$ چقدر است؟

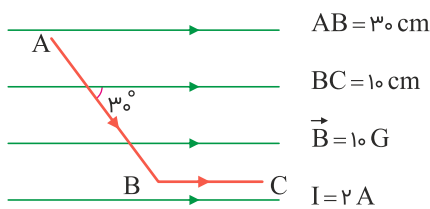
۱۶۲ سیم راستی را مطابق شکل از بین قطب‌های یک آهنربا عبور داده‌ایم.



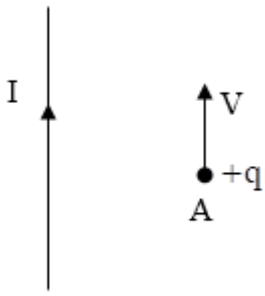
الف اگر کلید را وصل کنیم، سیم در کدام جهت حرکت می‌کند؟

ب اگر اختلاف پتانسیل باتری را افزایش دهیم انحراف سیم از وضع تعادل بیشتر می‌شود یا کمتر؟ چرا؟

۱۶۳ در شکل زیر، نیروی وارد بر قطعه سیم ABC چند نیوتن است؟



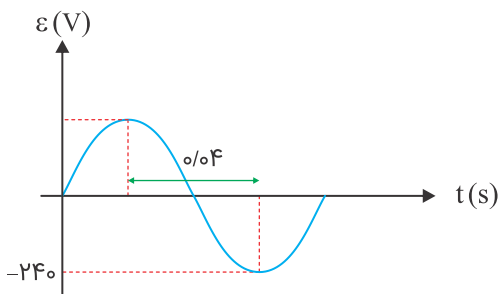
۱۶۴ سیمی مطابق شکل حامل جریان I است و طول سیم بسیار بلند می‌باشد. ذره‌ای با بار $+q$ مطابق شکل از نقطه A به موازات سیم به سمت بالا شلیک می‌شود. مسیر حرکت این ذره را با ذکر دلیل رسم کنید.



۱۶۵ ذره بارداری به جرم ۳ میلی‌گرم به موازات سطح زمین از سمت شرق به طرف غرب با سرعت $3 \times 10^4 \text{ m/s}$ در حال حرکت است. برای اینکه جهت حرکت ذره تغییر نکند، بار آن باید چند میکروکولن باشد؟
(میدان مغناطیسی زمین درون سو و $5/0$ گاوس و $g = 10 \text{ m/s}^2$)

۱۶۶ طول سیملوله‌ای 10 cm است و دارای 400 حلقه است که به‌طور منظم پیچیده شده است. اگر جریان الکتریکی 2 A از آن عبور کند، میدان مغناطیسی در داخل آن چند گاوس می‌شود؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$)

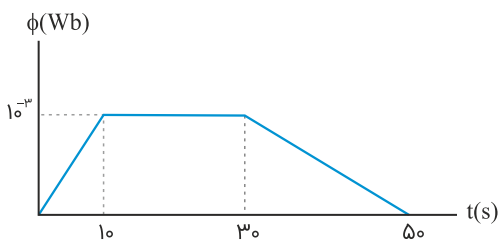
۱۶۷ شکل، نمودار $\varepsilon - t$ یک منبع نیروی محرکه متناوب را در SI نشان می‌دهد که به دو سر یک مقاومت 80 اهمی وصل است.



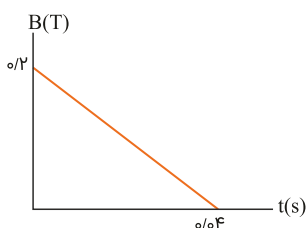
الف معادله جریان برحسب زمان را بنویسید.

ب نمودار $I - t$ را در SI رسم کنید.

۱۶۸ تغییرات شار مغناطیسی که از یک پیچه با 200 دور عبور می‌کند، مطابق شکل است. نمودار نیروی محرکه القایی در حلقه را برحسب زمان در بازه $(0, 50 \text{ s})$ رسم کنید.



۱۶۹ پیچه‌ای با تعداد دور 1000 درون میدان مغناطیسی به‌صورت عمود بر میدان مغناطیسی قرار دارد. نمودار میدان مغناطیسی عبوری از پیچه مطابق شکل است. بزرگی نیروی محرکه القایی در پیچه چند ولت است؟ مساحت پیچه 100 cm^2 است.



۱۷۰

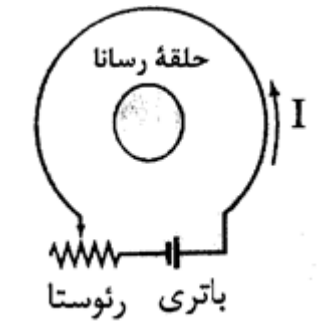
ذرهٔ بارداری با بار $q = -2 \mu\text{C}$ به جرم 2 میلی‌گرم را با تندی اولیه $2 \times 10^3 \text{ m/s}$ در راستای افقی به سمت شرق پرتاب می‌کنیم. اگر بردار سرعت ذره ثابت باقی بماند و میدان مغناطیسی بر راستای سرعت ذره عمود باشد، بزرگی میدان مغناطیسی برحسب گاوس و جهت آن را تعیین کنید؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$ و از نیروهای مقاوم صرف‌نظر شود)

۱۷۱

پیچه‌ای به مساحت 0.02 m^2 شامل n دور سیم داریم. این پیچه عمود بر یک میدان مغناطیسی که با آهنگ 0.3 T/s تغییر می‌کند، قرار دارد. اگر نیروی محرکه القایی در این پیچه 12 V باشد n را محاسبه کنید.

۱۷۲

در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا کاهش یابد، جهت جریان القایی در حلقهٔ رسانا را با ذکر دلیل تعیین کنید.



۱۷۳

با کمک واژه‌های داخل مستطیل عبارتهای زیر را کامل کنید.

فرومغناطیس - مواد مغناطیسی - فرومغناطیس نرم - فرومغناطیس سخت - محور مغناطیسی - پارامغناطیس

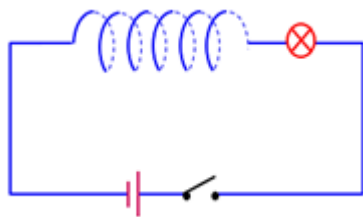
- (آ) موادی که اتم‌ها یا مولکول‌های سازندهٔ آن‌ها، خاصیت مغناطیسی دارند، می‌نامند.
 (ب) دوقطبی‌های مغناطیسی در یک مادهٔ دارای سمت‌گیری مشخص و منظمی نیستند.
 (پ) دوقطبی‌های مغناطیسی کوچک به طور خودبه‌خود با دوقطبی‌های مجاور هم خط می‌شوند، این مواد را گویند.
 (ت) پس از برداشتن میدان مغناطیسی خارجی، مادهٔ خاصیت آهنربایی خود را حفظ می‌کند.
 (ث) خطی که دو قطب یک دوقطبی مغناطیسی را به هم متصل می‌کند، آن می‌نامند.

۱۷۴

سیم رسانایی را به صورت پیچهٔ مسطح با شعاع 10 cm درآورده‌ایم و از آن جریان الکتریکی 5 A عبور می‌کند. اگر میدان مغناطیسی در مرکز پیچه 25 گاوس باشد، طول سیمی که پیچه از آن درست شده است چند متر است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A}$)

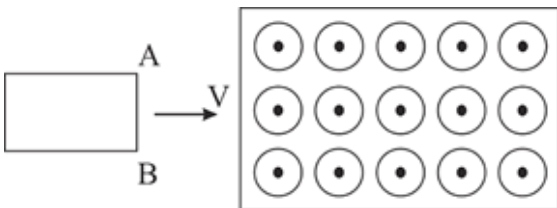
۱۷۵

در مدار زیر، بیان کنید در لحظهٔ وصل کلید، نور لامپ چگونه است؟



۱۷۶

در محدوده‌ای از فضا، میدان مغناطیسی B به صورت یکنواخت و برون‌سو وجود دارد. پیچه‌ای مطابق شکل با تندی ثابت وارد این فضا می‌شود.



الف

نمودار تغییرات شار عبوری از این پیچه را برحسب زمان به صورت کیفی ترسیم کنید.

ب نمودار جریان عبوری از پیچه را بر حسب زمان به صورت کیفی ترسیم کنید.

پ نیروی وارد بر قسمت AB پیچه را در حین حرکت تحلیل کنید.

۱۷۷ مقاومت ویژه یک رسانا به طول 8 m و قطر مقطع 2 mm برابر با $3 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$ است. با این سیم تعدادی حلقه مربع شکل به طول ضلع 10 cm می‌سازیم. اندازه یک میدان مغناطیسی عمود بر سطح حلقه‌ها را بدون تغییر جهت از 500 G به 900 G می‌رسانیم. در اثر این تغییر جریان 20 A در حلقه‌ها القا می‌شود. ($\pi = 3$)

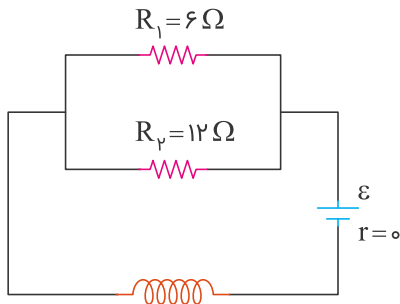
الف مقاومت الکتریکی این قطعه سیم چند اهم است؟

ب اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه‌ها چند ولت است؟

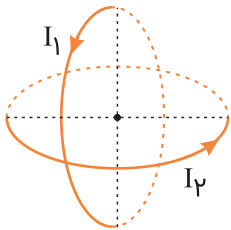
پ این جریان چند میلی‌ثانیه برقرار بوده است؟

۱۷۸ سیم روکش‌داری به طول 120 m که قطر آن 2 mm است را به صورت سیم‌لوله‌ای به شعاع حلقه 2 cm درمی‌آوریم؛ به گونه‌ای که سیم‌ها به هم چسبیده و بین آن‌ها فاصله‌ای نباشد. چه جریانی از سیم‌لوله بگذرانیم تا اندازه میدان مغناطیسی در محور آن $2\pi \times 10^{-3}\text{ T}$ شود؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}\text{ T} \cdot \text{m/A}$)

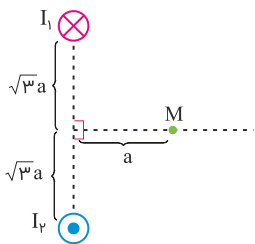
۱۷۹ در شکل زیر، توان مصرفی مقاومت R_1 برابر 24 W می‌باشد. اگر سیم‌لوله در هر متر 1000 دور حلقه داشته باشد، میدان مغناطیسی حاصل در داخل سیم‌لوله چند تسلا است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}\text{ T} \cdot \text{m/A}$)



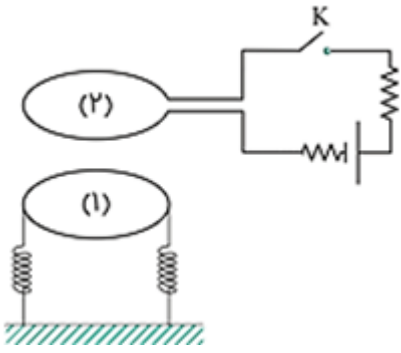
۱۸۰ دو حلقه مطابق شکل به صورت عمود برهم قرار گرفته‌اند. جهت میدان مغناطیسی برآیند در مرکز حلقه‌ها که بر هم منطبق‌اند، در کدام جهت است؟



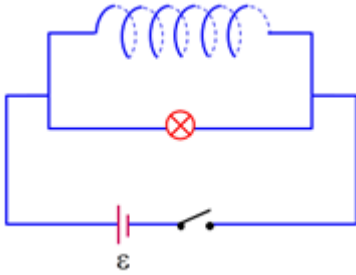
۱۸۱ دو سیم حامل جریان مطابق شکل درون صفحه قرار گرفته‌اند. زاویه بین میدان‌های مغناطیسی این دو سیم در نقطه M چند درجه است؟



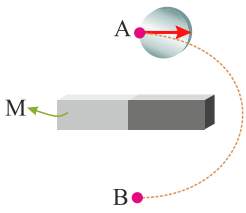
۱۸۲ در شکل زیر، دو حلقه رسانا روبروی هم قرار دارند. حلقه (۱) توسط چند فنر با ضریب سختی کم، بر روی زمین قرار دارد. با قطع و وصل کلید، فنرها چه تغییری می‌کنند؟



۱۸۳ نور لامپ را در لحظه وصل کلید، زمانی پس از وصل کلید و در لحظه قطع کلید، توصیف کنید. (القاگر ایده آل است)



۱۸۴ در شکل زیر، یک عقربه مغناطیسی در بالای یک آهنربا در نقطه A نشان داده شده است. در این صورت سر M آهنربا نشان‌دهنده قطب آهنربا است و اگر عقربه مغناطیسی در مسیر نیم‌دایره‌ای نشان داده شده از نقطه A تا نقطه B به آرامی جابه‌جا شود، در طی این حرکت، عقربه مغناطیسی درجه می‌چرخد.



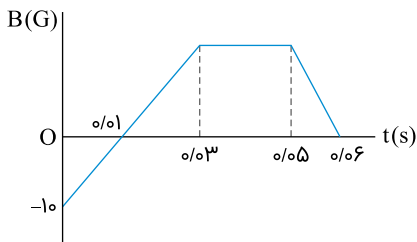
(۱) ۱۸۰، N

(۲) ۱۸۰، S

(۳) ۳۶۰، N

(۴) ۳۶۰، S

۱۸۵ در شکل زیر، نمودار تغییرات میدان مغناطیسی گذرنده از یک پیچه که عمود بر میدان است و مساحت آن 20 cm^2 است و ۲۰ حلقه دارد نشان داده شده است. اگر مقاومت پیچه 2Ω باشد، بیشترین جریان القایی پیچه چند آمپر است؟



(۱) ۲۰

(۲) 2×10^{-3}

(۳) ۴۰

(۴) 4×10^{-3}

پیچۀ مسطح رسانایی با ۵۰۰ دور و مساحت 400 cm^2 و مقاومت 20Ω عمود بر محور x قرار دارد و در میدان مغناطیسی $\vec{B}_1 = 3\vec{i} - 4\vec{j}$ در SI قرار دارد. اگر در مدت ۴۰۰ ثانیه، پیچۀ ۱۸۰ درجه بچرخد تا دوباره بر محور x عمود شود، جریان الکتریکی چند mA می‌شود؟

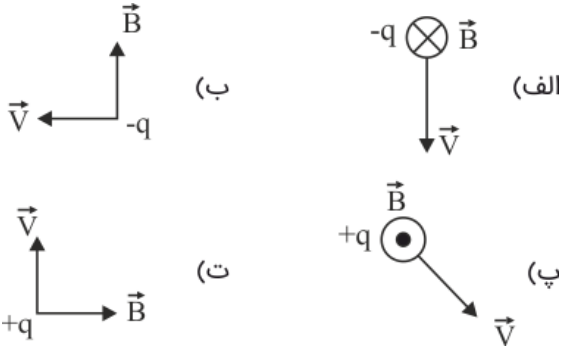
۲۰ (۲)

۲۵ (۱)

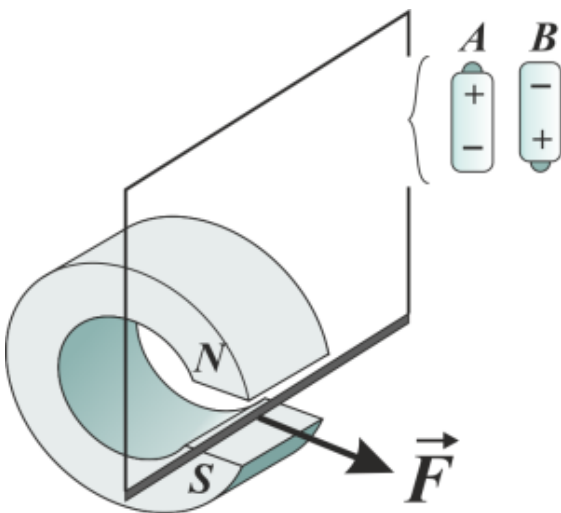
۵ (۴)

۱۵ (۳)

در هر یک از شکل های زیر جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار الکتریکی داده شده را تعیین کنید و به پاسخ برگ منتقل کنید.



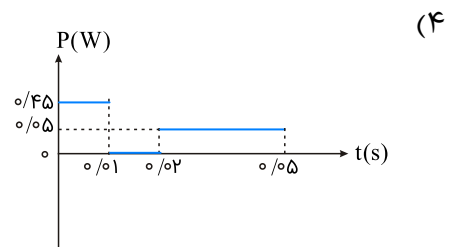
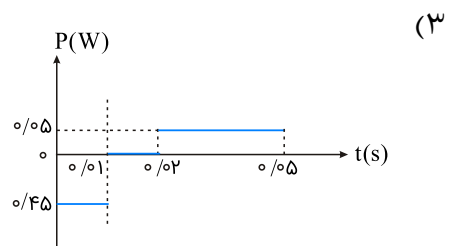
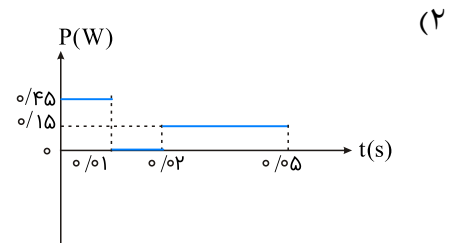
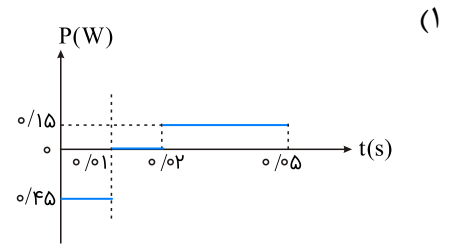
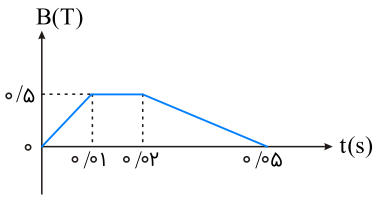
مطابق شکل زیر، یک میله رسانا در فضای بین قطب های یک آهنربای نعلی شکل آویزان شده است.



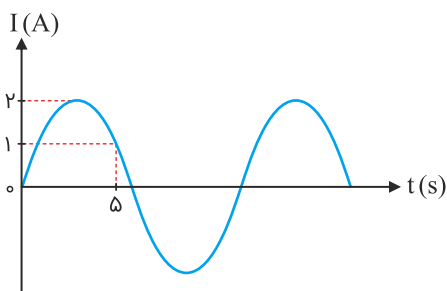
الف کدام باتری را در مدار متصل به میله قرار دهیم تا بر میله نیرویی در جهت نشان داده شده در شکل وارد شود؟ دلیل انتخاب خود را توضیح دهید.

ب چرا هنگامی که میله را عمود بر امتداد میدان مغناطیسی آهنربا قرار می دهیم، بزرگی نیروی وارد بر آن بیشتر از حالت های دیگر است؟

نمودار تغییرات میدان مغناطیسی برحسب زمان، که بر یک حلقه دایره‌ای به شعاع 10 cm و مقاومت $5\ \Omega$ ، عمود است، مطابق شکل زیر است. نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی برحسب زمان در این حلقه کدام است؟ ($\pi \simeq 3$)



نمودار جریان عبوری از پیچۀ یک مولد جریان متناوب که در میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 0.04 T قرار دارد و مساحت هر یک از حلقه‌های آن 50 cm^2 است، مطابق شکل زیر است. شار عبوری از هر یک از حلقه‌های پیچۀ در لحظه 2 s چند وبر است؟



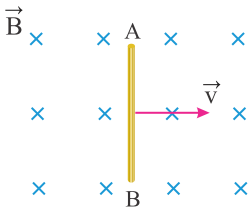
(۱) صفر

(۲) 10^{-4}

(۳) $\sqrt{3} \times 10^{-4}$

(۴) 2×10^{-4}

در شکل زیر میله‌ای را با سرعت ثابت، در جهت نشان داده شده در یک میدان مغناطیسی درون سو حرکت می‌دهیم. در مقایسهٔ پتانسیل نقاط A و B، کدام گزینه صحیح است؟



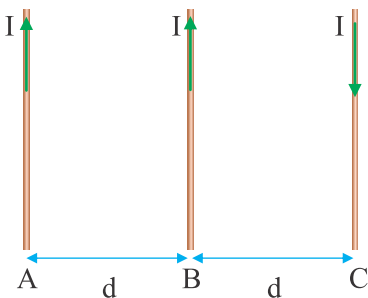
(1) $V_A > V_B$

(2) $V_A < V_B$

(3) $V_A = V_B$

(4) $V_A = V_B = 0$

مطابق شکل سه سیم موازی و بلند A، B و C در یک صفحه قرار دارند. از هر سه سیم جریان‌های برابر I در جهت‌های نشان داده شده عبور می‌کند. اگر اندازهٔ نیروی مغناطیسی خالص وارد بر سیم‌ها را با F_A ، F_B و F_C نمایش دهیم، کدام گزینه درست است؟



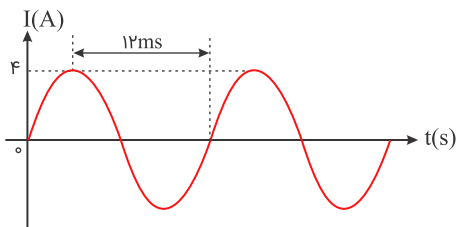
(1) $F_C > F_B > F_A$

(2) $F_B > F_C > F_A$

(3) $F_C > F_A > F_B$

(4) $F_B > F_A > F_C$

شکل زیر نمودار جریان متناوبی را نشان می‌دهد که از یک رسانای اهمی می‌گذرد. در لحظهٔ $t = 12 \text{ ms}$ ، اندازهٔ نیروی محرکهٔ القایی چند ولت است و در چه لحظه‌ای برحسب میلی‌ثانیه، جریان برای اولین بار در رسانا بیشینه می‌شود؟



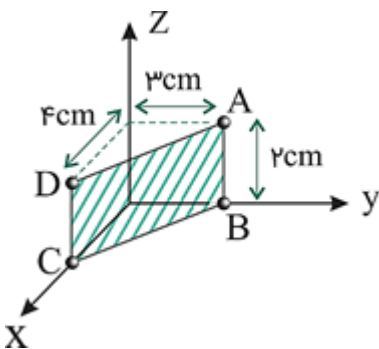
(1) صفر، 3

(2) صفر، 4

(3) 3، 20

(4) 4، 20

در شکل زیر، میدان یکنواختی به بزرگی $B = 0.04 \text{ T}$ در راستای محور xها برقرار است.



الف) شار عبوری از سطح ABCD را محاسبه کنید.

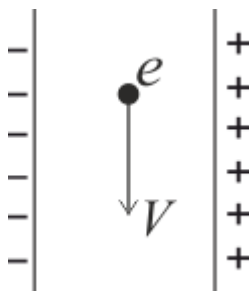
ب) اگر در مدت 0.1 s به صورت یکنواخت، شدت میدان از 0.04 T به 0.06 T افزایش یابد، نیروی محرکهٔ القایی در حلقه را محاسبه کنید.

جاهای خالی را با عبارتهای مناسب کامل کنید:

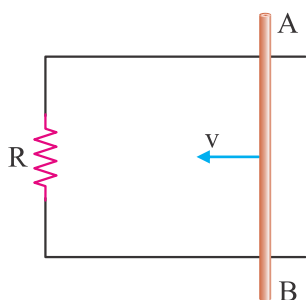
۱۹۵ قطبهای آهنربا برهم نیروی رانشی وارد می کنند.

۱۹۶ با توجه به تعریف شار مغناطیسی، یک برابر است با یک تسلا در یک مترمربع.

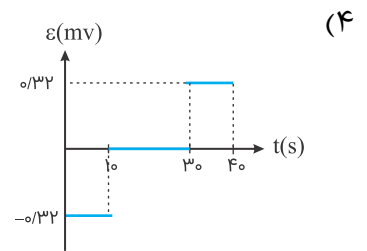
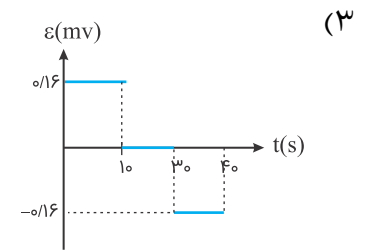
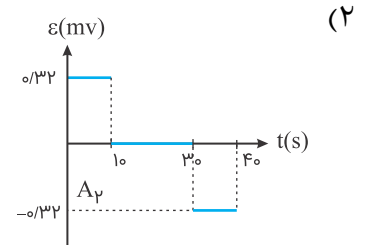
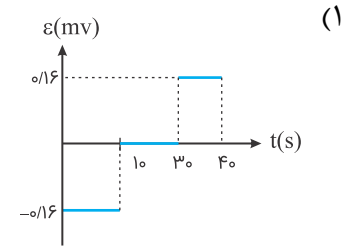
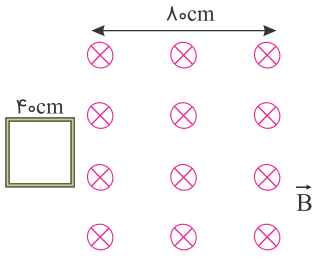
۱۹۷ مطابق شکل، الکترونی در حال عبور از یک میدان الکتریکی یکنواخت با سرعت ثابت V می باشد. برای اینکه الکترون، بدون انحراف از این میدان بگذرد، از یک میدان مغناطیسی یکنواخت استفاده می شود. اگر جرم الکترون ناچیز فرض شود، با رسم صحیح بردارهای نیرو، جهت میدان مغناطیسی را تعیین کنید.



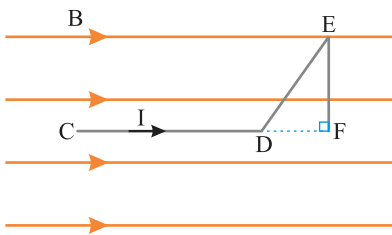
۱۹۸ مطابق شکل زیر، میله فلزی AB با سیمهای رابط و مقاومت R مدار بسته ای را تشکیل می دهند، میله AB با سرعت 4 m/s در جهت نشان داده شده حرکت می کند. اگر میدان مغناطیسی یکنواخت برون سو با اندازه 5 T در صفحه برقرار باشد، اندازه و جهت جریان القایی در مدار را تعیین کنید. (مقاومت کل مدار 6Ω و $AB = 30 \text{ cm}$)



مطابق شکل زیر، حلقهٔ رسانای مربع شکلی با تندی ثابت 4 cm/s از درون میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 0.2 T عبور می‌کند. نمودار نیروی محرکهٔ القایی در حلقه بر حسب زمان کدام است؟



مطابق شکل سیم $CDEF$ که حامل جریان 2 A است در میدان $B = 0.2 \text{ T}$ قرار دارد. نیروی وارد بر سیم $CDEF$ چند نیوتن است؟ ($EF = 2\sqrt{3} \text{ m}$, $DE = 4 \text{ m}$, $CD = 2 \text{ m}$)



(1) $4\sqrt{3}$

(2) $0.8\sqrt{3}$

(3) صفر

(4) 0.8



پاسخنامه

الف از A به B

$$\Delta U = q\Delta V = -20 \times 10^{-6} \times (-20 - 30) = 10^{-3} \text{ J}$$

ب

شماره (۳). در میدان الکتریکی، بر بار الکتریکی مثبت، نیرو در جهت میدان و بر بار منفی، نیرو در خلاف جهت میدان وارد می‌شود. در تراکم بیشتر خطوط، میدان قوی‌تر و نیرو بزرگ‌تر است.

۲

ریابشی است؛ زیرا کاغذ در مالش با ابریشم، دارای بار منفی و در مالش با کتان، دارای بار مثبت می‌گردد و بارهای ناهمنام یکدیگر را می‌ربایند.

۳

عدد اتمی نشان‌دهنده تعداد پروتون‌های داخل هسته است لذا از آنجا که بار هر پروتون برابر با بار هر الکترون و مساوی $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$ است خواهیم داشت:

الف

$$q_+ = ne = 92 \times 1/6 \times 10^{-19} \text{ C} = 147/2 \times 10^{-19} \text{ C} = 14/72 \times 10^{-18} \text{ C}$$

ب

در حالت خنثی، تعداد الکترون‌هایی که اطراف هسته قرار دارند با تعداد پروتون‌های درون هسته مساوی است پس بار الکتریکی الکترون‌ها خواهد شد:

$$q_- = -ne = -92 \times 1/6 \times 10^{-19} \text{ C} = -147/72 \times 10^{-18} \text{ C}$$

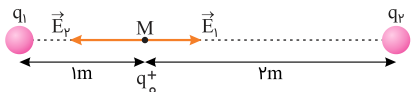
پ

و از آنجا که بار هسته مثبت و بار اطراف هسته منفی و اندازه بارهای مثبت و منفی اتم مساوی است بار خالص اتم صفر است:

$$q = q_+ + q_- = 0$$

۵

میدان برآیند در نقطه M برابر جمع جبری میدان‌های الکتریکی بارهای q_1 و q_2 در این محل است، بنابراین:



$$\vec{E}_M = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 \Rightarrow E_M = E_1 - E_2$$

$$E_M = k|q| \left(\frac{1}{r_1^2} - \frac{1}{r_2^2} \right) = 9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)$$

$$E_M = 36 \times 10^3 \left(1 - \frac{1}{4} \right) = 27 \times 10^3 = 2/7 \times 10^4 \text{ N/C}$$

الف

چون میدان یکنواخت است بنابراین اندازه میدان الکتریکی در همه جا یکسان است و اندازه نیرو را به کمک رابطه زیر می‌توان بدست آورد:

$$F = E|q| = 8 \times 10^5 \times 10 \times 10^{-6} = 8 \text{ N}$$

کار کل نیروی الکتریکی برابر مجموع کار نیروی الکتریکی در مسیر AB و BC است. بنابراین:

$$W_{\text{کل}} = W_{AB} + W_{BC} = Fd \cos \theta = |q| Ed \cos \theta$$

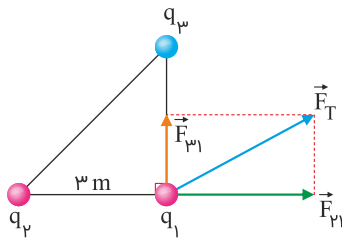
$$= 10 \times 10^{-6} \times 18 \times 10^5 \times 2 \times \cos 180^\circ = -16 \text{ J}$$

طبق رابطه $\Delta U = -W_E$ می‌توان تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی را حساب نمود:

$$\Delta U = -W_E = +16 \text{ J}$$

تراکم خطوط میدان نشان‌دهندهٔ بزرگی میدان است؛ یعنی آن بخش از فضا که خطوط به هم نزدیک‌ترند، نیروی بزرگ‌تری بر ذرات باردار وارد می‌شود؛ لذا میدان الکتریکی در نقطهٔ A قوی‌تر است و نیروی بزرگ‌تری بر ذره‌ای با بار +q اعمال می‌شود.

$$E_A > E_B \Rightarrow E_A q > E_B q \Rightarrow F_A > F_B$$



ابتدا نیروی وارد بر تک تک بارهای q_2 و q_3 را بر بار q_1 را به کمک قانون کولن بدست می‌آوریم:

$$F_{12} = \frac{k|q_2||q_1|}{r^2} = \frac{(9 \times 10^9) \times 4 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(3)^2} = 8 \times 10^{-3} \text{ (N)} \Rightarrow \vec{F}_{12} = (8 \times 10^{-3}) \vec{i}$$

$$F_{13} = \frac{k|q_3||q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(3)^2} = 6 \times 10^{-3} \text{ (N)} \Rightarrow \vec{F}_{13} = (6 \times 10^{-3}) \vec{j}$$

بردار نیروی کل برابر است با:

$$\vec{F}_T = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} = (8 \times 10^{-3}) \vec{i} + (6 \times 10^{-3}) \vec{j}$$

اندازهٔ نیروی کل را به کمک رابطه فیثاغورث می‌توان به دست آورد:

$$|F_T| = \sqrt{F_{12}^2 + F_{13}^2} = \sqrt{(8 \times 10^{-3})^2 + (6 \times 10^{-3})^2} = 1 \times 10^{-2} \text{ N}$$

چون خازن به باتری متصل است V ثابت می‌ماند.

$Q = CV$ ، ثابت، ظرفیت نصف می‌شود پس بار نصف می‌شود.

چون فاصله بین دو صفحه دو برابر می‌شود طبق رابطه $C = \epsilon_0 \frac{A}{d}$ پس ظرفیت نصف می‌شود.

در رابطه محاسبه انرژی خازن یعنی $U = \frac{1}{2} CV^2$ ، V ثابت می‌ماند و ظرفیت نصف می‌شود پس انرژی نصف می‌شود.

۱۰ به کمک رابطه $C = \frac{\kappa A \epsilon_0}{d}$ می‌توان ظرفیت خازن را حساب نمود:

$$C = \frac{\kappa A \epsilon_0}{d} = \frac{2 \times 9 \times 10^{-12} \times 5}{5 \times 10^{-3}} = 18 \times 10^{-9} \text{ F} = 18 \text{ nF}$$

۱۱ الف ظرفیت خازن عبارت است از نسبت بار الکتریکی خازن به اختلاف پتانسیل دو سر آن. اگر ظرفیت خازن را وقتی دی‌الکتریک هوا است با C_0 نمایش دهیم، در این صورت

$$C_0 = \frac{q}{V} \Rightarrow C_0 = \frac{720 \mu\text{C}}{60 \text{ V}} \Rightarrow C_0 = 12 \mu\text{F}$$

ب وقتی بین صفحات را با دی‌الکتریک پُر می‌کنیم ظرفیت خازن نسبت به حالتی که دی‌الکتریک هوا است از رابطه $C = \kappa C_0$ به دست می‌آید. بنابراین داریم:

$$C = \kappa C_0 = 3 \times 12 \mu\text{F} = 36 \mu\text{F}$$

پ به کمک رابطه ظرفیت خازن ($C = \frac{q}{V}$) می‌توان بار الکتریکی ذخیره شده در آن را حساب کرد:

$$C = \kappa C_0 \Rightarrow C = 3 \times 12 \mu\text{F} = 36 \mu\text{F}$$

$$q' = CV \Rightarrow q' = (36 \mu\text{F}) \times 60 \text{ V} = 2160 \mu\text{C}$$

۱۲ الف انرژی خازن را می‌توان از رابطه $U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$ بدست آورد:

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} \times \frac{(100 \times 10^{-9})^2}{20 \times 10^{-9}} = \frac{1}{2} \times 10^{-6} \text{ J}$$

ب با سه برابر شدن فاصله صفحات خازن، ظرفیت آن $\frac{1}{3}$ می‌شود. بنابراین:

$$U' = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C'} \xrightarrow{C' = \frac{1}{3}C} U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{\frac{1}{3}C} = 3 \times \underbrace{\left(\frac{1}{2} \frac{q^2}{C}\right)}_U$$

انرژی ذخیره شده ۳ برابر می‌شود.

۱۳ الف $q_2 < 0, q_1 > 0$

ب q_1

پ $V_A < V_B$

ت $E_B > E_A$

پاسخ سؤال ۱۴

۱۴ درست

پاسخ سؤال ۱۵

۱۵ افزایش

ظرفیت خازن مسطح از رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ به دست می‌آید؛ لذا ظرفیت خازن با κ و A نسبت مستقیم و با d رابطه عکس دارد؛ یعنی:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2}$$

پس باتوجه به $\kappa_2 = 16$, $\kappa_1 = 1$, $A_2 = 0.8 A_1$, $d_2 = 0.4 d_1$ داریم:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{16}{1} \times \frac{0.8 A_1}{A_1} \times \frac{d_1}{0.4 d_1} = 32 \Rightarrow C_2 = 32 C_1$$

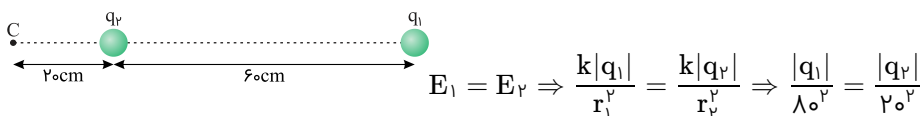
وقتی خازن به باتری متصل است، اختلاف پتانسیل دو سر خازن همواره ثابت خواهد بود؛ لذا باتوجه به رابطه $q = CV$ از آنجا که V مقدار ثابتی است:

$$\frac{q_2}{q_1} = \frac{C_2}{C_1} \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = 32 \Rightarrow q_2 = 32 q_1$$

چون ولتاژ دو سر باتری ثابت است باتوجه به رابطه $U = \frac{1}{C} CV^2$ خواهیم داشت:

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} = 32 \Rightarrow U_2 = 32 U_1$$

چون قرار است، میدان الکتریکی در نقطه C صفر باشد، پس میدان‌های الکتریکی ناشی از q_1 و q_2 در این نقطه باید باهم برابر و در خلاف جهت هم باشند. (متوازن باشند):



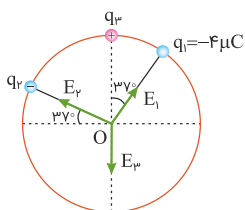
$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k|q_2|}{r_2^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{0.8^2} = \frac{|q_2|}{0.4^2}$$

$$\frac{|q_1|}{|q_2|} = \left(\frac{0.8}{0.4}\right)^2 \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = 16$$

ضمناً چون نقطه C خارج از دایره قرار دارد، پس یعنی، q_1 و q_2 ناهم‌نام هستند:

$$\frac{q_1}{q_2} = -16$$

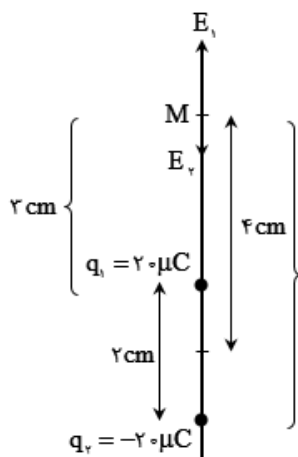
برای خنثی شدن E_{1x} لازم است علامت q_2 منفی باشد. از طرفی برای خنثی شدن دو بردار هم‌جهت E_{1y} و E_{2y} ، علامت q_3 باید مثبت باشد:



$$\begin{cases} E_{1x} = E_{2x} \Rightarrow E_1 \sin 37^\circ = E_2 \cos 37^\circ \Rightarrow \frac{k|q_1|}{r^2} \times 0.6 = \frac{k|q_2|}{r^2} \times 0.8 \\ E_{1y} + E_{2y} = E_3 \Rightarrow E_1 \cos 37^\circ + E_2 \sin 37^\circ = E_3 \Rightarrow \frac{k|q_1|}{r^2} \times 0.8 + \frac{k|q_2|}{r^2} \times 0.6 = \frac{k|q_3|}{r^2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4 \times 0.6 = |q_2| \times 0.8 \Rightarrow q_2 = 3 \mu C \\ 4 \times 0.8 + |q_2| \times 0.6 = |q_3| \Rightarrow 3/2 + 3 \times 0.6 = |q_3| \Rightarrow q_3 = 5 \mu C \end{cases}$$

برای آنکه میدان الکتریکی را در یک نقطه به دست آوریم فرض می‌کنیم در آن نقطه بار الکتریکی مثبت آزمون قرار گرفته است.



اگر بار مثبت آزمون در نقطه M باشد بار q_1 آن را دفع می‌کند و بار q_2 آن را جذب خواهد نمود؛ اما باتوجه به برابر بودن اندازه بارها و اینکه فاصله q_1 تا M کمتر از فاصله q_2 تا M است؛ بنابراین: $E_1 > E_2$ میدان هر ذره را مستقل حساب می‌کنیم.

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \frac{20 \times 10^{-6}}{(1 \times 10^{-2})^2} = 9 \times 10^9 \frac{20 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-4}} = 20 \times 10^9 \text{ N/C}$$

$$E_2 = k \frac{|q_2|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \frac{20 \times 10^{-6}}{(1 \times 10^{-2})^2} = 9 \times 10^9 \frac{20 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-4}} = 7/2 \times 10^9 \text{ N/C}$$

و در نتیجه:

$$\vec{E}_T = E_1 \vec{j} - E_2 \vec{j} = 20 \times 10^9 \vec{j} - 7/2 \times 10^9 \vec{j} = 12/8 \times 10^9 \vec{j}$$

الف ۲۰

ظرفیت خازن تخت از رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ به دست می‌آید.

$$A = 800 \text{ cm}^2 = 800 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$d = 0.02 \mu = 0.02 \times 10^{-6} \text{ m} = 2 \times 10^{-8} \text{ m}$$

بنابراین:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} = 4 \times 8/85 \times 10^{-12} \frac{800 \times 10^{-4}}{2 \times 10^{-8}} = 14160 \times 10^{-8} \text{ F}$$

$$\Rightarrow C = 141/6 \times 10^{-6} \text{ F} = 141/6 \mu\text{F}$$

ب

باتوجه به اینکه حداکثر میدان الکتریکی که خازن می‌تواند تحمل نماید؛ داده شده است. پس از رابطه زیر می‌توانیم پتانسیل فروریزش را محاسبه کنیم:

$$V \text{ فروریزش} = E \text{ فروریزش} \times d$$

$$d = 2 \times 10^{-8} \text{ m} = 2 \times 10^{-5} \times 10^{-3} \text{ m} = 2 \times 10^{-5} \text{ mm}$$

پس:

$$V \text{ فروریزش} = 18 \text{ kV/mm} \times 2 \times 10^{-5} \text{ mm} = 36 \times 10^{-5} \text{ kV}$$

$$\Rightarrow V \text{ فروریزش} = 36 \times 10^{-2} \text{ V} = 0.36 \text{ V}$$

۲۱

وقتی 3 mC بار الکتریکی از صفحه $-q$ جدا می‌شود و به صفحه $+q$ انتقال پیدا می‌کند بار خازن برابر با $q + 3 \text{ mC}$ می‌شود. بنابراین:

$$U_2 - U_1 = \lambda \Rightarrow \frac{1}{2} \frac{q_2^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{q_1^2}{C} = \lambda$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \frac{(q + 3)^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \lambda \Rightarrow q^2 + 6q + 9 - q^2 = \lambda \times 2 \times 12 \Rightarrow 6q + 9 = \lambda \times 2 \times 12$$

$$\Rightarrow 6q = 3 \times 61 \Rightarrow q = 30/5 \text{ mC}$$

توجه: در رابطه $U = \frac{q^2}{2C}$ ، اگر q و C را به ترتیب بر حسب μF و μC قرار دهیم، U بر حسب μJ بدست می‌آید.

$$q'_B = q'_C = \frac{-45 + 35}{2} = -5 \mu C$$

با نزدیک شدن میله شیشه‌ای باردار که مثبت است، بار کره B از $-5 \mu C$ کوچکتر می‌شود، مثلاً به $(-5 - |q|) \mu C$ می‌رسد. حالا با باز شدن K_1 و دور کردن میله، این بار در کره B حبس می‌شود. اینک با بستن K_2 خواهیم داشت:

$$q'_A = q''_B = \frac{q_A + q'_B}{2} = \frac{20 + (-5 - |q|)}{2} = \frac{15 - |q|}{2} = 7.5 - \frac{|q|}{2}$$

و قطعاً $7.5 - \frac{|q|}{2} < 7.5$ خواهد بود، پس:

$$q_A \text{ نهایی} = q_B \text{ نهایی} < 7.5 \mu C$$

با بستن کلید k_1 ، بار کره A، قرینه می‌شود؛ یعنی $q'_A = -q_A$ و از طرفی چون دو کره A و C هم‌اندازه‌اند با بستن کلید، بارشان یکسان می‌شود؛ یعنی $q'_A = q'_C$. اکنون با نوشتن قانون پایستگی بار الکتریکی برای دو کره A و C داریم:

$$q_A + q_C = q'_A + q'_C \Rightarrow q_A + q_C = q'_A + q'_A = 2q'_A$$

$$\Rightarrow q_A + q_C = 2(-q_A) \Rightarrow q_A + q_C = -2q_A \Rightarrow q_C = -3q_A$$

$$\Rightarrow 15 = -3q_A \Rightarrow q_A = -5 \mu C$$

با بستن کلید k_2 ، بار کره A، ۳ برابر می‌شود؛ یعنی $q''_A = 3q_A$ و از طرفی چون دو کره A و B هم‌اندازه‌اند، داریم:

$$q''_A = q''_B$$

حالا با نوشتن قانون پایستگی بار الکتریکی برای دو کره A و B، خواهیم داشت:

$$q_A + q_B = q''_A + q''_B \Rightarrow q_A + q_B = q''_A + q''_A = 2q''_A$$

$$\Rightarrow q_A + q_B = 2(3q_A) \Rightarrow q_B = 6q_A - q_A \Rightarrow q_B = 5q_A = 5(-5) \Rightarrow q_B = -25 \mu C$$

گزینه ۱

باتوجه به رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ ، داریم:

$$\frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{d_1}{d_2} = \frac{1}{\gamma} \times \frac{d_1}{(1 + \frac{\gamma_0}{100})d_1} = \frac{5}{42} \Rightarrow C_2 = \frac{5}{42} C_1$$

$$\frac{C_2 < C_1}{\Delta C < 0} \rightarrow C_2 - C_1 = -37 \mu F \Rightarrow \frac{5}{42} C_1 - C_1 = -37$$

$$-\frac{37}{42} C_1 = -37 \Rightarrow C_1 = 42 \mu F$$

گام اول: میدان الکتریکی بارها را در نقطه O حساب می‌کنیم:

$$r_1 = \sqrt{r} \text{ cm}, r_2 = 3\sqrt{r} \text{ cm}$$

گام دوم: چون فاصله q_1 تا O، سه برابر q_2 تا O و بار q_2 ، نه برابر q_1 است، پس $E_2 = E_1$ است.

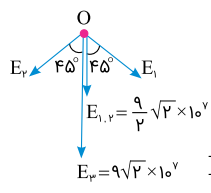
$$E_1 = 9 \times 10^9 \times \frac{9 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{r} \times 10^{-12})^2} = \frac{9}{r} \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

گام سوم: میدان خالص حاصل از q_1 و q_2 را حساب می‌کنیم:

$$E_{1,2} = \sqrt{2} E_1 = \frac{9}{r} \sqrt{2} \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

گام چهارم: میدان q_3 را در O حساب می‌کنیم:

$$E_3 = 9 \times 10^9 \times \frac{9\sqrt{r} \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 9\sqrt{r} \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$



گام پنجم: میدان خالص در O را حساب می‌کنیم:

$$E_t = E_{1,2} + E_3 = \frac{3}{r} \times 9\sqrt{2} \times 10^7 = \frac{13}{5}\sqrt{2} \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

کافی است انرژی خازن را در دو حالت حساب کرده و اختلاف انرژی در دو حالت را برابر کار انجام شده قرار می‌دهیم.

$$U = \frac{1}{2} C_1 V^2, C_1 = 5 \mu\text{F}, C_2 = \frac{\kappa \epsilon_0 A}{d}$$

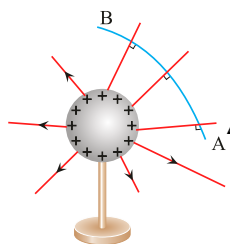
چون، K دو برابر و فاصله صفحات نصف شده، ظرفیت خازن ۴ برابر می‌شود.

$$\begin{cases} U_1 = \frac{1}{2} C_1 V^2 = \frac{1}{2} \times 5 V^2 = \frac{5}{2} V^2 \\ U_2 = \frac{1}{2} C_2 V^2 = \frac{1}{2} \times 20 V^2 = 10 V^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \Delta U = W = 0.003 \text{ J} = 3 \times 10^{-3} \mu\text{J} \\ \Delta U = U_2 - U_1 = 10 V^2 - \frac{5}{2} V^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{15}{2} V^2 = 3 \times 10^{-3} \Rightarrow V^2 = 400 \Rightarrow V = 20 \text{ V}$$

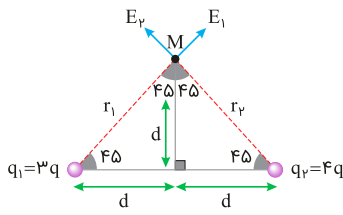
توجه: در رابطه $U = \frac{1}{2} C_1 V^2$ ، اگر C را بر حسب μF قرار دهیم، U بر حسب μJ بدست می‌آید.

مسیر حرکت ذره عمود بر خطوط میدان حاصل از کره باردار است و همچنین در تمام نقاط مسیر فاصله یکسانی از کره دارد. پس تمام نقاط مسیر هم‌پتانسیل هستند و $\Delta V = 0$ می‌باشد. در نتیجه کار نیروی میدان و همچنین تغییرات انرژی پتانسیل ذره نیز صفر است.



$$\Delta V = 0 \Rightarrow \Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-W}{q} = 0 \Rightarrow \Delta U = 0, W = 0$$

فاصله q_1 و q_2 از نقطه M باتوجه به رابطه فیثاغورس برابر است با:



$$r_1 = \sqrt{d^2 + d^2} = \sqrt{2}d$$

$$r_2 = \sqrt{d^2 + d^2} = \sqrt{2}d$$

از طرفی میدان‌های E_1 و E_2 در نقطه M بر یکدیگر عمودند و اندازه آنها برابر است با:

$$E_1 = \frac{k \times 3q}{(\sqrt{2}d)^2} = \frac{3kq}{2d^2}$$

$$E_2 = \frac{k \times 4q}{(\sqrt{2}d)^2} = \frac{4kq}{2d^2} = \frac{2kq}{d^2}$$

از طرفی باتوجه به فرض سؤال $E = \frac{kq}{d^2}$ می‌باشد. پس می‌توان نوشت:

$$E_1 = \frac{3}{2} \frac{kq}{d^2} = \frac{3}{2} E$$

$$E_2 = \frac{2kq}{d^2} = 2E$$

حال برآیند را به دست می‌آوریم:

$$E_T = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} \Rightarrow E_T = \sqrt{(2E)^2 + \left(\frac{3}{2}E\right)^2}$$

$$= \sqrt{4E^2 + \frac{9}{4}E^2} = \sqrt{\frac{16}{4}E^2 + \frac{9}{4}E^2} = \sqrt{\frac{25}{4}E^2} = \frac{5}{2}E$$

منظور از تغییر جهت ذره یعنی زمانی که سرعت ذره صفر می‌شود.

میدان الکتریکی بین دو صفحه رسانای باردار از رابطه $E = \frac{V}{d}$ به دست می‌آید؛ بنابراین:

$$E = \frac{1000}{0.1} = 10^4 \text{ N/C}$$

باتوجه به قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_T = \Delta K \Rightarrow W_{mg} + W_E = \Delta K$$

ΔK عددی منفی خواهد بود؛ چون سرعت کاهش یافته است. W_{mg} نیز عددی منفی است؛ چون حرکت ذره به سمت بالا است. همچنین W_E نیز عددی منفی است؛ چون بار مثبت در خلاف جهت میدان حرکت می‌کند.

$$mgd + E|q|d \cos \theta = \frac{1}{2}m(v_f^2 - v_i^2)$$

$$-2 \times 10^{-3} \times 10 \times d - 10^4 \times 18 \times 10^{-6} \times d = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times (0 - 10^2)$$

$$\Rightarrow 20 \times 10^{-2} d = \frac{1}{10} \Rightarrow d = 0.5 \text{ m}$$

این همان اندازه جابه‌جایی بار تا لحظه توقف است.

باتوجه به اینکه حرکت شتاب‌دار بوده است، می‌توان برای به دست آوردن زمان از رابطه زیر استفاده کرد:

$$\Delta x = \frac{V_1 + V_2}{2} \times t \Rightarrow 0.5 = \frac{10 + 0}{2} \times t \Rightarrow t = 0.1 \text{ s}$$

انرژی پتانسیل الکتریکی بار در نقطه A را U_A در نظر می‌گیریم. چون بار منفی است با حرکت در مسیر AB که در خلاف جهت میدان است، انرژی پتانسیل الکتریکی بار کاهش و با حرکت در مسیر AC که در جهت میدان است، انرژی پتانسیل الکتریکی بار افزایش می‌یابد؛ بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی بار در نقاط B و C برابر است با:

$$\begin{cases} \Delta U_{AB} = U_B - U_A \Rightarrow -3 = U_B - U_A \Rightarrow U_B = U_A - 3 \\ \Delta U_{AC} = U_C - U_A \Rightarrow +2 = U_C - U_A \Rightarrow U_C = U_A + 2 \end{cases}$$

گام دوم: با توجه به نتایج گام اول، تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار در جابه‌جایی فرضی از B تا C برابر است با:

$$U_B - U_C = (U_A - 3) - (U_A + 2) = -5 \text{ J}$$

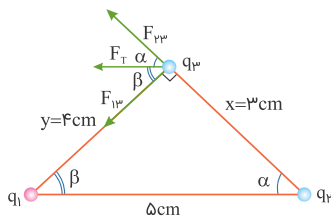
گام سوم: با استفاده از رابطه $\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$ ، اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} \Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_B - V_C = \frac{U_B - U_C}{q} \Rightarrow V_B - V_C &= \frac{-5}{-2 \times 10^{-3}} \\ \Rightarrow V_B - V_C = 2500 \text{ V} = 2.5 \text{ kV} \end{aligned}$$

گوی فلزی جزء سامانه کل جعبه می‌شود و انگار که گوی و جعبه یک جسم رسانا هستند که میدان الکتریکی در داخل رسانا صفر بوده و بار الکتریکی فقط روی سطح خارجی رسانا قرار می‌گیرد به همین دلیل بار روی گوی و سطح داخلی جعبه صفر است. پس گوی و سطح داخلی جعبه خنثی هستند.

$$\vec{F}_{13} = k \frac{q_1 q_3}{y^2}, \quad \vec{F}_{23} = k \frac{q_2 q_3}{x^2}$$

برآیند نیروهای \vec{F}_{13} و \vec{F}_{23} موازی افق فرض شده است. بنابراین مؤلفه‌های عمودی این نیروها یعنی $F_{13} \sin \beta$ و $F_{23} \sin \alpha$ با یکدیگر برابر و برآیندشان برابر صفر است.



$$\begin{aligned} F_{23} \sin \alpha = F_{13} \sin \beta &\Rightarrow \frac{q_2 \times 6}{(3)^2} \times \frac{4}{5} = \frac{2 \times 6}{(4)^2} \times \frac{3}{5} \Rightarrow \frac{4q_2}{9} = \frac{6}{16} \\ \Rightarrow q_2 &= \frac{9 \times 6}{4 \times 16} = \frac{27}{32} \mu\text{C} \end{aligned}$$

از طرفی q_2, q_3 را دفع کرده پس منفی است.

$$F = k \frac{6q}{64} \Rightarrow 3F = k \frac{18q}{64}$$

$$k \frac{18q}{64} = k \frac{F(2q)}{d^2} \Rightarrow \frac{18}{64} = \frac{2}{d^2} \Rightarrow d^2 = \frac{2 \times 64}{18} \Rightarrow d = \frac{16}{3} \text{ cm}$$

میدان الکتریکی بین صفحات خازن از رابطه $E = \frac{V}{d}$ به دست می‌آید. در تغییر اول چون خازن به باتری متصل است، V ثابت است و با 2 برابر شدن فاصله بین دو صفحه، میدان بین دو صفحه نصف می‌شود، پس از جدا شدن خازن از باتری با هر تغییری بار خازن ثابت می‌ماند.

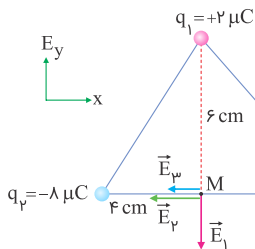
$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow V = \frac{Q}{C} = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}} = \frac{dQ}{\kappa \epsilon_0 A}$$

با جایگذاری رابطه به دست آمده در $E = \frac{V}{d}$ داریم:

$$E = \frac{\frac{dQ}{\kappa \epsilon_0 A}}{d} = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A}$$

بنابراین در این حالت با تغییر d ، میدان الکتریکی بین صفحات خازن ثابت می‌ماند، پس در مجموع دو تغییر، میدان الکتریکی بین صفحات $\frac{1}{2}$ برابر یعنی $\frac{1}{2}E_1$ می‌شود.

با محاسبه میدان‌های الکتریکی حاصل از سه بار الکتریکی داریم:



$$E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-6}}{36 \times 10^{-4}} = 0.5 \times 10^6 \text{ N/C}$$

$$E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{8 \times 10^{-6}}{16 \times 10^{-4}} = 4.5 \times 10^6 \text{ N/C}$$

$$E_3 = \frac{k|q_3|}{r_3^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10 \times 10^{-6}}{25 \times 10^{-4}} = 3.6 \times 10^6 \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_x = -(4.5 \times 10^6 + 3.6 \times 10^6)\vec{i} = -8.1 \times 10^6 \vec{i} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_y = -0.5 \times 10^6 \vec{j} \text{ N/C} \Rightarrow \vec{E} = -8.1 \times 10^6 \vec{i} - 0.5 \times 10^6 \vec{j} = (-8.1\vec{i} - 0.5\vec{j}) \times 10^6 \text{ N/C}$$

روش اول: اگر بار الکتریکی 20% افزایش یابد، یعنی $1/2$ برابر شده است و اگر انرژی آن 16 میکروژول افزایش یابد، داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \xrightarrow{\text{ثابت } C} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{q_2}{q_1}\right)^2$$

$$q_2 = q_1 + 0.2q_1 \Rightarrow q_2 = 1.2q_1$$

$$\frac{U_2 = U_1 + 16 \times 10^{-6} \text{ J}}{U_1} = \left(\frac{1.2q_1}{q_1}\right)^2 = (1.2)^2 \Rightarrow U_1 = \frac{4}{11} \times 10^{-4} \text{ J}$$

$$U_1 = \frac{1}{2} \frac{q_1^2}{C} \Rightarrow \frac{4}{11} \times 10^{-4} = \frac{1}{2} \frac{q_1^2}{22 \times 10^{-6}} \Rightarrow q_1 = 40 \mu\text{C}$$

روش دوم: انرژی در حالت دوم 16 میکروژول افزایش یافته است، داریم:

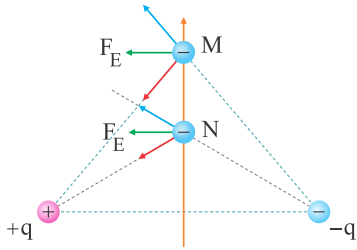
$$U_2 - U_1 = 16 \times 10^{-6} \text{ J} \xrightarrow{U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}} \frac{1}{2} \frac{q_2^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{q_1^2}{C} = 16 \times 10^{-6}$$

$$\xrightarrow{q_2 = 1.2q_1} \frac{1}{2C} (q_2^2 - q_1^2) = \frac{1}{2C} ((1.2q_1)^2 - q_1^2)$$

$$= \frac{1}{2C} (0.44q_1^2) = 16 \times 10^{-6} \xrightarrow{C = 22 \mu\text{F}} \frac{1}{2 \times 22 \times 10^{-6}} (0.44q_1^2) = 16 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow q_1 = 4 \times 10^{-5} \text{ C} = 40 \mu\text{C}$$

ابتدا نیروی الکتریکی وارد بر بار نقطه‌ای منفی را رسم می‌کنیم.



نتیجه‌گیری: چون کار نیروی میدان روی این خط برابر صفر است، بنابراین نقطه M و N هم‌پتانسیل است.

$$V_N - V_M = \frac{-W_{\text{میدان}}}{q} = 0 \Rightarrow V_N = V_M$$

باتوجه به رابطه $E = k \frac{|q|}{r^2}$ میدان الکتریکی هریک از بارها با نزدیک شدن و کاهش فاصله افزایش می‌یابد و درعین حال روی مرکز خط واصل دو بار دو میدان هم‌اندازه در دو سوی مخالف ایجاد می‌شود که برآیندشان صفر است؛ بنابراین میدان برایند پس از افزایش حتماً با کاهش مواجه بوده که روی خط واصل برآیندش به صفر رسیده است.

گام اول

الف) نقطه O در وسط خط واصل دو بار $BO = OC$

ب) نیروی وارد بر بار $q_F = 1 \mu C$ چند نیوتن است؟ $\vec{F} = \vec{F}_{1F} + \vec{F}_{2F} + \vec{F}_{3F} = ? N$

گام دوم

ابتدا فواصل OA و OB را به دست می‌آوریم. ضلع روبه‌رو به زاویه 30° نصف وتر است بنابراین در مثلث $\triangle AOB$ ، $AO = 2 \text{ cm}$ است. طبق رابطه فیثاغورث خواهیم داشت:

$$\begin{cases} AB^2 = OB^2 + OA^2 \\ AB = 4 \text{ cm} \\ OA = 2 \text{ cm} \end{cases} \Rightarrow 16 = OB^2 + 4 \Rightarrow OB = OC = \sqrt{12} \text{ cm}$$

حال به محاسبه مؤلفه‌های افقی و عمودی نیروی وارد شده به q_F می‌پردازیم:
مؤلفه افقی بردار برآیند نیروی وارد شده به q_F برابر است با:

$$\vec{F}_x = |\vec{F}_{3F}| + |\vec{F}_{2F}| = \left| k \frac{q_3 q_F}{(OB)^2} \right| + \left| k \frac{q_2 q_F}{(OC)^2} \right| = 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{12^2 \times 10^{-4}} + 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{12^2 \times 10^{-4}} = 90 \text{ N}$$

مؤلفه عمودی بردار برآیند نیروی وارد شده به q_F برابر است با:

$$|\vec{F}_y| = k \frac{|q_1| |q_F|}{(OA)^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{4 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{4 \times 10^{-4}} = 9 \times 10 = 90 \text{ N}$$

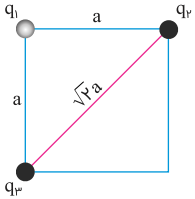
بنابراین نیروی کل وارد شده به q_1 برابر است با:

$$\vec{F} = \sqrt{\vec{F}_x^2 + \vec{F}_y^2} = \sqrt{2 \times (90)^2} = 90\sqrt{2} \text{ N}$$

چون ورقه‌های الکتروسکوپ باز هستند، پس الکتروسکوپ و خازن هر دو بردارند. بار صفحه B و الکتروسکوپ از یک نوع است. با قرار دادن شیشه بدون بار بین صفحات خازن، ظرفیت خازن زیاد می‌شود. زیرا با وجود شیشه که به‌عنوان دی‌الکتریک بین صفحات خازن قرار دارد، ظرفیت خازن افزایش می‌یابد و همچنین بار روی صفحات خازن نیز زیاد می‌شود.

$$q = C \uparrow \underset{\substack{\downarrow \\ \text{ثابت}}}{V} \Rightarrow q \uparrow \text{افزایشی}$$

این افزایش بار روی صفحات از انتقال بار الکتروسکوپ ناشی شده است. پس انحراف ورقه‌ها کاهش می‌یابد.



$$\frac{f_{1,2}}{f_{2,3}} = \frac{\frac{kq^2}{a^2}}{\frac{kq^2}{(\sqrt{2}a)^2}} = 2$$

چون ابعاد صفحات خازن نصف شده، پس مساحت آن $\frac{1}{4}$ برابر می‌شود. باتوجه به رابطه ظرفیت خازن داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{2}{1} \times \frac{\frac{1}{4}A_1}{A_1} \times \frac{d_1}{2d_1} = \frac{1}{4}$$

$$C = \frac{Q}{V} \xrightarrow{\text{ثابت } V} \frac{C_2}{C_1} = \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta Q}{Q_1} \times 100 = \frac{\frac{1}{4}Q_1 - Q_1}{Q_1} \times 100 = -75\%$$

بار اولیه ذره‌ها را q و بار جابه جاشده را x در نظر می‌گیریم، بنابراین با استفاده از قانون کولن می‌توان نوشت:

$$F_2 = F_1 - 0.04F_1 = 0.96F_1 \Rightarrow k \frac{(q-x)(q+x)}{r^2} = \frac{96}{100} k \frac{q \cdot q}{r^2}$$

$$\Rightarrow q^2 - x^2 = \frac{96}{100} q^2 \Rightarrow \frac{4}{100} q^2 = x^2 \xrightarrow{\text{جذر}} x = 0.2q$$

$$\text{درصد بار جابه جاشده} = \frac{x}{q} \times 100 = 0.2 \times 100 = 20\%$$

چون تراکم خطوط میدان در B بیشتر از A است پس: $E_B > E_A$
 وقتی بار الکتریکی (منفی یا مثبت) در جهت خطوط میدان الکتریکی جابه جا شود، پتانسیل الکتریکی کاهش می یابد پس: $V_B > V_A$
 چون q منفی است علامت انرژی پتانسیل الکتریکی برعکس پتانسیل الکتریکی است پس: $U_B < U_A$ از طرفی تغییرات انرژی جنبشی جسم همواره قرینه تغییرات انرژی پتانسیل است بنابراین: $K_B > K_A$

$$E = k \frac{q}{r^2}$$

$$E_1 = E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 5 \times 10^7 \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_1 = 5 \times 10^7 \text{ N/C } \vec{i}$$

$$\vec{E}_2 = 5 \times 10^7 \text{ N/C } \vec{j}$$

$$\vec{E}_A = 5 \times 10^7 \text{ N/C } \vec{i} + 5 \times 10^7 \text{ N/C } \vec{j}$$

ابتدا اختلاف پتانسیل اولیه (V_1) را به دست می آوریم:

$$\left. \begin{aligned} q_1 &= C_1 V_1 \Rightarrow q_1 = 4 \mu\text{F} \times V_1 = 4V_1 \mu\text{C} \\ q_2 &= C_2 V_2 \Rightarrow q_2 = 4 \mu\text{F} \times 10 = 40 \mu\text{C} \end{aligned} \right\} q_2 - q_1 = 40 \mu\text{C} - 4V_1 \mu\text{C}$$

$$32 \mu\text{C} = 40 \mu\text{C} - 4V_1 \mu\text{C}$$

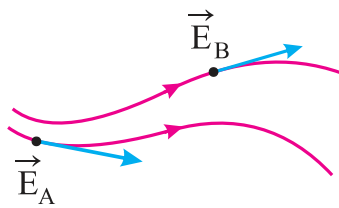
$$4V_1 \mu\text{C} = 8 \mu\text{C}$$

$$V_1 = 2 \text{ V}$$

حالا انرژی خازن را در حالت اول به دست می آوریم.

$$U = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} \times 4 \times 10^{-6} \times (2)^2 = 8 \times 10^{-6} \text{ J} = 8 \mu\text{J}$$

شکل (۲)، زیرا آونگ A پس از تماس با ظرف B جزو سطوح داخلی ظرف B محسوب شده و بارهای الکتریکی روی سطح خارجی جسم رسانا تجمع می کنند و در داخل آن باری باقی نمی ماند.



رسم هر بردار میدان

$$E_C > E_D$$

$$|q_1| > |q_2| \text{ و } q_2 < 0 \text{ و } q_1 > 0$$

$$U_2 - U_1 = \frac{1}{2} \frac{Q_2^2}{C} - \frac{1}{2} \frac{Q_1^2}{C}$$

$$U_2 - U_1 = \frac{1}{2C} (Q_2^2 - Q_1^2)$$

$$Q_1 = 60 \mu\text{C}, \quad Q_2 = 80 \mu\text{C}$$

دقت کنید وقتی $20 \mu\text{C}$ بار الکتریکی از صفحه دارای $60 \mu\text{C}$ بار جدا می‌شود، بار صفحه منفی، $80 \mu\text{C}$ و وقتی $20 \mu\text{C}$ بار الکتریکی به صفحه دارای $60 \mu\text{C}$ بار اضافه شود، بار صفحه مثبت، $80 \mu\text{C}$ می‌شود. بنابراین:

$$\Delta U = \frac{1}{2 \times 10^{-8}} (80^2 - 60^2)$$

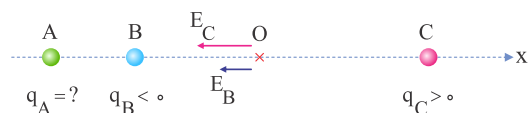
$$\Delta U = 2800 \mu\text{J} = 2/8 \text{ mJ}$$

توجه: در رابطه $U = \frac{Q^2}{2C}$ ، اگر Q و C را به ترتیب بر حسب μC و μF قرار دهیم، U بر حسب μJ بدست می‌آید.

گزینه ۳

۵۰

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_B = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{(3 \times 10^{-1})^2} = 400 \text{ N/C} \Rightarrow \vec{E}_B = -400\vec{i} \\ E_C = \frac{9 \times 10^9 \times 32 \times 10^{-9}}{(4 \times 10^{-1})^2} = 1800 \text{ N/C} \Rightarrow \vec{E}_C = -1800\vec{i} \end{cases}$$



میدان الکتریکی خالص از جمع برداری میدان های \vec{E}_A ، \vec{E}_B و \vec{E}_C به دست می‌آید:

$$\vec{E}_T = \vec{E}_A + \vec{E}_B + \vec{E}_C \Rightarrow -1300\vec{i} = \vec{E}_A + (-400\vec{i}) + (-1800\vec{i})$$

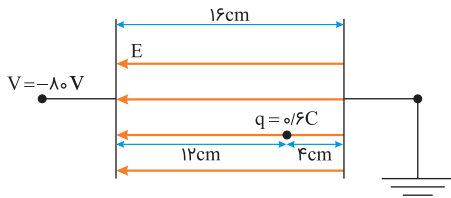
$$\Rightarrow \vec{E}_A = +900\vec{i}$$

چون \vec{E}_A در جهت مثبت محور است، پس q_A مثبت خواهد بود. در نهایت با استفاده از رابطه میدان الکتریکی، q_A را به دست می‌آوریم:

$$r_A = 20 + 30 = 50 \text{ cm} = 0/5 \text{ m}$$

$$E_A = k \frac{|q_A|}{r_A^2} \Rightarrow 900 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_A|}{(0/5)^2}$$

$$\Rightarrow |q_A| = \frac{900 \times 0/25}{9 \times 10^9} = 25 \times 10^{-9} \text{ C} = 25 \text{ nC} \Rightarrow q_A = +25 \text{ nC}$$



گام اول: باتوجه به اینکه جهت میدان الکتریکی به طرف چپ است و بار $q > 0$ است، نتیجه می‌گیریم که نیروی وارد بر بار به طرف چپ است و بار به صفحه سمت چپ برخورد خواهد کرد.
گام دوم: باتوجه به اینکه فاصله دو صفحه ۱۶ cm و فاصله نقطه M تا صفحه سمت چپ ۱۲ cm است، اختلاف پتانسیل الکتریکی M تا صفحه سمت چپ را حساب می‌کنیم:

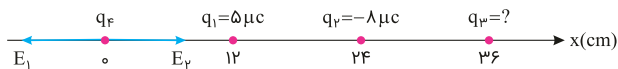
$$\frac{|\Delta V_2|}{|\Delta V_1|} = \frac{d_2}{d_1} \Rightarrow \frac{\lambda_0}{\Delta V_1} = \frac{16}{12} \Rightarrow |\Delta V_1| = 60 \text{ V} \Rightarrow \Delta V_1 = -60 \text{ V}$$

گام سوم: با استفاده از رابطه $\Delta U = -\Delta K$ ، تندی ذره را هنگام برخورد به صفحه سمت چپ حساب می‌کنیم:

$$\Delta U = K_f - K_i$$

$$\Rightarrow q\Delta V_1 = -\frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 0/6 \times (-60) = -\frac{1}{2} \times \frac{20}{1000} \times v^2 \Rightarrow 3600 = v^2 \Rightarrow v = 60 \text{ m/s}$$

نیروی الکتریکی وارد بر بار q_4 صفر است. پس میدان خالص حاصل از بارها در محل بار q_4 صفر است. در این صورت می‌توان نوشت:



$$\left. \begin{aligned} E_1 &= \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{k \times 5}{144} \\ E_2 &= \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{k \times 1}{576} \end{aligned} \right\} \Rightarrow E_1 - E_2 = \frac{20k - 1k}{576} = \frac{19k}{576} = \frac{k}{48}$$

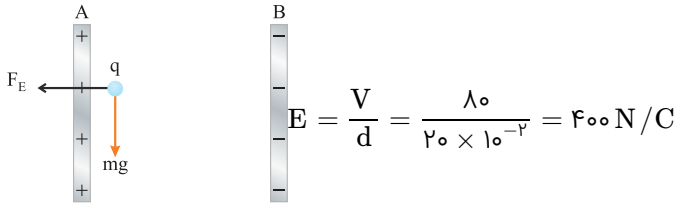
بنابراین میدان حاصل از بار q_3 باید در جهت مثبت محور بوده و مقدار میدان خالص حاصل از دو بار q_1 و q_2 را خنثی کند. پس می‌توان نوشت:

$$E_3 = \frac{k|q_3|}{d^2} = \frac{k}{48} \Rightarrow \frac{|q_3|}{36 \times 36} = \frac{1}{48} \Rightarrow |q_3| = 27 \mu\text{C}$$

میدان بار q_3 در جهت مثبت محور است بنابراین:

$$\Rightarrow q_3 = -27 \mu\text{C}$$

به ذره‌ای که در راستای میدان الکتریکی یکنواخت پرتاب می‌شود، نیروی الکتریکی از طرف میدان و نیروی وزن وارد می‌شود پس داریم:



کار انجام شده توسط نیروی الکتریکی و نیروی وزن را محاسبه می‌کنیم:

$$W_E = F_E d \cos \theta \xrightarrow{\theta=180^\circ} W_E = -E |q| d = -400 \times 3 \times 10^{-6} \times 10 \times 10^{-2} = -120 \times 10^{-6} \text{ J}$$

چون بار منفی است و تمایل به حرکت در خلاف جهت میدان دارد پس کار نیروی وارد بر آن منفی شده است.

$$W_{mg} = mgd \cos \theta \xrightarrow{\theta=90^\circ} W_{mg} = 0$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_{\text{کل}} = W_E = \Delta K = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2) \Rightarrow -120 \times 10^{-6} = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (0 - v_0^2) \\ \Rightarrow v_0^2 = 12 \times 10^{-6} \Rightarrow v_0 = 2\sqrt{3} \times 10^{-2} \text{ m/s}$$

$$E = \frac{V}{d} = \frac{q}{\kappa \epsilon_0 A} \xrightarrow{\kappa=1} E = \frac{q}{\epsilon_0 A}$$

طبق رابطه $E = \frac{q}{\epsilon_0 A}$ چون مقدار q و A ثابت است با نزدیک کردن صفحات به هم میدان الکتریکی میان صفحات ثابت است پس نیروی الکتریکی ثابت مانده و چون نیروی وزن هم ثابت است پس بار همچنان در حال تعادل باقی می‌ماند.

شکل ساده‌ای رسم می‌کنیم و باتوجه به علامت بارها، جهت نیروی الکتریکی‌ای که هر بار بر بار q_5 وارد می‌کند را مشخص می‌کنیم. طول هر ضلع مربع 6 cm است. بنابراین فاصله بار q_5 از هر یک از بارها $3\sqrt{2}\text{ cm}$ است و از تکنیک محاسباتی 90° در قانون کولن می‌توان نوشت:

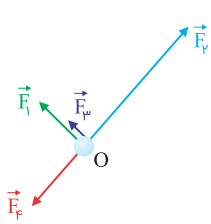
$$F_1 = 90 \times \frac{4 \times 4}{(3\sqrt{2})^2} = 80\text{ N} ; F_2 = 90 \times \frac{4 \times 4}{(3\sqrt{2})^2} = 140\text{ N}$$

$$F_3 = 90 \times \frac{4 \times 1}{(3\sqrt{2})^2} = 20\text{ N} ; F_4 = 90 \times \frac{4 \times 2}{(3\sqrt{2})^2} = 40\text{ N}$$

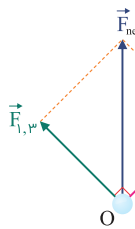
نیروهای \vec{F}_1 و \vec{F}_3 هم‌جهت هستند، بنابراین $F_{1,3} = 20 + 80 = 100\text{ (N)}$ ، همچنین نیروهای \vec{F}_2 و \vec{F}_4 در خلاف جهت هم هستند، بنابراین:

$$F_{2,4} = 140 - 40 = 100\text{ N}$$

قطرهای مربع بر هم عمودند، بنابراین داریم:



≡



$$|\vec{F}_{\text{net}}| = \sqrt{F_{1,3}^2 + F_{2,4}^2} = \sqrt{100^2 + 100^2}$$

$$\Rightarrow |\vec{F}_{\text{net}}| = 100\sqrt{2}\text{ N}$$

نیروی خالص در جهت محور y است، پس می‌توان نوشت:

$$\vec{F}_{\text{net}} = +100\sqrt{2}\vec{j}$$

پاسخ سؤالات ۵۶ تا ۵۷

۵۶ بار الکتریکی

۵۷ خلاف جهت

پاسخ سؤالات ۵۸ تا ۶۰

۵۸ ولتاژ ثابت است و $P = \frac{V^2}{R}$

$$\text{موازی } R_{1\text{eq}} = \frac{R}{2}$$

$$\text{متوالی } R_{2\text{eq}} = 2R$$

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{\frac{V^2}{R_{1\text{eq}}}}{\frac{V^2}{R_{2\text{eq}}}} = \frac{R_{2\text{eq}}}{R_{1\text{eq}}} = \frac{2R}{\frac{R}{2}} = 4$$

۵۹ با بستن کلید، لامپ ۲ از مدار خارج شده و خاموش می‌شود و مقاومت مدار کاهش می‌یابد و جریان مدار افزایش یافته و نور لامپ ۱ افزایش می‌یابد. آمپرسنج آسیب خواهد دید.

۶۰ مجموع جریان‌های ورودی برابر با مجموع جریان‌های خروجی است بنابراین:

$$3 + 2 = 2 + 1 + I \Rightarrow I = 2\text{ A}$$

$$R_{12} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{12 \times 4}{12 + 4} = 3 \Omega$$

R_{12} با R_3 متوالی است:

$$R_{123} = R_{12} + R_3 = 3 + 7 = 10 \Omega$$

R_{123} با R_4 موازی است؛ پس:

$$R_T = \frac{R_{123} R_4}{R_{123} + R_4} = \frac{10 \times 10}{10 + 10} = 5 \Omega$$

جریان الکتریکی که از باتری عبور می‌کند:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{35}{5 + 2} = 5 \text{ A}$$

چون $R_{123} = R_4$ ؛ پس جریان 5 A به نسبت مساوی بین R_{123} و R_4 تقسیم می‌شود؛ یعنی:

$$I_{123} = I_4 = 2.5 \text{ A}$$

و آمپرسنج جریان 2.5 A را نمایش می‌دهد.

ولت‌سنج اختلاف‌پتانسیل دو سر باتری را نشان می‌دهد که عبارت است از:

$$V = \varepsilon - Ir$$

$$\Rightarrow V = 35 - 5 \times 2 = 25 \text{ V}$$

توان خروجی باتری از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$P = \varepsilon I - I^2 r$$

$$\Rightarrow P = 35 \times 5 - 5^2 \times 2 = 125 \text{ W}$$

و توان کل تولیدی در مولد از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\text{توان کل تولیدی} = \varepsilon I \Rightarrow \text{توان کل تولیدی} = 35 \times 5 = 175 \text{ W}$$

با استفاده از روابط توان تلف شده در باتری و اختلاف پتانسیل دو سر باتری می‌توان نیرو محرکه آن را بدست آورد:

$$\left. \begin{aligned} V = \varepsilon - rI &\Rightarrow 60 = \varepsilon - r \times 4 \\ P_r = rI^2 &\Rightarrow 20 = r \times 4^2 \Rightarrow r = \frac{5}{4} \Omega \end{aligned} \right\} \Rightarrow \varepsilon = 60 + \frac{5}{4} \times 4 = 65 \text{ V}$$

ابتدا جریان مدار را محاسبه می‌کنیم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{12} = 1 \text{ A}$$

حال پتانسیل نقاط A و B را بدست می‌آوریم:

$$V_A - 6I = V_G \Rightarrow V_A - 6 \times 1 = 0 \Rightarrow V_A = 6 \text{ V}$$

$$V_B + 2I + 3I = V_G \Rightarrow V_B + 5 \times 1 = 0 \Rightarrow V_B = -5 \text{ V}$$

۶۴ قانون اهم بیان می‌کند که ولتاژ دو سر یک رسانا متناسب با جریان عبوری از آن است. (مشروط بر اینکه سایر عوامل مانند دما ثابت فرض شوند)

۶۵ اختلاف پتانسیل پایانه‌های مثبت و منفی یک منبع آرمانی برابر نیروی محرکه الکتریکی است.

۶۶ الف ابتدا بار عبوری در آذرخش را حساب می‌کنیم. سپس با استفاده از آن، جریان عبوری را بدست می‌آوریم:

$$\Delta U = q\Delta V \Rightarrow q = \frac{\Delta U}{\Delta V} = \frac{1 \times 10^9}{5 \times 10^7} = 20 \text{ C}$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{20}{0.2} = 100 \text{ A}$$

ب با استفاده از رابطه توان داریم:

$$P = \frac{\Delta U}{\Delta t} = \frac{10^9}{0.2} = 5 \times 10^9 \text{ W}$$

پاسخ سؤالات ۶۷ تا ۶۸

۶۷

حال با استفاده از رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ می‌توان مقاومت ویژه را حساب نمود:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow 22 = \rho \times \frac{1/1}{3/4 \times 10^{-6}} \Rightarrow \rho = 68 \times 10^{-6} \Omega.m$$

۶۸ با استفاده از رابطه مقاومت بر حسب دما داریم:

$$R = R_0(1 + \alpha\Delta T) \Rightarrow 44 = 22(1 + 2 \times 10^{-3} \times \Delta T)$$

$$\Delta T = 500 \text{ K} \Rightarrow T_2 - \frac{T_1}{473} = 500 \Rightarrow T_2 = 973 \text{ K}$$

پاسخ سؤالات ۶۹ تا ۷۳

۶۹ نادرست

۷۰ نادرست

۷۱ درست

۷۲ درست

۷۳ نادرست

۷۴

$$A_{\text{شیب}} > B_{\text{شیب}} \Rightarrow R_A < R_B$$

رسانای A دارای مقاومت کمتری است، زیرا در نمودار $I - V$ ، شیب و مقاومت رابطه عکس دارند.

۷۵

$$\frac{1}{R_{\nu, \omega}} = \frac{1}{R_{\nu}} + \frac{1}{R_{\omega}} = \frac{1}{\omega} + \frac{1}{\nu} \Rightarrow R_{\nu, \omega} = \nu \Omega$$

$$R_{eq} = R_1 + R_{\nu, \omega} = \omega + \nu = \omega \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{\omega + 1} = 2 A$$

$$P = \varepsilon I - r I^2 = 12 \times 2 - 1 \times (2)^2 = 20 W$$

الف

ب

پ

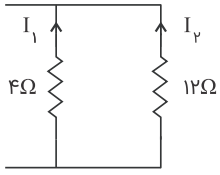
پاسخ سؤال ۷۶

بار الکتریکی

۷۶

الف

۷۷



$$\frac{I_{\nu}}{I_1} = \frac{R_1}{R_{\nu}} \Rightarrow I_1 = 3 I_{\nu}$$

$$I_1 + I_{\nu} = 4 \Rightarrow I_{\nu} = 1 A$$

$$I = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_{\nu}}{R_{eq} + r_1 + r_{\nu}} \Rightarrow 4 = \frac{\varepsilon_0 - \varepsilon_{\nu}}{10 + 2} \Rightarrow \varepsilon_{\nu} = 12 V$$

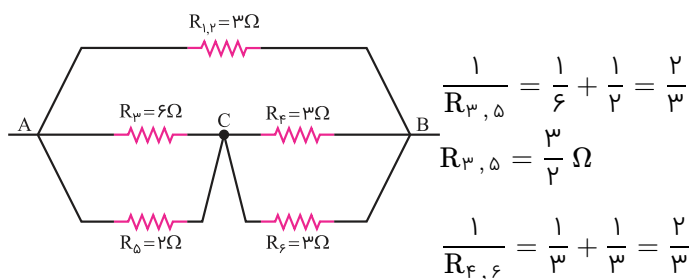
$$I = \frac{V}{R} \Rightarrow I = \frac{4}{\omega} = 0.8 A$$

$$I t = n e \Rightarrow 0.8 \times 300 = n \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$n = \frac{240}{1.6 \times 10^{-19}} = 15 \times 10^{20}$$

ب

۷۸



$$R_{F,6} = \frac{3}{2} \Omega$$

$$R_{F,3,5} = \frac{3}{2} + \frac{3}{2} = 3 \Omega$$

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_{1,2}} + \frac{1}{R_{F,3,5,6}} \Rightarrow \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow R_{eq} = \frac{3}{2} \Omega$$

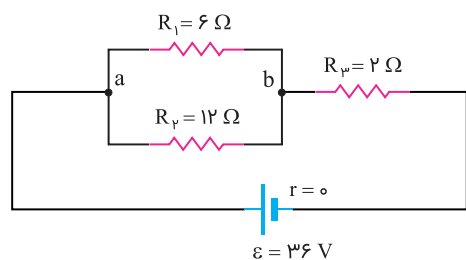
الف ۸۰

لامپ ۱ پر نورتر می‌شود.

ب

با بستن کلید، مقاومت مدار کاهش یافته و طبق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R+r}$ ، جریان مدار و عدد آمپرسنج افزایش می‌یابد و با توجه به رابطه $V = \epsilon - Ir$ عددی که ولتسنج نشان می‌دهد، کاهش می‌یابد.

۸۱



$$R' = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4 \Omega$$

$$R = 4 + 2 = 6 \Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{36}{6} = 6 A$$

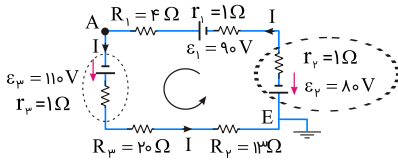
$$I = I' = I_{\psi} = 6 A$$

$$P_{\psi} = I_{\psi}^2 R_{\psi}$$

$$P_{\psi} = 6^2 \times 12 = 432 W$$

۸۲

اگر هر باتری را مستقل در نظر بگیریم، جریان الکتریکی از قطب مثبت به منفی آن باتری خواهد بود؛ لذا در باتری‌های ۹۰ و ۱۱۰ ولتی جریان پادساعت‌گرد و در باتری ۸۰ ولتی ساعت‌گرد است.



چون مجموع نیروی محرکه‌هایی که جریان پادساعت‌گرد تولید می‌کنند بیش از مجموع نیروی محرکه‌هایی است که جریان ساعت‌گرد تولید کرده‌اند؛ پس جریان در مدار، خلاف جهت عقربه‌های ساعت است. با توضیح داده‌شده، جریان در مدار از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$I = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R + \sum r} = \frac{\varepsilon_1 + \varepsilon_2 - \varepsilon_3}{(R_1 + R_2 + R_3) + (r_1 + r_2 + r_3)}$$

$$\Rightarrow I = \frac{90 + 110 - 80}{(4 + 13 + 20) + (1 + 1 + 1)} = \frac{120}{40} = 3 \text{ A}$$

در یک جهت دلخواه از A تا E را در مدار طی می‌کنیم. چون نقطه E به زمین متصل است: $V_E = 0$ ؛ پس:

$$V_A + \varepsilon_3 - I r_3 - I R_3 - I R_2 = V_E = 0$$

$$\Rightarrow V_A = -110 + (3 \times 1) + (3 \times 20) + (3 \times 13)$$

$$\Rightarrow V_A = -110 + 102 = -8 \text{ V}$$

یادآوری:

- * اگر از پایانه منفی به مثبت باتری برویم، پتانسیل الکتریکی به اندازه نیروی محرکه زیاد می‌شود و برعکس.
- * اگر در جهت جریان از یک مقاومت عبور کنیم؛ پتانسیل الکتریکی به اندازه IR کم می‌شود و برعکس.

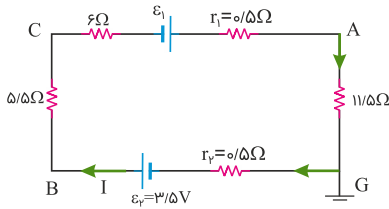
طبق تعریف اختلاف پتانسیل داریم:

$$V_E - V_A = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow 0 - (-8) = \frac{\Delta U}{-1 \mu\text{C}} \Rightarrow \Delta U = -64 \mu\text{J}$$

یعنی ۶۴ کیلوژول انرژی آزاد می‌شود.

توان مصرفی از رابطه $P = RI^2$ به دست می‌آید:

$$P_3 = R_3 I^2 = 20 \times 3^2 = 180 \text{ W}$$



$$V_A - 11/5 I - 0/5 I + 3/5 = V_B$$

$$\Rightarrow \begin{cases} V_A - V_B = 12I - 3/5 \\ V_A - V_B = 2/5 V \end{cases} \Rightarrow 12I - 3/5 = 2/5 \Rightarrow I = 0/5 A$$

حال از نقطه C تا زمین حرکت می کنیم و افت و خیز پتانسیل را می نویسیم:

$$\Rightarrow V_C + 5/5 I - 3/5 + 0/5 I = 0 \Rightarrow V_C = 3/5 - 6 \times 0/5 = 0/5 V$$

از نقطه C تا G به صورت ساعتگرد، افت و خیز پتانسیل را می نویسیم:

$$V_C - 6I + \epsilon_1 - 0/5 I - 11/5 I = 0 \Rightarrow 0/5 - 18 \times 0/5 + \epsilon_1 = 0 \Rightarrow \epsilon_1 = 8/5 V$$

$$P_{\text{خروجی باتری 1}} = \epsilon_1 I - r_1 I^2 = 8/5 \times 0/5 - 0/5 \times 0/5^2 = 4/125 W$$

ابتدا جریان الکتریکی را بدست می آوریم:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{f}{5} = 0/8 A$$

با مشخص شدن جریان، براحتی می توان تعداد الکترون های عبوری را حساب نمود:

$$I = \frac{q}{t} \xrightarrow{q=ne} I = \frac{ne}{t} \Rightarrow n = \frac{I \times t}{e} \Rightarrow n = \frac{0/8 \times 5 \times 60}{1/6 \times 10^{-19}} = 15 \times 10^{20}$$

پاسخ سؤال ۸۵

با استفاده از قانون اهم داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} = 1 \times \frac{1}{2} = 2$$

با ترکیب رابطه جریان و رابطه $q = ne$ داریم:

$$I = \frac{q}{t} = \frac{ne}{t} = \frac{1 \times 10^{18} \times 1/6 \times 10^{-19}}{2} = 0/64 A = 640 mA$$

پاسخ سؤالات ۸۷ تا ۸۹

اهم متر

کمتر

$$V = \varepsilon - rI$$

$$I = 0 \Rightarrow V = 24 \Rightarrow V = \varepsilon = 24 \text{ V}$$

$$I = 4 \text{ A}, V = 16 \text{ V} \Rightarrow 16 = 24 - 4r \Rightarrow 4r = 8 \Rightarrow r = 2 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon_2 - \varepsilon_1}{R_1 + R_2 + r_1 + r_2} \Rightarrow 1/2 = \frac{\varepsilon_2 - 12}{5} \Rightarrow \varepsilon_2 = \varepsilon_1 - 12 \Rightarrow \varepsilon_2 = 18 \text{ V}$$

$$V_A - 2I + 18 - 0/5I - 1/5I = 0 \Rightarrow V_A - 4I + 18 = 0$$

$$\Rightarrow V_A - 4(1/2) + 18 = 0 \Rightarrow V_A = -13/2 \text{ V}$$

$$\varepsilon_2 \text{ افت پتانسیل} = r_2 I = 0/5 \times 1/2 = 0/6 \text{ V}$$

$$V_2 = \varepsilon_2 - r_2 I = 18 - 0/5 \times 1/2 = 17/4 \text{ V}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2$$

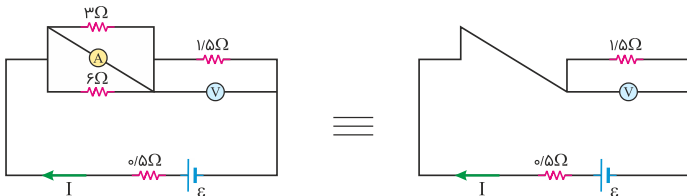
$$L_A = 2L_B$$

$$D_A = 2D_B \Rightarrow r_A = 2r_B$$

$$\rho_A = \rho_B$$

$$\frac{R_A}{R_B} = 1 \times \left(\frac{2L_B}{L_B}\right) \times \left(\frac{r_B}{2r_B}\right)^2 = 2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

باتوجه به آرمانی بودن آمپرسنج، مقاومت آن صفر است و اتصال کوتاه خواهد شد.



ولتاژی که ولتسنج نشان می‌دهد با ولتاژ دو سر مقاومت $1/5 \Omega$ برابر است:

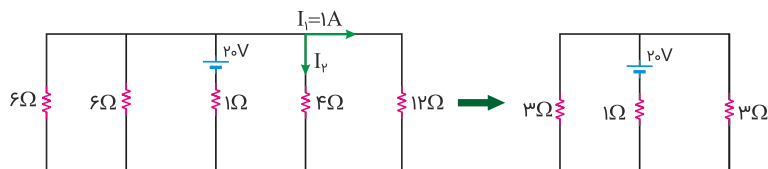
$$V_{\text{ولتسنج}} = RI \Rightarrow 9 = 1/5 I \Rightarrow I = 6 \text{ A}$$

و جریان گذرنده از آمپرسنج، همین $I = 6 \text{ A}$ می‌شود.

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} \Rightarrow 6 = \frac{\varepsilon}{1/5 + 0/5} \Rightarrow \varepsilon = 12 \text{ V}$$

$$P_{\text{تولیدی}} = \varepsilon I = 12 \times 6 = 72 \text{ W}$$

ابتدا مقاومت‌های سمت راست باتری و مقاومت‌های سمت چپ باتری را معادل‌گیری می‌کنیم.



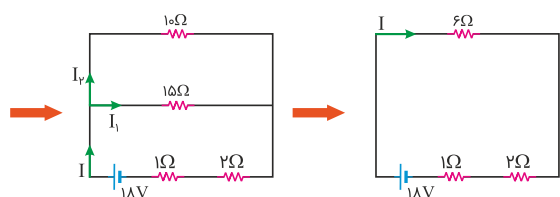
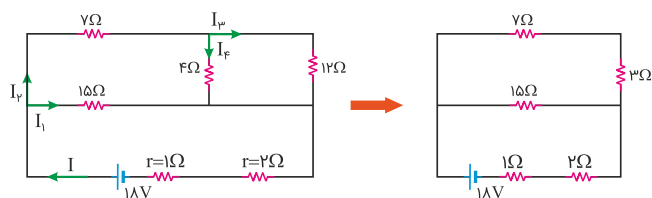
اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های ۴ و ۱۲ اهمی باهم برابر است:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow 12 \times 1 = 4I_2 \Rightarrow I_2 = 3 \text{ A} \Rightarrow I_1 + I_2 = 1 + 3 = 4 \text{ A}$$

باتوجه به اینکه هر دو مقاومت سمت چپ و راست (مقاومت‌های ۳ اهمی) باتری یکسان هستند، پس ۴ A هم وارد شاخه سمت چپ می‌شود. چون بین دو مقاومت یکسان ۶ اهمی تقسیم می‌شود، به هرکدام ۲ A می‌رسد؛ پس جریان مقاومت ۶ اهمی، ۲ A خواهد بود.

$$P_{\text{تولیدی}} = \varepsilon I = 20(4 + 4) = 160 \text{ W}$$

$$P_{\text{همه مقاومت‌ها}} = RI^2 = 12 \times 1^2 + 4 \times 3^2 + 6 \times 2^2 + 6 \times 2^2 + 1 \times 4^2 = 160 \text{ W}$$



مراحل مقاومت معادل‌گیری را در مدارها مشاهده می‌کنید:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{18}{\lambda + 1} = 2 \text{ A}$$

$$\Rightarrow I_2 = \frac{15}{10 + 15} \times 2 = 1/2 \text{ A} \xrightarrow{I=I_1+I_2} I_1 = 3/2 \text{ A}$$

$$I_3 = \frac{4}{4 + 12} I_2 = 3/16 \text{ A}$$

$$V_{(R=15\Omega)} = RI_1 = 15 \times 3/2 = 22.5 \text{ V}$$

$$R_{12} = 2 + 4 = 6 \Omega, \quad \frac{1}{R_{312}} = \frac{1}{12} + \frac{1}{6}$$

$$\Rightarrow R_{312} = 4 \Omega, \quad R_{eq} = 1/\omega + 4 = \omega/\omega \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow \mathcal{I} = \frac{1\lambda}{\omega/\omega + r} \Rightarrow r = \omega/\omega \Omega$$

$$V = \varepsilon - rI = 1\lambda - \omega/\omega \times \mathcal{I} = 16/\omega V$$

$$V_{\mathcal{I}} = V_{12} \Rightarrow \begin{cases} 12I_{\mathcal{I}} = 6I_{12} \\ I_{\mathcal{I}} + I_{12} = \mathcal{I} \end{cases} \Rightarrow I_{12} = 2A \Rightarrow V_{\mathcal{I}} = R_{\mathcal{I}}I_{12} = 2 \times 2 = 4V$$

$$\frac{1}{R_{3\omega}} = \frac{1}{4} + \frac{1}{12} \Rightarrow R_{3\omega} = 3 \Omega$$

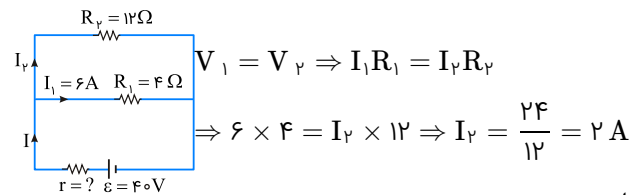
$$R_{23\omega} = 3 + 3 = 6 \Omega$$

$$\frac{1}{R_{423\omega}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{12} \Rightarrow R_{423\omega} = 4 \Omega$$

$$R_{eq} = 2 + 4 + \omega = 11 \Omega$$

۹۷

مقاومت‌های R_1 و R_2 با هم موازی‌اند؛ لذا اختلاف پتانسیل دو سر هر دو یکسان است.



یادآوری: مجموع جریان‌های ورودی به یک گره با مجموع جریان‌های خروجی از آن مساوی است:

$$I = I_1 + I_2 = 6 + 2 = 8A$$

از طرفی جریان الکتریکی در مدار از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{کل} + r} \Rightarrow 8 = \frac{40}{3 + r}$$

$$\Rightarrow 24 + 8r = 40 \Rightarrow 8r = 16 \Rightarrow r = 2 \Omega$$

۹۹

بار الکتریکی اجسام مضرب درستی از بار الکتریکی الکترون است:

$$q = ne \Rightarrow q = \omega \times 10^{21} \times 1/6 \times 10^{-19} = 8 \times 10^2 C = 800 C$$

حال باید تبدیل واحد را انجام دهیم:

$$\begin{cases} q = 800C \\ 1Ah = 1A \times 3600s = 3600As = 3600C \end{cases}$$

$$\Rightarrow q = 800C \times \frac{1Ah}{3600C} = \frac{2}{9} Ah$$

۱۰۰

توجه: اگر شدت جریانی که از دو رسانا عبور می‌کند یکسان باشد با توجه به رابطه $P = RI^2$ توان مصرفی با مقاومت الکتریکی نسبت مستقیم دارد.

بنابراین داریم:

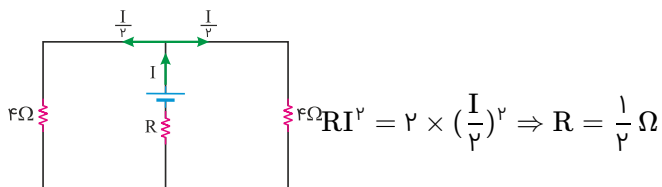
$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{P_2}{9} = \frac{40}{4} \Rightarrow P_2 = 40W$$

$$\left(\frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{1}{4}\right)$$

مقاومت‌های ۲ اهمی سری هستند و معادل آن‌ها ۴ اهم می‌شود:

$$(2 + 2 = 4)$$

باتوجه به برابری دو مقاومت ۴ اهمی، جریان مساوی $\frac{I}{2}$ از هر شاخه می‌گذرد. اینک از برابری توان مقاومت R و مقاومت ۲ اهمی استفاده می‌کنیم:



دقت کنید جریان گذرنده از مقاومت‌های ۸ اهمی، $\frac{I}{4}$ است؛ پس اگر می‌خواستیم توان مقاومت ۸ اهمی را با توان مقاومت R برابر بگیریم، باید بنویسیم:

$$8 \times \left(\frac{I}{4}\right)^2 = RI^2 \Rightarrow \frac{I^2}{2} = RI^2 \Rightarrow R = \frac{1}{2} \Omega$$

ابتدا جریان عبوری از شاخه AMB را حساب می‌کنیم:

$$V_A - 6I_{12} - 9I_{12} = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 15I_{12} = 60 \Rightarrow I_{12} = 4 \text{ A}$$

حال جریان عبوری از شاخه ANB را بدست می‌آوریم:

$$V_A - 2I_{34} - 8I_{34} = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 10I_{34} = 60 \Rightarrow I_{34} = 6 \text{ A}$$

به این ترتیب $V_M - V_N$ را می‌توان حساب نمود:

$$V_M + 6I_{12} - 2I_{34} = V_N \Rightarrow V_M - V_N = -6 \times 4 + 2 \times 6 = -12 \text{ V}$$

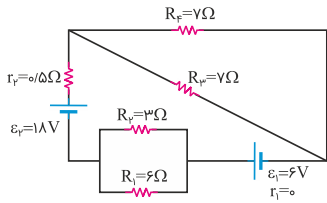
ابتدا مقدار بار مبادله شده را حساب می‌کنیم. سپس به کمک رابطه جریان، اندازه جریان عبوری را از سیم بدست می‌آوریم:

$$\Delta q = \frac{|q_1 - q_2|}{2} = \frac{|8 - (-10)|}{2} = 9 \mu\text{C}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{9 \times 10^{-6}}{0.001} = 9 \times 10^{-3} \text{ A}$$

جهت حرکت الکترون از سمت کره منفی (q_2) به کره مثبت است و جهت جریان قراردادی خلاف جهت حرکت الکترون است.

چون دو سر مقاومت $R_5 = 7 \Omega$ با سیم به یکدیگر وصل شده (اتصال کوتاه)، عملاً هیچ جریانی از آمپرسنج شماره ۲ نمی‌گذرد و در واقع مقاومت R_5 از مدار حذف می‌شود:



مقاومت‌های R_1 و R_2 موازی هستند و معادل آن‌ها 2Ω می‌شود.

$$\left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1}{2}\right)$$

مقاومت‌های R_3 و R_4 موازی هستند و معادل آن‌ها $3/5 \Omega$ می‌شود. از یک نقطه شروع کرده و مدار را دور می‌زنیم:

$$\left(\frac{1}{7} + \frac{1}{5} = \frac{1}{3.5}\right)$$

$$I_1 = \frac{\varepsilon_1 + \varepsilon_2}{R_T + r_1 + r_2} = \frac{6 + 18}{(7 + 3/5) + (0 + 0.5/5)} = \frac{24}{6} = 4 \text{ A}$$

پس آمپرسنج شماره ۱، عدد 4 A را نشان می‌دهد.

ب اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های ۳ و ۶ اهمی با اختلاف پتانسیل مقاومت معادل آن‌ها نیز برابر است؛ پس:

$$V = RI = 2 \times 4 = 8 \text{ V}$$

پ چون مقاومت‌های R_3 و R_4 برابرند، پس جریان $2 = \frac{4}{2}$ آمپر از هر کدام می‌گذرد، پس:

$$U_f = R_f = I^2 t = 7 \times 2^2 \times 90 = 2520 \text{ J}$$

$$P_{R_1} = \frac{V^2}{R_1} = \frac{8^2}{6} = \frac{32}{3} \text{ W}$$

$$V = RI_2 \Rightarrow 2/4 = 6I_2 \Rightarrow I_2 = 0.4 \text{ A}$$

$$V_M - V_N = (6 + 2 + 4)I_2 = 12 \times 0.4 = 4.8 \text{ V}$$

$$V_M - V_N = RI_1 \Rightarrow 4.8 = 3I_1 \Rightarrow I_1 = 1.6 \text{ A}$$

$$\Rightarrow I_{\text{کل}} = I_1 + I_2 = 1.6 + 0.4 = 2 \text{ A}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{12} = \frac{5}{12} \Rightarrow R_{\text{eq}} = 1/6 + \frac{12}{5} + 11 = 15 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{\text{eq}} + r} \Rightarrow 2 = \frac{4}{15 + 0} \Rightarrow \varepsilon = 30 \text{ V}$$

ب

پ

ت

الف ۱۰۵

ب

پ

$$q_A = \lambda \cdot A \text{ min} = \lambda \cdot A \times (6 \cdot s) = 4800 \text{ As} = 4800 \text{ C}$$

حال بار کره B را محاسبه می کنیم:

$$q_B = -\gamma / \Delta A h = -\gamma / \Delta A \times (3600 \cdot s) = -9000 \text{ As} = -9000 \text{ C}$$

توجه: وقتی دو کره را با سیم رسانا به هم وصل می کنیم، به شرط آنکه شعاع کرهها یکسان باشد، بار هر کره بعد از تعادل نصف مجموع بار دو کره خواهد بود:

$$q'_A = q_B = \frac{q_A + q_B}{\gamma}$$

$$\Rightarrow q'_A = q'_B = \frac{4800 + (-9000)}{\gamma} = -2100 \text{ C}$$

باز هم دقت کنید: بار الکتریکی که در مدت به تعادل رسیدن از سیم رسانا عبور می کند برابر اختلاف بار هر کره قبل و بعد از تعادل است:

$$\Delta q_A = q_A - q'_A = 4800 - (-2100) = 6900 \text{ C}$$

که این همان بار الکتریکی است که در مدت 0.04 ثانیه از سیم عبور کرده است؛ لذا:

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{6900}{0.04} = 172500 \text{ A} = 0.1725 \times 10^6 \text{ A} = 0.1725 \text{ MA}$$

وقتی سیم را می کشیم طول سیم افزایش و مساحت مقطع آن کاهش می یابد؛ اما حجم سیم ثابت می ماند.

$$V_\gamma = V_1$$

چون سیم استوانه ای شکل است؛ حجم سیم عبارت از طول در مساحت قاعده آن است:

$$A_\gamma \ell_\gamma = A_1 \ell_1 \xrightarrow{\ell_\gamma = 4\ell_1} A_\gamma \times 4\ell_1 = A_1 \ell_1 \Rightarrow A_\gamma = \frac{1}{4} A_1$$

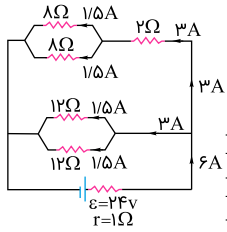
رابطه مقایسه ای مقاومت الکتریکی را به صورت زیر داریم:

$$\frac{R_\gamma}{R_1} = \frac{\rho_\gamma}{\rho_1} \times \frac{\ell_\gamma}{\ell_1} \times \frac{A_1}{A_\gamma} \xrightarrow{\rho_\gamma = \rho_1} \text{جنس سیم تغییر نمی کند:}$$

$$\frac{R_\gamma}{R_1} = \frac{4\ell_1}{\ell_1} \times \frac{A_1}{\frac{1}{4}A_1} = 16 \Rightarrow R_\gamma = 16R_1$$

توجه کنید که: اگر سیمی را بکشیم تا به طور یکنواخت طول سیم n برابر شود، مقاومت الکتریکی آن n^2 برابر خواهد شد.

دو مقاومت ۸ اهمی موازی‌اند و معادل آن‌ها با ۲ اهمی متوالی است و دو مقاومت ۱۲ و ۱۲ اهمی موازی‌اند و معادل آن‌ها با بقیه مدار و باتری موازی است.



$$R_{8,8} = 4 \Omega$$

$$R_{8,8,2} = 4 + 2 = 6 \Omega$$

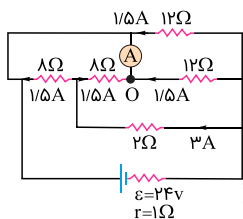
$$R_{12,12} = 6 \Omega$$

$$R_{eq} = \frac{6}{2} = 3 \Omega$$

جریان کل مدار برابر است با:

$$I = \frac{24}{3 + 1} = 6A$$

با توجه به شکل و مقدار مقاومت‌ها می‌توان دریافت جریان ۱۲ اهمی $1/5 A$ و ۲ اهمی ۳ آمپر و ۸ اهمی $1/5$ آمپر است.



$$I_A = 1/5 + 1/5 = 3A$$

در گره O می‌توان نوشت:

ابتدا چگونگی تغییر جریان را بررسی می‌کنیم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} \rightarrow \text{افزایش } R \rightarrow \text{کاهش } I$$

$$V = \varepsilon - rI \rightarrow \text{کاهش } I \rightarrow \text{افزایش مقدار ولتاژ ولت‌سنج } V$$

$$V_2 = R_2 I \rightarrow \text{کاهش } I \rightarrow \text{کاهش مقدار ولتاژ ولت‌سنج } V_2$$

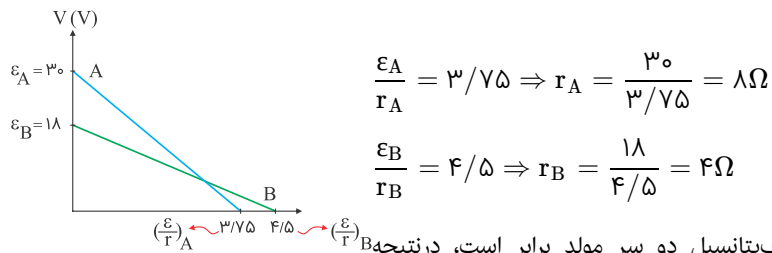
$$V_3 = R_3 I \rightarrow \text{کاهش } I \rightarrow \text{کاهش مقدار ولتاژ ولت‌سنج } V_3$$

در این سؤال با استفاده از رابطه $V_1 = R_1 I$ نمی‌توان در مورد V_1 اظهار نظر کرد،

زیرا افزایش R_1 و کاهش I می‌یابد بنابراین نمی‌توان درباره مقدار V اظهار نظر کرد؛ اما با داشتن رابطه $V = V_1 + V_2 + V_3$ می‌توان گفت V افزایش و V_2 کاهش یافته است، پس حتماً V_1 افزایش قابل‌توجهی داشته است.

در نمودار اختلاف پتانسیل دو سر مولد بر حسب جریان، قدر مطلق شیب، برابر با مقاومت درونی است.

$$r_A = 2r_B \Rightarrow \frac{\mathcal{E}_A}{I} = 2 \left(\frac{18}{I + 0.75} \right) \Rightarrow 30I + 22.5 = 36I \Rightarrow I = 3/75$$



$$\frac{\mathcal{E}_A}{r_A} = 3/75 \Rightarrow r_A = \frac{30}{3/75} = 8\Omega$$

$$\frac{\mathcal{E}_B}{r_B} = 4/5 \Rightarrow r_B = \frac{18}{4/5} = 4\Omega$$

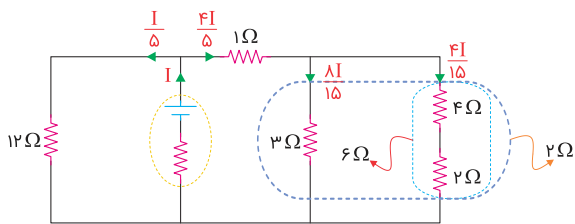
نقطه تلاقی دو خط را به دست آورده جایی که جریان برابر و اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است، در نتیجه $P = (\Delta V) \cdot I$ هم برابر خواهد بود.

$$V = \mathcal{E} - Ir$$

$$V_A = V_B \Rightarrow 30 - 8I = 18 - 4I \Rightarrow 12 = 4I \Rightarrow I = 3(A)$$

از آنجایی که $I \propto \frac{1}{R}$ در نتیجه جریان به صورت شکل زیر توزیع می شود:

با استفاده از رابطه محاسبه توان مصرفی $P = I^2 R$ برای هر یک از مقاومت ها داریم:



$$\left. \begin{aligned} P_{12\Omega} &= \frac{I^2}{25} \times 12 = \frac{12I^2}{25} = \frac{36I^2}{75} \\ P_{1\Omega} &= \frac{16I^2}{25} = \frac{48I^2}{75} \\ P_{3\Omega} &= \frac{64I^2}{75} \times \frac{1}{5} = \frac{64I^2}{75} \\ P_{4\Omega} &= \frac{16I^2}{225} \times 4 = \frac{64I^2}{225} \\ P_{2\Omega} &= \frac{16I^2}{225} \times 2 = \frac{32I^2}{225} \end{aligned} \right\} \Rightarrow P_3 > P_1 > P_{12} > P_4 > P_2$$

چون مقاومت 3Ω بیشترین توان مصرفی را دارد برای محاسبه جریان الکتریکی مدار داریم:

$$V_3 = 16V \Rightarrow \frac{8I}{15} \times \frac{1}{5} = 16 \Rightarrow I = 10A$$

$$R_{eq} = \frac{12 \times 3}{15} = 2.4\Omega$$

$$V_{مولد} = V_{t\text{ مدار}} = I \times R_{eq} = 10 \times 2.4 = 24V$$

با افزایش دما، مقاومت الکتریکی رسانای فلزی افزایش می یابد؛ بنابراین مقاومت رشته تنگستن در حالت روشن بیشتر از حالت خاموش است.

با دقت در مدار متوجه می شویم که جریان از نقطه A وارد مقاومت متغیر شده و از نقطه C خارج می شود؛ یعنی همواره کل طول سیم داخل مدار بوده و عملاً نقطه B و حرکت لغزنده هیچ تأثیری در افزایش یا کاهش طول سیم مقاومت ندارد.

توان ۳۶ درصد کاهش یافته است؛ بنابراین داریم:

$$P_2 = P_{\text{اسمی}} - 0.36 P_{\text{اسمی}} = 100 - 0.36 \times 100 = 64 \text{ W}$$

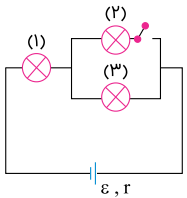
$$\text{با استفاده از رابطه } \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \text{ داریم:}$$

$$P_2 = 64 \text{ W} , P_1 = 100 \text{ W} , V_1 = 200 \text{ V}$$

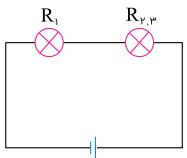
$$\frac{64}{100} = \left(\frac{V}{200}\right)^2 \xrightarrow{\text{جذر می‌گیریم}} \frac{\lambda}{10} = \frac{V}{200} \Rightarrow V = 160 \text{ V}$$

بنابراین ولتاژ به اندازه $200 - 160 = 40 \text{ V}$ افت کرده است.

گام اول: هنگام باز کردن کلید مقاومت معادل ۲ و ۳ افزایش می‌یابد، پس مقاومت معادل کل مدار زیاد می‌شود.



گام دوم: با افزایش R_{eq} ، جریان کل مدار بنابر رابطه $I = \frac{\varepsilon}{R_{\text{eq}} + r}$ کم می‌شود ($I \downarrow$).
گام سوم: با کاهش I ولتاژ باتری بنابر رابطه $V = \varepsilon - Ir$ زیاد می‌شود.



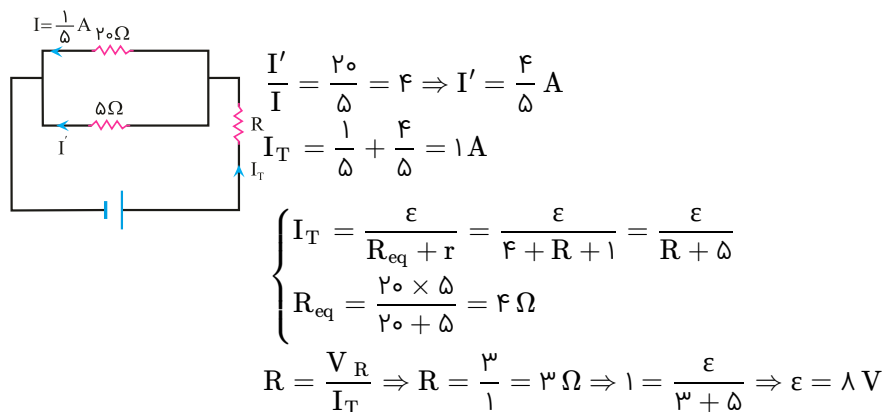
گام چهارم: برای ولتاژ R_1 از رابطه $V_1 = IR_1$ استفاده می‌کنیم، چون I کم شده، پس V کم می‌شود، پس نور آن کم می‌شود.
گام پنجم: بنابر رابطه $V = V_1 + V_{2,3}$ می‌توان دریافت $V_{2,3}$ که برابر V_3 است، حتماً زیاد می‌شود، پس نور لامپ (۳) زیاد می‌شود.

با توجه به رابطه $I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$ بار شارش یافته را حساب می‌کنیم:

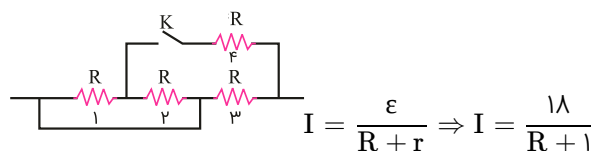
$$2 \times 10^{-3} = \frac{\Delta q}{10^{-2}} \Rightarrow \Delta q = 2 \times 10^{-5} \text{ C} = 20 \mu\text{C}$$

چون الکترون‌ها از کره B که منفی است به کره A منتقل شده‌اند، می‌توان نوشت:

$$\Delta q_A = q'_A - q_A \Rightarrow -20 = q'_A - 10 \Rightarrow q'_A = -10 \mu\text{C}$$



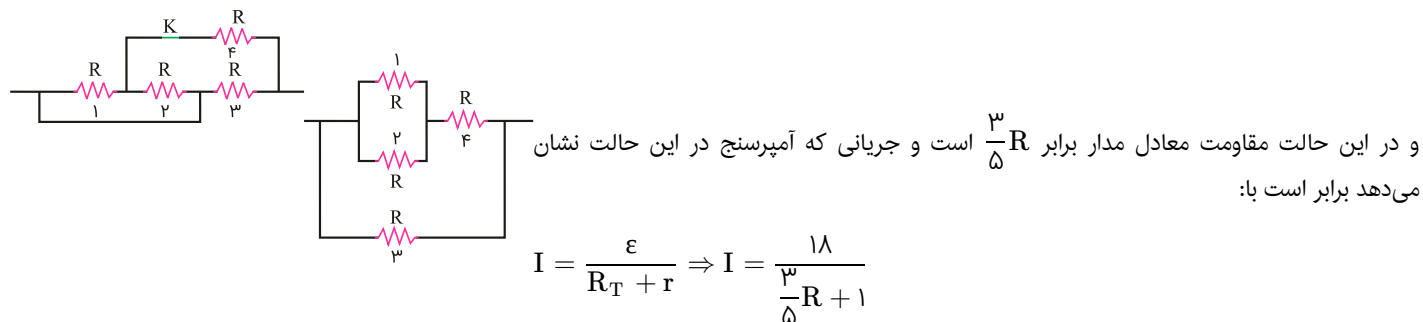
آمپرسنج جریان کل مدار را نشان می‌دهد اگر کلید K باز باشد، فقط مقاومت شماره ۳ در مدار است. هنگامی که کلید باز است از مقاومت (۴) جریانی عبور نمی‌کند در نتیجه حذف می‌باشد و با باز بودن کلید K مقاومت R_1 و R_2 متوالی هستند و دو سر معادلشان توسط یک سیم بدون مقاومت به یکدیگر وصل شده و اتصال کوتاه می‌شود و حذف است پس R_1 و R_2 حذف هستند.



در این حالت جریان آمپرسنج برابر است با:

حال اگر کلید K را ببندیم:

مقاومت ۱ و ۲ موازی و حاصل این دو تا با مقاومت ۴ متوالی و حاصل این سه تا با مقاومت شماره ۳ موازی‌اند. ساده شده مدار به صورت زیر است.



در سؤال گفته اختلاف جریان در حالت ۱ و ۲ برابر $1/5 A$ است، پس می‌توان نوشت:

$$\frac{18}{\frac{3}{5}R + 1} - \frac{18}{R + 1} = 1/5 \Rightarrow R = 5 \Omega$$

در نتیجه مقاومت معادل مدار در حالتی که کلید بسته است برابر است با:

$$r + \frac{3}{5}R = 1 + \frac{3}{5} \times 5 = 4 \Omega$$

الف ۱۱۹ درست (۰/۲۵)

ب نادرست (۰/۲۵)

پ درست (۰/۲۵)

پاسخ سؤالات ۱۲۰ تا ۱۲۱

۱۲۰ دو قطبی‌های مغناطیسی در یک ماده پارامغناطیسی دارای سمت‌گیری مشخص و منظمی نیستند و در جهت‌های کاتوره‌ای قرار دارند. در نتیجه این مواد خاصیت مغناطیسی ندارند. اگر آن‌ها را درون یک میدان مغناطیسی قرار دهیم، تعدادی از دو قطبی‌های کوچک در راستای خط‌های میدان منظم می‌شوند و در آن خاصیت مغناطیسی ایجاد می‌شود. (۰/۵)

۱۲۱ هرگاه جریانی که از یک سیم‌لوله (یا یک پیچ) می‌گذرد، تغییر کند، در آن نیروی محرکه‌ای به وجود می‌آید که با عامل تغییر جریان مخالفت می‌کند. این پدیده را خودالقایی می‌نامند. (۰/۵)

الف ۱۲۲

$$F = qvB \sin \theta \quad (۰/۲۵)$$

$$۰/۴ = q (۴ \times ۱۰^۶) (۰/۰۵) (\sin ۹۰) \quad (۰/۲۵)$$

$$q = ۲ \times ۱۰^{-۶} \text{ C} \quad (۰/۲۵)$$

ب مثبت (۰/۲۵)

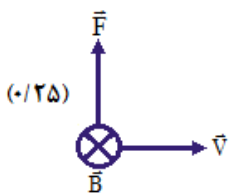
الف ۱۲۳

$$F = qvB \sin \theta \quad (۰/۲۵)$$

$$F = ۱۰^{-۵} \times ۲ \times ۱۰^۳ \times ۰/۰۱ \times ۱ \quad (۰/۲۵)$$

$$F = ۲ \times ۱۰^{-۲} \text{ (N)} \quad (۰/۲۵)$$

ب



۱۲۴

$$B = \mu_0 \frac{NI}{L} \quad (0/25)$$

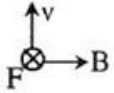
$$3 \times 10^{-7} = 12 \times 10^{-7} \times \frac{N \times 0/2}{\lambda \times 10^{-2}}$$

$$(0/25) \quad N = 100 \quad (0/25)$$

$$F = qvB \sin 90^\circ \quad (0/25)$$

$$F = 5 \times 10^{-6} \times 10^5 \times 3 \times 10^{-7} = 15 \times 10^{-8} \text{ N} \quad (0/5)$$

درون سو (0/25)، شکل (0/25)



۱۲۵ -۱ خطهای (0/25) ۲- مماس (0/25) ۳- همسو (0/25) ۴- بزرگی (0/25)

۱۲۶ ۱: قطب

(0/25) (N)

۲: قطب

(0/25) (S)

پاسخ سؤالات ۱۲۷ تا ۱۳۱

۱۲۷ ن (0/25)

۱۲۸ د (0/25)

۱۲۹ ن (0/25)

۱۳۰ ن (0/25)

۱۳۱ د (0/25)

۱۳۲

$$B = \frac{\mu_0 N I}{L} (0/25)$$

$$\Rightarrow 2\pi \times 10^{-3} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 500 \times 10}{L} (0/25)$$

$$\Rightarrow L = 1\text{m} (0/25)$$

$$F = qV B \sin \theta (0/25) \Rightarrow F = 1/6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^5 \times 2\pi \times 10^{-3} \times 0/7 (0/25)$$

$$F = 1/96\pi \times 10^{-17} \text{N} (0/25)$$

وقتی پروتون در امتداد خطهای میدان مغناطیسی در حرکت باشد. (0/25)

پاسخ سؤالات ۱۳۳ تا ۱۳۶

۱۳۳ نداریم (0/25)

۱۳۴ میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی (0/25)

۱۳۵ کمینه (0/25)

۱۳۶ S به N (0/25)

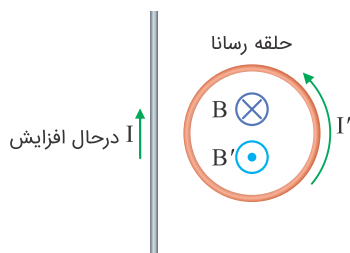
با استفاده از رابطه زیر، اندازه نیرو را حساب می‌کنیم:

$$F = |q| v B \sin \alpha = 1/6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^6 \times 20 \times 10^{-3} \sin 90$$

$$F = 128 \times 10^{-16} \text{N}$$

برون سو

جهت جریان القایی پادساعتگرد است. طبق قانون لنز با افزایش شار (به دلیل افزایش جریان)، میدان القایی (B') خلاف جهت میدان اصلی (B) ایجاد می‌شود تا مانع از افزایش شار شود و طبق قاعده دست راست، جهت جریان القایی بر اساس میدان القایی تعیین می‌شود.



گام اول: طبق رابطه $\varepsilon = Bvl$ ، بزرگی نیروی محرکه القایی را به دست می‌آوریم. اگر این مقدار را بر مقاومت سیم تقسیم کنیم، جریان القایی در قاب به دست می‌آید.

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{Bvl}{R} = \frac{0/5 \times 2 \times 0/4}{4} = 0/1 \text{ A}$$

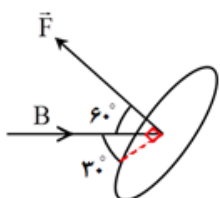
گام دوم: برای تعیین جهت جریان، به سراغ قانون لنز می‌رویم. با حرکت میله شار عبوری از قاب افزایش می‌یابد. طبق قانون لنز میدان القایی باید خلاف میدان اصلی باشد (یعنی بصورت \otimes می‌شود). طبق قاعده دست راست جهت جریان القایی در جهت (۲) است.



پاسخ سؤال ۱۴۰

این قانون بیان می‌کند که جریان حاصل از نیروی محرکه القایی در یک مدار یا پیچ در جهتی است که آثار مغناطیسی ناشی از آن با عامل به‌وجود آورنده جریان القایی، یعنی تغییر شار مغناطیسی، مخالفت می‌کند.

به کمک رابطه شار مغناطیسی:



$$\begin{cases} \phi = 20 \times 10^{-6} \text{ Wb} \\ A = 40 \times 10^{-2} \text{ m}^2 \\ B = ? \\ \theta = 60^\circ \end{cases}$$

$$\phi = AB \cos \theta \Rightarrow 20 \times 10^{-6} = 40 \times 10^{-2} \times B \times \cos 60^\circ \Rightarrow B = 10^{-2} \text{ T} = 100 \text{ G}$$

باتوجه به قانون دست راست، در وسط فاصله بین سیم ۲ B_1 درون سو و B_2 برون سو هستند.

از طرفی باتوجه به اینکه $I_2 > I_1$ ، نتیجه می‌شود: $B_2 > B_1$ پس برآیند میدان‌ها در جهت برون سو خواهد بود.

الف) پاد ساعتگرد (۰/۲۵)

ب) ساعتگرد (۰/۲۵)

الف) فرومغناطیس نرم

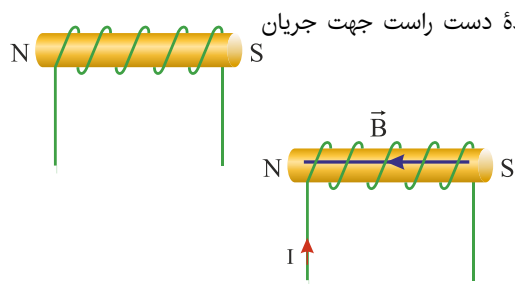
ب) فرومغناطیس سخت

پ) پارامغناطیس

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta B}{\Delta t} \cdot A \cdot \cos \alpha$$

$$\Rightarrow +0/06 = -N \times (-0/4) \times 10 \times 10^{-2} \times 1 \Rightarrow N = \frac{6}{4} \times 10^2 = 150$$

گام اول: برای آنکه آهنربا توسط سیملوله دفع شود، سمت سیملوله که به آهنربا نزدیک است باید قطب S شود.



گام دوم: باتوجه به تعیین قطبهای سیملوله، جهت جریان در سیملوله را تعیین می‌کنیم. طبق قاعده دست راست جهت جریان به صورت زیر است.

گام سوم: می‌دانیم که جریان از قطب + باتری خارج می‌شود، پس باتری A را باید در مدار قرار دهیم.

$$\frac{T}{f} = 0.01 \text{ s } (0/25)$$

$$I = I_m \sin \omega t \quad (0/25)$$

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t \quad (0/25)$$

$$I = 2 \sin 50\pi t \quad (0/25)$$

$$U_m = \frac{1}{2} L I_m^2 \quad (0/25)$$

$$U_m = \frac{1}{2} \times 200 \times 10^{-3} \times 2^2 \quad (0/25)$$

$$U_m = 0.4 \text{ J } \quad (0/25)$$

$$I = \frac{V}{R} \quad (0/25) \rightarrow I = \frac{12}{6} = 2 \text{ A } \quad (0/25)$$

$$U = \frac{1}{2} L I^2 \quad (0/25) \rightarrow U = \frac{1}{2} (0.4) (2)^2 = 0.8 \text{ J } \quad (0/25)$$

$$F = B I l \sin 90^\circ \quad (0/25)$$

$$l = 0.5 \text{ m } \quad (0/25)$$

$$10^{-2} = 0.4 \times 10^{-2} \times 5 \times 1 \times 1 \quad (0/25)$$

$$U = \frac{1}{2} L I^2 \quad (0/25)$$

$$\rightarrow 2 = \frac{1}{2} \times 10^{-2} \times I^2 \quad (0/25) \rightarrow I = 20 \text{ A } \quad (0/25)$$

۱۵۱ الف) فارادی (۰/۲۵) ب) نیروی محرکه (۰/۲۵) پ) آهنگ (۰/۲۵) ت) مستقیم (۰/۲۵)

۱۵۲ مساحت حلقه (۰/۲۵)، بزرگی میدان مغناطیسی (۰/۲۵)، زاویه بردار عمود بر سطح حلقه با میدان مغناطیسی (۰/۲۵)

درون-سو - افزایش

نیروی الکترومغناطیسی F رو به بالا و جهت میدان مغناطیسی به سمت جنوب (برون سو) است.

$$mg = B I l \sin 90^\circ$$

$$50 \times 10^{-3} \times 10 = B \times 2 \times 1$$

$$B = 0.25 \text{ T}$$

$$B = 2500 \text{ G}$$

$$F_{\max} = qV B \sin 90^\circ (0/25)$$

$$B = \frac{F_{\max}}{qV} = \frac{6/4 \times 10^{-14}}{1/6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^5} = 1T (0/25) \quad E = \frac{F}{q} = \frac{6/4 \times 10^{-14}}{1/6 \times 10^{-19}} = 4 \times 10^5 \frac{N}{C} (0/25)$$

با توجه به قاعده دست راست، جهت میدان از غرب به شرق است. (0/25)

وزن سیم

کاهش با بستن کلید با توجه به جهت جریان به سیم نیرویی رو به بالا، خلاف وزن سیم وارد می‌شود، بنابراین عدد نیروسنجها کاهش می‌یابد.

با توجه به نمودار، $\frac{T}{4}$ برابر $20ms$ است بنابراین:

$$\omega \frac{T}{4} = 20 \times 10^{-3} \Rightarrow T = 16 \times 10^{-3} s$$

$$I_{\max} = 10A$$

با جایگذاری مقادیر در معادله جریان داریم:

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 10 \sin\left(\frac{2\pi}{16 \times 10^{-3}}t\right) = 10 \sin(125\pi t)$$

زمان موردنظر را در معادله جریان قرار می‌دهیم:

$$I = 10 \sin\left(125\pi \times \frac{2}{375}\right) = 10 \sin \frac{2\pi}{3} = 5\sqrt{3}A$$

با استفاده از قانون اهم داریم:

$$\varepsilon = RI = 20 \times 5\sqrt{3} = 100\sqrt{3}V$$

با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر می‌توان جریان عبوری از آن را بدست آورد سپس به کمک قانون اهم می‌توان ولتاژ دو سر القاگر را حساب نمود:

$$U = \frac{1}{2}LI^2 \Rightarrow 2/5 = \frac{1}{2} \times 0/8 \times I^2 \Rightarrow I = 2/5A$$

$$V = RI = 10 \times 2/5 = 25V$$

به کمک رابطه زیر می‌توان اندازه میدان مغناطیسی را حساب کرد:

$$B = \mu_0 nI = 12 \times 10^{-7} \times 2000 \times 2/5 = 6 \times 10^{-3}T$$

طبق رابطه $\bar{I} = \left| \frac{-N \Delta\Phi}{R \Delta t} \right|$ ، جریان القایی متوسط برابر است با:

$$\bar{I} = \left| \frac{-N \Delta\Phi}{R \Delta t} \right| = \left| -\frac{2 \times 10^3}{20} \times \frac{0.06 - 0.08}{\Delta t} \right| = \frac{2}{\Delta t} \text{ A}$$

طبق رابطه $\bar{I} = \frac{q}{\Delta t}$ ، مقدار بار القایی برابر است با:

$$\bar{I} = \frac{q}{\Delta t} \Rightarrow \frac{2}{\Delta t} = \frac{q}{\Delta t} \Rightarrow q = 2 \text{ C}$$

نکته: بار القایی به مدت زمان تغییرات شار بستگی ندارد و از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$q = \bar{I} \times \Delta t = \left| \frac{-N \Delta\Phi}{R \Delta t} \right| \times \Delta t = \left| -\frac{N \Delta\Phi}{R} \right| = \left| -\frac{2 \times 10^3}{20} \times (0.06 - 0.08) \right| = 2 \text{ C}$$

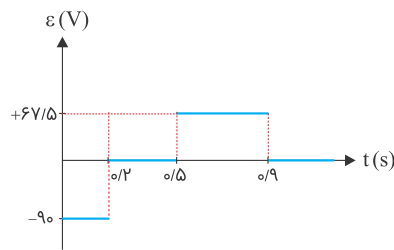
در بازه‌های زمانی که شیب نمودار $\Phi - t$ ثابت است، اندازه نیرو محرکه القایی را حساب می‌کنیم:

$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -N \frac{\Delta B}{\Delta t} \cdot A \cdot \cos \alpha = -N \frac{\Delta B}{\Delta t} A$$

$$\Delta t : [0, 0.2 \text{ s}] : \bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -150 \times \frac{2 - 0}{0.2 - 0} \times 600 \times 10^{-4} = -90 \text{ V}$$

$$\Delta t : [0.2, 0.5 \text{ s}] : \bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = 0$$

$$\Delta t : [0.5, 0.9 \text{ s}] : \bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -150 \times \left(\frac{-1 - 2}{0.9 - 0.5} \right) \times 600 \times 10^{-4} = +67.5 \text{ V}$$

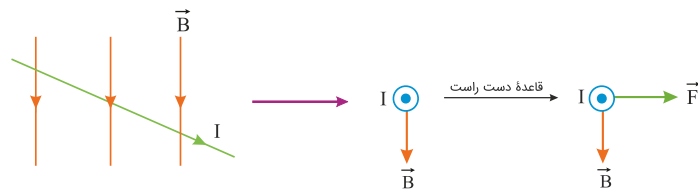


برای بدست آوردن شار کافی است زمان $t = 5 \text{ ms}$ را در معادله شار قرار دهیم:

$$\Phi = 4 \times 10^{-3} \sin(100\pi t) , t = 5 \times 10^{-3} \text{ s}$$

$$\Rightarrow \Phi = 4 \times 10^{-3} \sin(100\pi \times 5 \times 10^{-3}) = 4 \times 10^{-3} \sin\left(\frac{5}{5}\pi\right) = 4 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

می‌دانیم که بر سیم حامل جریان درون میدان مغناطیسی، نیروی مغناطیسی وارد می‌شود؛ با وصل کلید، جریان در سیم مسی برقرار می‌شود. بنابراین به سیم نیرویی وارد می‌شود. طبق قاعده دست راست جهت نیرو مطابق شکل‌های زیر به سمت درون آهنربا است. پس سیم به سمت درون آهنربا منحرف می‌شود.



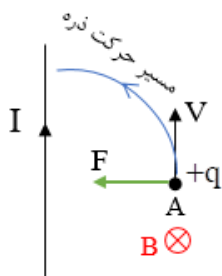
با افزایش اختلاف پتانسیل باتری، جریان مدار و در نتیجه جریان عبوری از سیم افزایش می‌یابد. طبق رابطه $F = BIL \sin \alpha$ ، نیروی مغناطیسی وارد بر سیم هم افزایش می‌یابد؛ پس انحراف سیم نیز افزایش می‌یابد.

تکه سیم ABC مشتمل بر دو تکه سیم AB و BC است. نیروی وارد بر هر تکه را حساب می‌کنیم و سپس جمع برداری آن‌ها را بدست می‌آوریم:

$$F_{AB} = BIL \sin \alpha = 10 \times 10^{-6} \times 2 \times 30 \times 10^{-2} \times \sin 30^\circ = 3 \times 10^{-6} \text{ N}$$

$$F_{BC} = 0$$

$$\Rightarrow F_T = F_{AB} + F_{BC} = 3 \times 10^{-6} \text{ N}$$



یادآوری ۱: اگر انگشت شست دست راست خود را در جهت جریان الکتریکی قرار دهیم، خم شدن چهار انگشت دیگر جهت میدان مغناطیسی را نشان می‌دهد.

یادآوری ۲: اگر انگشت دست راست خود را در جهت حرکت بار مثبت قرار دهیم، طوری که خم شدن انگشتان در جهت میدان مغناطیسی باشد، انگشت شست جهت نیرو را نشان می‌دهد.

با دو قاعده‌ای که شرح داده شد، میدان مغناطیسی حاصل از سیم حامل جریان در نقطه A درون سیم و جهت نیروی وارد بر ذره باردار مثبت به سمت چپ است. لذا مسیر حرکت ذره به گونه‌ای است که از مسیر مستقیم منحرف شده و به سمت چپ انحراف می‌یابد.



نیروی گرانش وارد بر ذره روبه پایین است. برای اینکه جهت حرکت ذره تغییر نکند باید نیروی مغناطیسی روبه بالا به آن وارد شود. باتوجه به مشخص بودن جهت حرکت، میدان مغناطیسی و نیروی مغناطیسی و بنا بر قاعده دست راست، در می‌یابیم که بار ذره منفی است.

$$F = mg \Rightarrow |q| v B \sin 90^\circ = mg$$

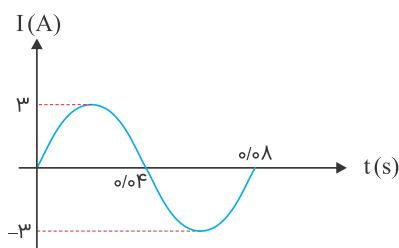
$$|q| \times 3 \times 10^{-6} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times 10^{-6} = 3 \times 10^{-6} \times 10 \Rightarrow |q| = 2 \times 10^{-5} \text{ C} = 20 \mu\text{C}$$

$$q = -20 \mu\text{C}$$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{L} \Rightarrow B = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 400 \times 2}{10 \times 10^{-2}} \Rightarrow B = 32\pi \times 10^{-6} \text{ T}$$

$$B = 32\pi \times 10^{-6} \text{ T} \times \frac{10^6 \text{ G}}{\text{T}} = 32\pi \text{ G}$$

$$\left. \begin{aligned} \varepsilon_m = 240 \text{ V} \Rightarrow I_m = \frac{\varepsilon_m}{R} = \frac{240}{80} = 3 \text{ A} \\ \frac{T}{\sqrt{2}} = 0.04 \Rightarrow T = 0.08 \text{ s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{aligned} I &= I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \\ &\Rightarrow I = 3 \sin\left(\frac{2\pi}{0.08}t\right) = 3 \sin(25\pi t) \end{aligned}$$



گام اول: ابتدا تغییر شار مغناطیسی در هر بازه زمانی را به دست می‌آوریم. در بازه (0, 0.08 s) شار در حال افزایش، در بازه زمانی (0.08 s, 0.16 s) شار ثابت و در بازه (0.16 s, 0.24 s) شار در حال کاهش است؛ بنابراین:

$$\Delta\phi_{(0,0.08)} = 10^{-3} - 0 = 10^{-3} \text{ Wb}$$

$$\Delta\phi_{(0.08,0.16)} = 10^{-3} - 10^{-3} = 0$$

$$\Delta\phi_{(0.16,0.24)} = 0 - 10^{-3} = -10^{-3} \text{ Wb}$$

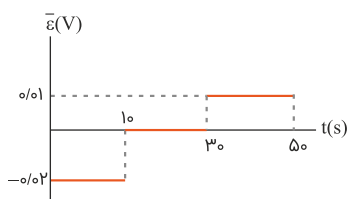
گام دوم: طبق رابطه $\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$ داریم:

$$\bar{\epsilon}_{(0,0.08)} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -200 \times \frac{10^{-3}}{0.08} = -0.025 \text{ V}$$

$$\bar{\epsilon}_{(0.08,0.16)} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -200 \times \frac{0}{0.08} = 0$$

$$\bar{\epsilon}_{(0.16,0.24)} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -200 \times \frac{-10^{-3}}{0.08} = +0.025 \text{ V}$$

گام سوم: نمودار $(\epsilon - t)$ مطابق شکل زیر خواهد بود.



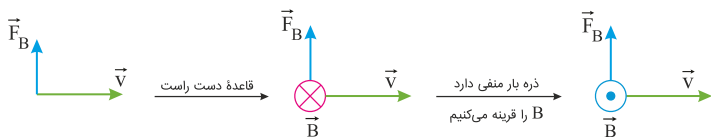
گام اول: باتوجه به نمودار تغییرات میدان مغناطیسی برابر با $\Delta B = -0.2 \text{ T}$ است. طبق رابطه $\Delta\phi = \Delta BA \cos \theta$ ، تغییرات شار مغناطیسی را به دست می‌آوریم.

$$\Delta\phi = \Delta BA \cos \theta = (-0.2) \times (100 \times 10^{-4}) \times \cos 0 = -2 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

گام دوم: با استفاده از رابطه $\bar{\epsilon} = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$ داریم:

$$\bar{\epsilon} = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| = \left| -200 \times \frac{-2 \times 10^{-3}}{0.04} \right| = 10 \text{ V}$$

گام اول: نیروی گرانش به ذره به سمت پایین وارد می‌شود. برای اینکه بردار سرعت ذره تغییر نکند، نیروی مغناطیسی باید هم‌اندازه با نیروی وزن و به سمت بالا (در خلاف جهت وزن) باشد؛ بنابراین جهت میدان مغناطیسی طبق قاعده دست راست مطابق زیر به سمت جنوب است.



باتوجه به قرارداد جهت‌های جغرافیایی، جهت برون‌سو به سمت جنوب است. گام دوم: اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر ذره را با نیروی وزن برابر قرار می‌دهیم.

$$F_B = mg \Rightarrow |q| vB \sin \theta = mg$$

$$\xrightarrow{\theta=90^\circ} 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^3 \times B \times 1 = 2 \times 10^{-6} \times 10$$

$$\Rightarrow 4 \times 10^{-3} B = 2 \times 10^{-5} \Rightarrow B = \frac{1}{200} T = 50 \text{ G}$$

$$\varepsilon = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow 12 = N \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right) (A) \cos(\theta)$$

$$\Rightarrow 12 = N (0/3) (2 \times 10^{-2}) \Rightarrow N = \frac{12}{6 \times 10^{-3}} = 2000 \text{ دور}$$

جریان ۱ در مدار پادساعتگرد است، پس میدان مغناطیسی تولید شده توسط آن در داخل حلقه رسانا برون‌سو می‌باشد (۰/۲۵). با کاهش مقاومت رئوستا، شدت جریان ۱ و در نتیجه شار مغناطیسی افزایش می‌یابد و طبق قانون لنز، میدان مغناطیسی القایی در حلقه رسانا درون‌سو می‌شود (۰/۲۵) بنابراین جهت جریان القایی در حلقه رسانا ساعتگرد می‌باشد. (۰/۲۵)

- ۱۷۳
- الف) مواد مغناطیسی (۰/۲۵)
 - ب) پارامغناطیس (۰/۲۵)
 - پ) فرومغناطیس (۰/۲۵)
 - ت) فرومغناطیس سخت (۰/۲۵)
 - ث) محور مغناطیسی (۰/۲۵)

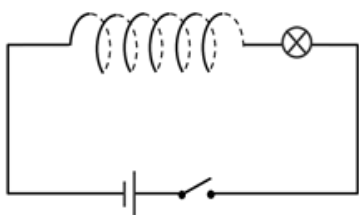
۱۷۴ میدان مغناطیسی در مرکز پیچیده مسطح از رابطه $B = \frac{\mu_0}{4\pi} N \frac{I}{R}$ به دست می‌آید. یادآوری: هر گاوس معادل 10^{-4} T است.

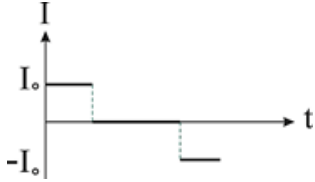
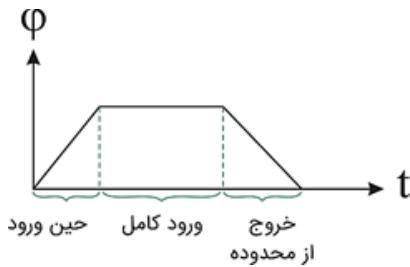
$$25 \times 10^{-4} = \frac{4\pi \times 10^{-7}}{4} N \times \frac{5}{0/1} \Rightarrow N = \frac{250}{\pi}$$

تعداد حلقه‌های پیچیده عبارت است از طول سیم به محیط یک دور

$$N = \frac{L}{2\pi R} \Rightarrow \frac{250}{\pi} = \frac{L}{2\pi \times 0/1} \Rightarrow L = 50 \text{ m}$$

۱۷۵ در لحظه وصل کلید، القاگر مانع از افزایش شار مغناطیسی ناگهانی می‌شود و در ابتدا لامپ خاموش است و تا مدت‌زمانی که شار مغناطیسی عبوری از القاگر ثابت شود، به تدریج لامپ پرنورتر می‌شود، سپس نور لامپ ثابت می‌ماند.





در حین ورود پیچ به محدوده میدان، شار عبوری در حال افزایش است. به این ترتیب، جریان القایی در پیچ با افزایش شار مخالفت می‌کند. به این ترتیب، جریان در سیم AB از A به B است. پس نیروی وارد بر آن از طرف میدان طبق قانون دست راست به سمت چپ است. پس از ورود کامل به محدوده، شار ثابت می‌شود و در نتیجه جریان القایی صفر خواهد شد. پس نیرویی به قسمت AB وارد نخواهد شد. در حین خروج نیز، جریان القایی در قسمت CD از C به D است تا با کاهش شار مخالفت کند. پس نیرویی وارد بر قسمت CD، به سمت چپ است.

به کمک رابطه زیر می‌توان مقاومت سیم را بدست آورد:

$$\begin{cases} R = \rho \frac{L}{A} = \frac{3 \times 10^{-8} \times \lambda}{(\pi \times 1^2) 10^{-6}} = 0.08 \Omega \\ A = \pi r^2 \end{cases}$$

با استفاده از قانون اهم می‌توان نیرو محرکه القایی را حساب نمود:

$$\bar{\epsilon} = R\bar{I} \Rightarrow \bar{\epsilon} = 0.08 \times 20 = 1.6V$$

با استفاده از قانون فاراده می‌توان بازه Δt را حساب نمود:

$$\begin{cases} |\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -N \frac{\Delta B}{\Delta t} \cdot A \cdot \cos \alpha \right| \\ N = \frac{L}{\text{محیط مربع}} \Rightarrow N = \frac{\lambda}{40 \times 10^{-2}} = 20 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 1.6 = \frac{20}{\Delta t} \times (900 - 500) \times 10^{-6} \times 100 \times 10^{-6} \times 1 \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{200} s = 5ms$$

چون سیم‌ها به هم چسبیده‌اند، پس طول سیم‌لوله به صورت $L = ND$ خواهد شد. (N تعداد حلقه‌ها و D قطر یا ضخامت سیم است)



از طرفی بین طول سیم و تعداد حلقه‌های سیم‌لوله رابطه $N = \frac{L}{2\pi R}$ برقرار است که R شعاع هر حلقه است. راه‌حل اول:

$$N = \frac{L}{2\pi R} = \frac{120}{2\pi \times 0.02} = \frac{3000}{\pi}$$

$$L = ND = \frac{3000}{\pi} \times 2 \times 10^{-3} = \frac{6}{\pi} \text{ m}$$

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I \Rightarrow 2\pi \times 10^{-7} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times \frac{3000}{\pi}}{\frac{6}{\pi}} \times I \Rightarrow I = 10 \text{ A}$$

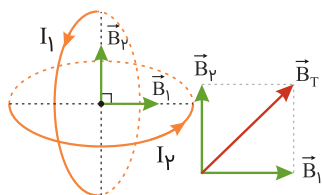
راه‌حل دوم: ابتدا روابط را ساده می‌کنیم.

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I = \mu_0 \frac{NI}{ND} = \mu_0 \frac{I}{D} \Rightarrow I = \frac{BD}{\mu_0} = \frac{2\pi \times 10^{-3} \times 2 \times 10^{-3}}{4\pi \times 10^{-7}} = 10 \text{ A}$$

$$\left. \begin{aligned} P_1 = R_1 I_1^2 \Rightarrow 24 = 6 I_1^2 \Rightarrow I_1 = 2 \text{ A} \\ V_1 = V_2 \Rightarrow 6 I_1 = 12 I_2 \Rightarrow I_2 = 1 \text{ A} \end{aligned} \right\} \Rightarrow I = 2 + 1 = 3 \text{ A}$$

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{1000 \times 3}{1} = 12\pi \times 10^{-4} \text{ T} = 1/2\pi \times 10^{-3} \text{ T}$$

گام اول: ابتدا جهت میدان مغناطیسی هر یک از حلقه‌ها در مرکز آن‌ها را تعیین می‌کنیم. با استفاده از قاعده دست راست، جهت میدان‌ها مطابق شکل زیر است. گام دوم: باتوجه به جهت \vec{B}_1 و \vec{B}_2 بردار برآیند در جهت زیر است.



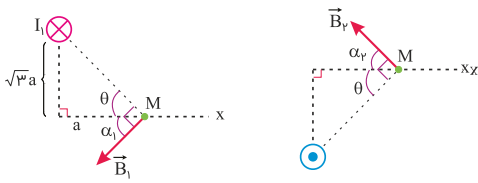
گام اول: ابتدا میدان مغناطیسی هر یک از سیم‌ها در نقطه M و زاویه‌ای که میدان x می‌سازد را به دست می‌آوریم. میدان بر خطی که سیم را به نقطه M وصل می‌کند، عمود است.

$$\tan \theta = \frac{\sqrt{3}a}{a} = \sqrt{3} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

$$\theta + \alpha_1 = 90 \Rightarrow 60 + \alpha_1 = 90 \Rightarrow \alpha_1 = 30^\circ$$

$$\theta + \alpha_2 = 90^\circ \Rightarrow \alpha_2 = 30^\circ$$

گام دوم: باتوجه به شکل‌های بالا زاویه بین دو بردار میدان مغناطیسی برابر با 60° است.

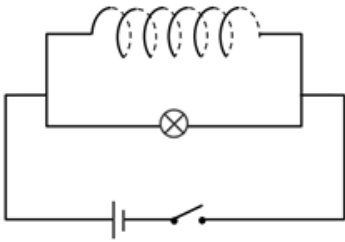


۱۸۲

در لحظه وصل کلید، بالای حلقه (۲)، قطب N و پایین آن قطب (S) می‌شود. حلقه (۱) با تغییر شار مخالفت می‌کند، به این ترتیب جریان حلقه (۱) به صورتی خواهد بود که بالای آن قطب (S) شود. در نتیجه دو حلقه از یکدیگر دور خواهند شد و فنرها جمع می‌شوند.
در لحظه قطع کلید، شار عبوری از حلقه (۲) در حال کاهش است و حلقه (۲) برای جبران این کاهش شار، جریانی در آن القا می‌شود که کاهش شار را جبران کند. این جریان هم‌سو با جریان حلقه (۲) است و میدان ناشی از آن بین دو حلقه نیروی جاذبه ایجاد می‌کند. پس در این حالت فنرها کشیده می‌شوند.

۱۸۳

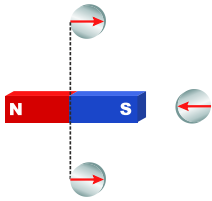
در مدار زیر، پس از وصل کلید، القاگر مانع از افزایش شار مغناطیسی خود می‌شود یعنی جریان کمی از شاخه‌ای که القاگر در آن است عبور می‌کند؛ لذا جریان زیادی از لامپ عبور می‌کند، پس نور لامپ در ابتدا خیلی زیاد است. اما با گذشت زمان و ثابت شدن شار عبوری از القاگر، جریان عبوری از لامپ کاهش می‌یابد و نور آن کم می‌شود. در لحظه قطع کلید نیز، القاگر جریانی القایی تولید می‌کند تا مانع از کاهش شار شود و به این ترتیب مانع از خاموش شدن سریع لامپ می‌شود.



گزینه ۳

۱۸۴

سر M، قطب N آهنربا را نشان می‌دهد و در جابه‌جایی روی مسیر دایره‌ای شکل از A تا B، عقربه ۳۶۰ درجه می‌چرخد.



گزینه ۴

۱۸۵

گام اول: در لحظه $t = 0/03s$ میدان مغناطیسی را حساب می‌کنیم. از تشابه دو مثلث داریم:

$$\frac{0/02}{0/01} = \frac{B}{10} \Rightarrow B = 20 \text{ G} \Rightarrow B = 2 \times 10^{-3} \text{ T}$$

گام دوم: چون نیروی محرکه القایی متناسب با شیب تغییرات شار مغناطیسی است و در این سؤال تغییر شار به سبب تغییر میدان مغناطیسی است. داریم:

$$I = \left| \frac{-N A \cos \theta \Delta B}{R \Delta t} \right|$$

گام سوم: در بازه $0/05s$ تا $0/06s$ شیب نمودار بیشتر از بازه‌های دیگر است و داریم:

$$I = \left| \frac{-20 \times 20 \times 10^{-4} \times 1}{2} \times \frac{0 - 2 \times 10^{-3}}{0/06 - 0/05} \right| = 4 \times 10^{-3} \text{ A}$$

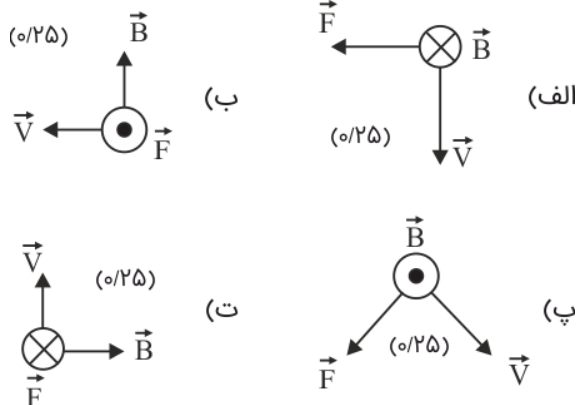
چون سطح حلقه در هر دو حالت بر محور x عمود است پس فقط مؤلفه افقی میدان مغناطیسی (B_x) باعث تغییر شار می‌شود.

$$\phi_1 = AB_x = 4 \times 10^{-2} \times 3 = 12 \times 10^{-2} \text{ (Wb)}$$

$$\phi_2 = -\phi_1 = -12 \times 10^{-2} \text{ (Wb)} \quad \Delta\phi = -24 \times 10^{-2} \text{ (Wb)}$$

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -500 \times \frac{-24 \times 10^{-2}}{400} = \frac{1200}{400} = 3 \text{ (V)}$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{3 \times 10^{-1}}{20} = \frac{3}{2} \times 10^{-2} \text{ A} = \frac{3}{2} \times 10^{-2} \times 10^3 \text{ mA} = 15 \text{ mA}$$



باتری . با توجه به جهت قراردادی جریان و قاعده دست راست باتری B را انتخاب می‌کنیم. (اگر دانش آموز پاسخ درست را با رسم بردارهای مربوطه هم نشان داد، نمره کامل منظور گردد)

طبق رابطه $F = ILB \sin \alpha$ ($F = 0.25$) بزرگی نیروی وارد بر سیم در صورتی بیشینه است که $\alpha = 90^\circ$ و در نتیجه $\sin 90^\circ = 1$ باشد.

ابتدا نیروی محرکه القایی را در سه بازه زمانی مختلف به دست آورده و در نهایت نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی برحسب زمان را رسم می‌کنیم:

$$\varepsilon = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -N \frac{A \cos \theta \Delta B}{\Delta t} \xrightarrow[\cos \theta = 1]{A = 0.01 \pi \text{ m}^2} \varepsilon = -1 \times 0.01 \times 3 \times 1 \times \frac{\Delta B}{\Delta t} = 0.03 \times \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

بازه ۰ تا ۰.۱:

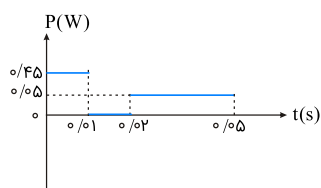
$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{0/5}{0/01} = -1/5 \text{ V} \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{2/25}{5} = 0.08 \text{ W}$$

بازه ۰.۱ تا ۰.۲:

$$\varepsilon = -0.03 \times 0 = 0 \Rightarrow P = 0$$

بازه ۰.۲ تا ۰.۵:

$$\varepsilon = -0.03 \times \frac{-0/5}{0/03} = 0.5 \text{ V} \Rightarrow P = \frac{\varepsilon^2}{R} = \frac{0.25}{5} = 0.05 \text{ W}$$



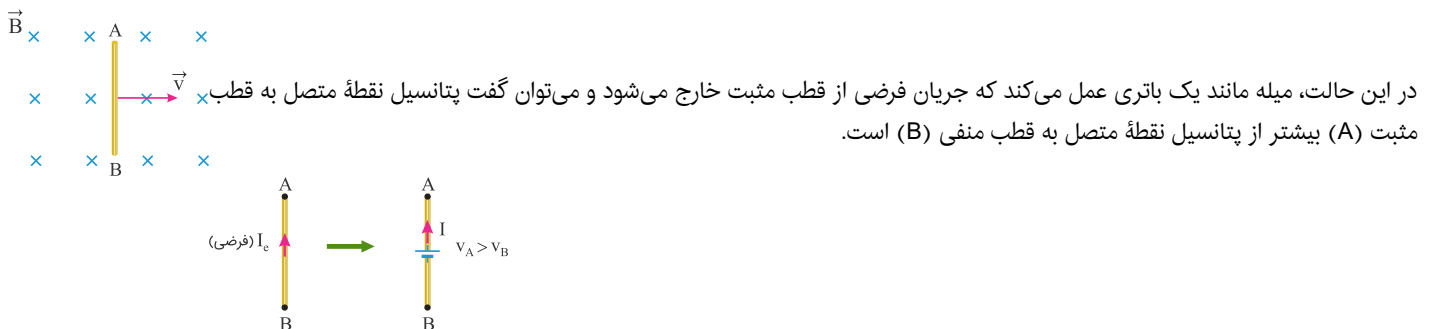
معادله جریان متناوب عبوری از پیچه به صورت $I = I_{\max} \sin \omega t$ است. مطابق نمودار $I - t$ در صورت تست، $I_{\max} = 2 A$ و در لحظه $t = \frac{\pi}{6} s$ برای دومین بار $I = 1 A$ می‌شود.

$$I = 2 \sin \omega t \Rightarrow 1 = 2 \sin \omega \times \frac{\pi}{6} \Rightarrow \sin \omega \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

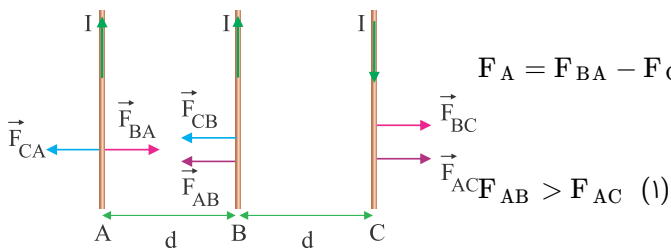
$$\Rightarrow \omega \frac{\pi}{6} = \frac{\pi}{6} \Rightarrow \omega = \frac{\pi}{6} \text{ rad/s}$$

$$\Phi = AB \cos \omega t = (\frac{1}{2} \times 10^{-4}) \times 0.04 \times \cos(\frac{\pi}{6} \times \frac{\pi}{6}) = \frac{1}{2} \times 10^{-4} \times \frac{1}{2} = 10^{-4} \text{ Wb}$$

باتوجه به قانون دست راست، اگر چهار انگشت دست راست را در جهت بردار سرعت قرار دهیم به گونه‌ای که خم شدن انگشتان دست راست سوی میدان مغناطیسی را نشان دهد، در این حالت انگشت شست سوی جریان القایی فرضی در میله را نشان می‌دهد.



گام اول: باتوجه به اینکه جریان‌های همسو همدیگر را می‌ریزند و جریان‌های ناهم‌سو همدیگر را می‌رانند، بردار نیروی وارد بر هر سیم از طرف سیم‌های دیگر را رسم می‌کنیم. (\vec{F}_{AB} بیانگر نیرویی است که سیم A به سیم B وارد می‌کند) باتوجه به جهت نیروها، نیروی خالص وارد بر هر سیم به صورت زیر خواهد بود:



گام دوم: سیم B نسبت به سیم C به A نزدیک‌تر است؛ بنابراین:

همچنین \vec{F}_{CB} و \vec{F}_{BC} عمل و عکس‌العمل یکدیگرند:

$$F_{BC} = F_{CB} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow F_{CB} + F_{AB} > F_{BC} + F_{AC} \Rightarrow F_B > F_C \quad I$$

گام سوم: \vec{F}_{AC} و \vec{F}_{CA} عمل و عکس‌العمل یکدیگرند؛ بنابراین:

$$F_{AC} = F_{CA} \quad (3)$$

فاصله سیم B از سیم A و C یکسان است؛ بنابراین:

$$F_{BC} = F_{BA} \quad (4)$$

$$(3), (4) \Rightarrow F_{BC} + F_{AC} < F_{BA} - F_{CA} \Rightarrow F_C > F_A \quad II$$

گام چهارم: باتوجه به روابط I و II می‌توان نوشت:

$$F_B > F_C > F_A$$

باتوجه به شکل، دوره تناوب برابر است با:

$$\omega \frac{T}{4} = 12 \Rightarrow T = 16 \text{ ms}$$

معادله جریان عبوری از رسانا برابر است با:

$$I = I_m \sin\left(\frac{\omega t}{T}\right) \Rightarrow I = 4 \sin\left(\frac{\omega t}{16}\right)$$

جریان و نیروی محرکه القایی در لحظه $t = 12 \text{ ms}$ برابر است با:

$$I = 4 \sin\left(\frac{\omega t}{16} \times 0.12\right) = 4 \sin\left(\frac{\omega t}{4}\right) = -4 \text{ A} \Rightarrow |I| = 4 \text{ A}$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R} \Rightarrow 4 = \frac{\varepsilon}{5} \Rightarrow \varepsilon = 20 \text{ V}$$

جریان در لحظه $t = \frac{T}{4} = \frac{16}{4} = 4 \text{ ms}$ برای اولین بار به مقدار بیشینه خود می‌رسد.

سطحی که مؤثر است و شار عبور می‌کند، برابر سطحی عمود بر محور x ها است: $A = (2 \times 3) \text{ cm}^2 = 6 \times 10^{-4}$

۱۹۴ الف

پس:

$$\Phi = AB \cos \theta \Rightarrow \Phi = 6 \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} = 24 \times 10^{-6} \text{ Wb}$$

با استفاده از قانون فاراده می‌توان نیرو محرکه القایی را حساب نمود:

ب

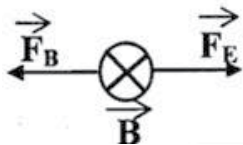
$$\varepsilon = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \varepsilon = \frac{A \Delta B}{\Delta t} = 6 \times 10^{-4} \times \frac{0.02}{0.01} = 12 \times 10^{-4} = 12 \times 10^{-4} \text{ V}$$

پاسخ سؤالات ۱۹۵ تا ۱۹۶

همنام (۰/۲۵) ۱۹۵

وبر (۰/۲۵) ۱۹۶

جهت F_B به سمت چپ، جهت F_E به سمت راست و جهت B درون سو است. ۱۹۷



باید توجه کرد که اگر طول میله l باشد، تغییر مساحت حلقه $l \times \Delta x$ خواهد بود که $\Delta x = v \cdot \Delta t$ (در واقع Δx طولی است که AB در هر زمان Δt طی خواهد کرد)

۱۹۸

$$\varepsilon = -\frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -\frac{\Delta(BA)}{\Delta t} = -B \frac{\Delta A}{\Delta t} = -B \frac{l \cdot v \Delta t}{\Delta t} \Rightarrow \varepsilon = -Blv$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R} \Rightarrow |I| = \left| \frac{-Blv}{R} \right| = \left| \frac{0.5 \times 0.3 \times 4}{6} \right| = \frac{0.6}{6} = 0.1 \text{ A}$$

چون شار مغناطیسی برون‌سو در حال کاهش است، پس جهت میدان مغناطیسی ناشی از جریان القایی طبق قانون لنز باید برون‌سو باشد تا با کاهش میدان اولیه مخالفت کند، پس جریان پادساعتگرد است و در میله در مسیر کوتاه‌تر از B به A است.

با توجه به تندی حلقه، مدت زمان ورود حلقه به ناحیه میدان مغناطیسی (Δt_1) و مدت زمانی که حلقه به طور کامل در میدان قرار دارد (Δt_2) و مدت زمان خروج حلقه از میدان مغناطیسی را (Δt_3) حساب می‌کنیم:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{\Delta x}{v} = \frac{40}{4} = 10 \text{ s}, \quad \Delta t_3 = 10 \text{ s}, \quad \Delta t_2 = \frac{80}{4} = 20 \text{ s}$$

نیرو محرکه القایی در بازه زمانی ۰ تا ۱۰s برابر است با:

$$\varepsilon_1 = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -B \frac{\Delta A}{\Delta t} = -0.02 \times \frac{(1600 - 0) \times 10^{-4}}{10} = -32 \times 10^{-5} = -0.32 \text{ mV}$$

هم میدان و هم سطح مقطع در ۲۰ ثانیه دوم ثابت‌اند $\varepsilon_2 = 0$

نیرو محرکه القایی در بازه زمانی ۳۰s تا ۴۰s برابر است با:

$$\varepsilon_3 = -B \frac{\Delta A}{\Delta t} = -0.02 \times \frac{(0 - 1600) \times 10^{-4}}{10} = +0.32 \text{ mV}$$

تکه سیم CDEF مشتمل بر سه تکه سیم CD، DE و EF است. نیروی وارد بر هر تکه را حساب می‌کنیم و سپس جمع برداری آن‌ها را حساب می‌کنیم:

$$F = BIL \sin \theta$$

$$\text{CD بر وارد نیروی: } \theta = 0 \Rightarrow \sin \theta = 0 \Rightarrow F_{CD} = 0$$

$$\text{DE بر وارد نیروی: } F_{DE} = 0.2 \times 2 \times DE \times \frac{EF}{DE} = 0.8\sqrt{3} \otimes$$

$$\text{EF بر وارد نیروی: } F_{EF} = 0.2 \times 2 \times 2\sqrt{3} \sin 90 = 0.8\sqrt{3} \odot$$

$$\vec{F}_{CDEF} = \vec{F}_{CD} + \vec{F}_{DE} + \vec{F}_{EF} = 0 + 0.8\sqrt{3} \otimes + 0.8\sqrt{3} \odot = 0$$